# 貯留関数パラメータの一般性に関する 気候・地質条件の異なるダム流域における検討 STUDY ON GENERALIZATION OF PARAMETERS IN THE STORAGE-DISCHARGE RELATION FOR DIFFERENT GEOLOGICAL AND CLIMATOLOGICAL DAM BASINS

# 藤村和正<sup>1</sup>・井芹慶彦<sup>2</sup>・岡田将治<sup>3</sup>・鼎 信次郎<sup>4</sup>・Thomas KJELDSEN<sup>5</sup>・ 村上雅博<sup>6</sup> Kazumasa FUJIMURA, Yoshihiko ISERI, Shoji OKADA, Shinjiro KANAE, Thomas KJELDSEN, and Masahiro MURAKAMI

<sup>1</sup>正会員 博(工) 明星大学教授 理工学部(〒191-8506 東京都日野市程久保2-1-1)
 <sup>2</sup>正会員 博(工) 東京工業大学 環境・社会理工学院(〒152-8550 東京都目黒区大岡山2-12-1)
 <sup>3</sup>正会員 博(工) 高知工業高等専門学校准教授(〒783-8508 高知県南国市物部乙200-1)
 <sup>4</sup>正会員 博(工) 東京工業大学教授 環境・社会理工学院(〒152-8550 東京都目黒区大岡山2-12-1)
 <sup>5</sup>Ph.D., Assoc. prof., Dept. of Architecture & Civil Eng., University of Bath (Claverton Down, Bath, BA2 7AY, UK)
 <sup>6</sup>正会員 工博 高知工科大学名誉教授(〒1782-8502 高知県香美市土佐山田町宮ノロ185)

The most utilized flood runoff model for engineering applications in Japan is based on the storagedischarge function of the type  $S=kQ^p$ . The parameters p and k vary between flood events, causing difficulty in estimating and forecasting the flood runoff hydrographs accurately. The aim of this study is to identify the parameters in the storage-discharge relationship for floods for the Sameura Dam basin, Sagae Dam basin, Taisetsu Dam basin and the Iwaonai Dam basin, located in different regions in Japan and representing different topographical, geological and climatological conditions. In order to optimize the parameters p and k by maximizing the Nash-Sutcliffe efficiency, 10,000 simulations are carried out for each flood event by changing the values of k and p. The results show that the optimum parameters in the storage-discharge function, the sets of p and k, for floods in each study basin are represented by the pk curve on the log-log graph.

# *Key Words : storage-discharge function, optimum parameters, power low function, flood event, mountainous basin*

### 1. はじめに

日本では、台風や前線の影響による豪雨で水害が頻発 している.平成27年は関東・東北豪雨災害、平成28年は 北海道・東北豪雨災害が発生し、2年連続で甚大な洪水 被害が生じた.洪水流量を高い精度で把握し、河川整備 計画や洪水時のダム操作に反映させることは、これまで 以上に必要になっている.降雨-流出の変換システムと して流出の非線形性を指数関数式により簡潔に表現した 貯留関数式は、多くの流出モデルの基礎式になっている. 当初は、流出量を河道の貯留量との関係としてHorton<sup>1)</sup> が説明した式である.日本では、基礎式に貯留関数式を 用いた洪水追跡法の貯留関数法が木村<sup>2</sup>により開発され, 国内に広く普及し,現在では,多くの河川管理,河川計 画に利用されている.

貯留関数式の利用に際して,式中の2つのパラメータ, 指数pと係数kの性質は明らかになっていない.一般的に は,指数pはマニング則に基づき0.6が目安にされている が<sup>3</sup>)、洪水毎に値が変化することは以前から指摘されて おり、それ故、パラメータ特性に関する研究、あるいは パラメータの不確実性を考慮したモデルの開発が行われ てきている<sup>4,53,6742</sup>.最近では、鉛直不飽和浸透流の考え 方から0.3程度の値も説明されている<sup>7</sup>.結局、p値とk値 は経験値が採用されているのが現状であり、必ずしも信 頼性ある値が採用されているとは限らない.



そこで筆者らは、貯留関数式のパラメータ特性を解明 するため、まずは低水流出に対して長期流出解析を行っ てきた<sup>8)</sup>.そして、洪水流出解析に用いる貯留関数式の 検討を四国地方の早明浦ダム流域において行った<sup>9)</sup>.そ の結果、p値とk値の相互関係を指数関数式のp-k曲線と して表せる可能性を示した.p値とk値は独立したパラ メータであると認識されているが、p-k曲線の存在は貯 留関数式のパラメータに新たな解釈を加える可能性があ る.p-k曲線については鏡川流域でも報告例があるが<sup>10</sup>、 鏡川流域は早明浦ダム流域と気候と地質がほぼ同じであ るため、p-k曲線の一般性を示すに至っていない.

以上のことから、本研究では、貯留関数式のパラメー タ特性を示すため、つまり、*p-k*曲線の存在を明確にす るため、早明浦ダム流域の対象洪水数を増やすとともに、 四国以外の東北地方の寒河江ダム流域、北海道地方の大 雪ダム流域と岩尾内ダム流域の合計4つのダム流域にお いて貯留関数式を用いた洪水流出解析を行い、最適パラ メータを探索し、流域毎に整理してパラメータ特性につ いて考察することを目的とする.

# 2. 対象流域の概要

#### (1) 対象流域

本研究の対象流域は、筆者らがこれまで扱った流域<sup>(1)</sup> から、気候・地質条件が異なる流域として、吉野川上流 の早明浦ダム流域(472 km<sup>2</sup>)、最上川上流の寒河江ダ ム流域(233 km<sup>2</sup>)、石狩川上流の大雪ダム流域(290 km<sup>2</sup>)、そして天塩川上流の岩尾内ダム流域(331 km<sup>2</sup>) を設定する(図1).各流域の気候の特徴を記すと、太 平洋側気候の早明浦ダム流域は年間降水量の大半が夏期 にあり、日本海側気候の寒河江ダム流域は夏期には晴天 が多く降水量は比較的少ない.そして、オホーツク海気 候の大雪ダム流域と岩尾内ダム流域は梅雨期がなく台風 の襲来が少ない.表層地質に関しては、20万分の1日本 シームレス地質図から地質年代を読み取った.流域毎に 表 1 雨量観測点

流域	雨量観測所						
早明浦ダム	長沢 寺川 桑瀬 黒丸 早明浦(水機構) 小北川(国交省)						
寒河江ダム	寒河江ダム 中村 志津 日暮沢(国交省) 大井沢(AMeDAS)						
大雪ダム	大雪ダム 迷沢 沼の原 銀泉台 (国交省)						
岩尾内ダム	岩尾内ダム 二子森 上似峡 天塩岳 (国交省)						

表 2 対象洪水の選定条件と洪水数

流域	データ期間	年数	ピーク流出高	洪水数				
早明浦ダム	1991-2010年	20年	10 mm/h以上	33個				
寒河江ダム	2002-2016年	15年	4 mm/h以上	18個				
大雪ダム	2002-2016年	15年	2 mm/h以上	10個				
岩尾内ダム	2002-2016年	15年	1.5mm/h以上	9個				

地質年代別の面積率を図2に表す.早明浦ダム流域は 保水性の低い中生層が98%を占めるが,岩尾内ダム流域 は保水性の高い火山性地質の新第三紀層と第四紀層が 80.7%を占め,表層地質の年代割合には大きな違いがあ る.地質年代が古い割合の順は,早明浦ダム流域,寒河 江ダム流域,大雪ダム流域,岩尾内ダム流域となる.

#### (2) 水文データと対象洪水

水文データには、水資源機構、水文・水質データベー スおよびAMeDASから入手した1時間単位の雨量および ダム流入量を使用する.表1には各流域の雨量観測所を 記す.収集したデータの期間は15年と20年であり、その 中から6月1日から10月31日の間に発生した顕著な出水を 解析対象とした.出水規模は流域毎に異なるため、選定 基準をピーク流出高として表2に示す値を設定した.な お、直接流出を分離しても基底流出が高いため、ピーク 流出高が1 mm/h以下になる小さな洪水は対象外とした. 4流域合計の洪水数は70個である.

# (3) 流出特性の比較

各流域の総雨量-総流出量関係を1つの両対数グラフ に集約し、流出特性として図3に表す.早明浦ダム流域 では、総雨量1,125 mm、総流出量887 mmの大規模な洪 水がある.そして、早明浦ダム流域の小規模の洪水は、 大雪ダムおよび岩尾内ダム流域の選定期間内の最大規模 の洪水に匹敵している.このように4つの流域の洪水規 模は大きく異なり、表層地質と同様に流域間の顕著な自 然条件の違いと言える. 流域毎の近似曲線も図 3中に示 し、また、括弧内には直線近似した場合の一次式を表す. この一次式の傾きは流出率を意味している. 早明浦ダム 流域では0.84であるが、他の3流域は0.38~0.48と小さく、 流出率に差が見られる. これは表層地質の違いが流出率 に影響しているものと考えられる. なお、対象洪水には 甚大な被害を生じさせた洪水を各流域とも含んでいる. 四国地方では2004年と2005年に台風の影響により多大な 人的・物的被害が生じており、山形県では、2013年7月 の記録的豪雨により、山形県西川町の広域水道の浄水場 に高濁度水が流入して断水し、54,000世帯が影響を受け、 北海道地方では、2016年8月に4個の台風の襲来により、 北海道東部を中心に氾濫、土砂災害が多発した。

#### 3. 解析方法

解析方法については既に前著<sup>9</sup>で述べているので、こ こでは手法の特徴そして要点について記す.

#### (1) 直接流出量の分離

直接流出の分離は、著者らの検討<sup>12</sup>から、対数グラフ 上のハイドログラフを減水部分の裾(先端)で分離する 手法を用いる.裾部での分離位置が若干異なっていても 解析結果には大きく影響しいなことを報告している.

#### (2) 有効降雨量の算定

洪水流出解析は、直接流出量を対象とした計算である ため、直接流出に有効となる降雨成分、つまり有効降雨 量を算定する.本研究では、筆者らがこれまで利用して きているDiskin-Nazimovの雨水浸透モデル<sup>13)</sup>を用いる. Diskin-Nazimovモデルの特徴は、浸透能算定の概念図を



f(t):浸透能(mm/h) g(t):下層地下浸透量(mm/h),Su(t):表層水分貯留量 t:時間, $<math>f_0:初期浸透能 f_c:終期浸透能 S_m:表層水分量最大値$ 

図 4 Diskin-Nazimov モデルの浸透能算定の概念図

図4に示すように、表層土壌の水分量Suが増加すると浸透能fが減少し、一方で下層への浸透量gが増加する点であり、そしてこの現象を合理的な線形式で表現していることである。また、降雨強度の変化に応じて浸透能の変化を算定できることも特徴である。流域は500mグリッドに分割し(岩尾内ダム流域のみ100mグリッド)、グリッド点での有効降雨量を算定する。グリッド点の降水量は逆距離加重法(Inverse Distance Weighting method)により算定する。流域内全てのグリッド点の有効降雨量を算術平均し、流域平均の有効降雨量Reとする。有効降雨量Reの算出の際、基底流出から分離された直接流出量とほぼ同等の値になるように、初期浸透能f<sub>6</sub>、終期浸透能f<sub>6</sub>、終期浸透能f<sub>6</sub>、終期浸透の最大値Smを調整している。本研究では、f<sub>0</sub>は20~50 mm/h、f<sub>c</sub>は1.5~15 mm/h、Smは10~60 mmの範囲の値を用いた。

#### (3) 流出量計算

流出量の計算には、(1)式の貯留関数式と(2)式の連続 式を用いる.流域の有効降雨量Reは(2)式に代入する.

$$S = k Q^p \tag{1}$$

$$\frac{dS}{dt} = Re - Q \tag{2}$$

ここに, S: 貯留量(mm), Q: 流出量(mm/h), Re: 有効 降雨量(mm/h), p: 指数, k: 係数(mm<sup>1-p</sup> h<sup>p</sup>).

貯留関数式の遅滞時間は、本来、貯留量と流出量のピーク時刻差を設定するが、本研究では、ピーク流出量の実 測値と計算値が一致する時刻差を試算によって特定して、 設定する. ピーク流出の時刻差は洪水毎に異なるが、早 明浦ダム流域では40分~1時間、寒河江ダム流域では30 分から1時間30分、大雪ダム流域では40分~2時間、岩尾 内ダム流域では10分~4時間30分である.

#### (4) 誤差評価指標

本研究では、誤差評価指標に以下の式で算出される Nash-Sutcliffe係数(以下,Nash係数あるいはNSEと記 す)を用いる.Nash係数は、1に近いほどモデルの精度 は高く、0.7以上で良好な再現性があるとされている.

$$NSE = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{N} (QO_i - QC_i)^2}{\sum_{i=1}^{N} (QO_i - QO_m)^2}$$
(3)

ここに, *QO<sub>i</sub>*: *i*番目の実測流出量(mm/h), *QC<sub>i</sub>*: *i*番目の計算流出量(mm/h), *QO<sub>m</sub>*: 実測流出量の平均値, *N*: データ個数.

#### (5) 最適パラメータの探索

1洪水イベントについて10,000組の*p-k*値の流出計算を 行い, Nash係数が最大となる*p-k*値の組み合わせを特定 し最適パラメータとする. *p-k*値の変動範囲とステップ



図5 Nash係数の分布図(早明浦ダム流域のピーク流出量が大きい4洪水の例)

表3 対象洪水の諸元と最適パラメータの探索結果

流	±1 ₽.	解析期間	総雨量	総流出	ピーク流出	最通	鯂	NEE
堿	記万	年 月日	(mm)	(mm)	(mm/h)	p	k	NSE
	M01	1991 7.27-8.2	341	159	10.5	0.78	16	0.9339
	M02	1991 9.27- 9.28	251	127	13.8	0.68	11	0.9862
	M03	1992 8. 7-8. 9	262	172	16.0	0.84	8	0.9856
	M04	1992 8.17-8.20	479	294	14.1	0.66	14	0.9774
	M05	1992 8.24 8.27	292	192	15.4	0.55	23	0.9587
	M06	1993 7.26-7.29	796	522	17.8	0.52	26	0.9534
	M07	1993 8. 8-8.11	484	382	31.1	0.62	17	0.9809
	M08	1993 9.3-9.5	290	135	28.2	0.61	11	0.9865
	M09	1996 8.13- 8.15	359	168	13.4	0.67	13	0.9920
	M10	1997 9.15 9.18	421	290	39.0	0.52	22	0.9885
	M11	1998 9.30-10. 1	233	135	15.1	0.83	6	0.9593
	M12	1998 10.15-10.19	302	207	24.8	0.60	17	0.9935
平	M13	1999 7.25- 7.31	1,125	887	19.3	0.58	27	0.9680
眀	M14	1999 9.14 9.17	337	169	23.4	0.55	19	0.9753
2. 2.	M15	1999 9.23 9.24	215	110	11.9	1.10	3	0.9758
佣	M16	2000 7.29 8. 1	486	244	10.2	0.79	11	0.9652
ダ	M17	2000 9.12 9.16	538	316	10.6	0.45	25	0.9214
1	M18	2002 75-77	199	99	13.6	0.42	21	0.9650
4	M19	2002 8.30-9.2	566	389	19.2	0.53	21	0.9619
流	M20	2003 9.12 9.13	258	120	17.7	0.59	10	0.9610
+武	M21	2004 _6.19 _ 6.22	253	117	11.5	0.62	16	0.9864
坝	M22	2004 7.31 8.3	730	482	21.7	0.35	55	0.9300
	M23	2004 8.17-8.20	638	549	26.4	0.47	27	0.9327
	M24	2004 8.30- 8.31	388	299	29.5	0.56	18	0.9828
	M25	2004 9.6 9.9	362	267	15.9	0.71	12	0.9754
	M26	2004 _9.28 _ 9.30	418	290	29.2	0.66	12	0.9628
	M27	2004 10.19-10.21	431	221	26.7	0.70	11	0.9779
	M28	2005 9. 5-9. 8	708	578	40.5	0.34	51	0.9894
	M29	2006 8.17-8.20	384	200	10.7	0.60	24	0.9498
	M30	2007 7.16-7.13	508	317	22.6	0.91	6	0.9928
	M31	2007 8.2 - 8.4	294	151	12.9	0.59	21	0.9672
	M32	2007 9.14 9.17	462	197	13.9	0.90	7	0.9638
	M33	2009 8.8 8 8.9	273	139	13.0	0.66	13	0.8662

値は, p値は0.11~1.10まで0.01で100計算分, k値は1~ 100まで1.0で100計算分である.ただし, p値の最適値が 1.10以上になる場合には, 0.51~1.50のように変動幅を 移動させる. プログラム上では2重ループのアルゴリズ ムにより計算を実行している.1洪水の流出計算回数は 合計10,000回となる.また,解析に使用する電子計算機 のCPU仕様は, Intel® Core<sup>™</sup> i5-6600, 3.30 GHzである.

# 4. 解析結果と考察

# (1) 最適パラメータの探索(Nash係数の分布図)

最適パラメータの探索の例として、早明浦ダム流域の ピーク流出量の大きい4洪水を図 5に表す.この図は0.7 以上のNash係数の分布を両対数グラフで表し、可視化し ている.分布図には、左上から右下にかけて等値線(コ ンター)が伸びており、赤色になるほどNash係数は大き く、解析精度が良い結果であることを表している.また、

$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	流	記号	在	解析期間	総雨量	総流出	ピーク流出	最通	1	NSE
Sg01         2002         7.10         -7.12         262         84         5.6         0.68         14         0.9322           Sg03         2002         10.10.2         150         36         5.2         0.57         11         0.9372           Sg03         2004         7.17         7.19         209         106         6.5         0.64         11         0.8949           Sg05         2005         6.14         8.15         11         0.8905         39         0.63         8         0.9046           Sg07         2006         8.28         8.29         122         34         4.9         0.72         7         0.9719           X         Sg08         2009         6.29         6.30         114         37         5.6         0.56         12         0.9866           Sg10         2010         8.14         8.15         185         48         5.6         1.02         4         0.8328 $\Delta$ Sg11         2011         5.24         6.27         7.0         10         0.9495           Sg12         2013         7.8         7.9         86         32         5.0         0.59         10         0.9723	坬		+	<u>Л</u> Ц	(11111)	(11111)	(111111)	p	к	
sg02         2002         10.1         -10.2         150         36         5.2         0.57         11         0.9372           sg04         2004         7.17         7.19         209         106         6.5         0.64         11         0.8949           sg04         2005         6.27-6.28         225         61         6.8         0.54         14         0.9805           gs07         2006         8.28-2.9         122         34         4.9         0.72         7         0.9719           T         Sg08         2009         6.29-6.30         114         37         5.6         0.56         12         0.9866           Sg10         2010         8.14-8.15         185         48         5.6         1.02         4         0.8328           Sg11         2011         6.24-6.27         422         175         6.2         0.73         10         0.9495           Sg12         2011         7.17-7.15         132         39         4.5         1.00         4         0.9305           Sg15         2013         7.17-7.18         311         117         17.9         0.77         7         0.9433           Sg16 <td></td> <td>Sg01</td> <td>2002</td> <td>7.10-7.12</td> <td>262</td> <td>84</td> <td>5.6</td> <td>0.68</td> <td>14</td> <td>0.9232</td>		Sg01	2002	7.10-7.12	262	84	5.6	0.68	14	0.9232
Sg03         2004         7.17         7.19         209         106         6.5         0.64         11         0.8949           Sg04         2005         6.27         6.28         225         61         6.8         0.54         14         0.9805           Sg05         2005         8.14-8.15         119         26         3.9         0.63         8         0.9046           Sg05         2006         7.12-7.14         172         30         3.5         0.51         11         0.8966           Sg08         2009         6.29-6.30         114         37         5.6         0.56         12         0.9866           Sg00         2009         7.19-7.20         99         34         6.6         0.87         5         0.9264           Sg11         2011         6.24-6.27         422         175         6.2         0.73         10         0.9495           Sg12         2013         7.14-7.15         132         39         4.5         1.00         4         0.9305           Sg15         2013         7.14-7.15         132         39         4.5         1.00         4         0.99343           Sg12         2014 </td <td></td> <td>Sg02</td> <td>2002</td> <td>101-102</td> <td>150</td> <td>36</td> <td>5.2</td> <td>0.57</td> <td>11</td> <td>0.9372</td>		Sg02	2002	101-102	150	36	5.2	0.57	11	0.9372
sg04         2005         6.27-6.28         225         61         6.8         0.54         14         0.9805 $\Re$ sg06         2006         7.12-7.14         119         26         3.9         0.63         8         0.9046 $\Re$ 0.00         8.28-8.29         122         34         4.9         0.72         7         0.9719 $\chi$ sg07         2006         8.28-8.29         122         34         4.9         0.72         7         0.9719 $\chi$ sg08         2009         2.9         34         6.6         0.87         5         0.9264 $\mathcal{S}$ sg01         2011         6.24-6.27         422         175         6.2         0.73         10         0.9495 $\mathcal{S}$ Sg12         2013         7.8-7.9         86         32         5.0         0.59         10         0.9723 $\mathcal{S}$ Sg12         2013         7.8-7.9         86         32         5.0         0.59         10         0.9934 $\mathcal{S}$ 120         7.7         7         0.9433         Sg15         2013         7.2-7.23         1		Sg03	2004	_/.1//.19	209	106	6.5	0.64	11	0.8949
実 Sg05         2005         8.14-8.15         119         26         3.9         0.63         8         0.9946           河         Sg07         2006 $F.2-7.14$ 172         30         3.5         0.51         11         0.8966 $g$ Sg07         2006 $F.28-8.29$ 122         34         4.9         0.72         7         0.9719 $g$ Sg08         2009 $F.9-7.20$ 99         34         6.6         0.87         5         0.9264 $g$ Sg10         2010 $8.14-8.15$ 185         48         5.6         1.02         4         0.8328 $g$ Sg11         2011 $F.20-9.22$ 331         74         4.0         0.48         13         0.9435           Sg12         2013 $7.8-7.9$ 86         32         5.0         0.59         10         0.9723           Sg14         2013 $7.17-7.18$ 311         117         17.9         0.77         7         0.9435           Sg17         2010 $7.0-7.11$ 230         75         7.1         10.63         12		Sg04	2005	_6.2/6.28	225	61	6.8	0.54	14	0.9805
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	寒	Sg05	2005	_8.148.15	119	26	3.9	0.63	8	0.9046
173       Sg07       2006       8.2.8.2.9       122       34       4.9       0.7.2       7       0.9719         12       Sg08       2009       6.20       6.30       114       37       5.6       0.56       12       0.9866 $\beta$ Sg09       2009       7.19–7.20       99       34       6.6       0.87       5       0.9264 $\beta$ Sg10       2010       8.14–8.15       185       48       5.6       1.02       4       0.8328 $\Delta$ Sg11       2011       5.24–6.27       422       175       6.2       0.73       10       0.9495         Sg12       2013       7.8–7.9       86       32       5.0       0.59       10       0.9723         JS       Sg14       2013       7.14–7.15       132       39       4.5       1.00       4       0.9305         Sg15       2013       7.27–7.23       141       48       10.0       0.38       14       0.9954         Sg17       2014       7.0       9.112       26       2.0       0.60       13       0.9426         Sg18       2016       7.6–7.7       166       67	र्भवा	Sg06	2006	_7.127.14	172	30	3.5	0.51	11	0.8966
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	1.0	Sg0/	2006	_8.288.29	122	34	4.9	0.72	12	0.9/19
$ \begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	γI	Sg08	2009	_6.296.30	114	3/	5.6	0.56	12	0.9866
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	ダ	Sg09	2009	_7.197.20	99	34	6.6	0.87	5	0.9264
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Sg10	2010	_8.148.15	185	48	5.6	1.02	4	0.8328
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	A	SgII	2011	_6.246.27	422	175	6.2	0.73	10	0.9495
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	溘	Sg12	2011	_9.209.22	331	74	4.0	0.48	13	0.9438
jug, Sgl4         2013         7.14         7.15         132         39         4.5         1.00         4         0.9305           Sgl5         2013         7.17         7.18         311         117         17.9         0.77         7         0.9433           Sgl6         2013         7.22         7.23         141         48         10.0         0.38         14         0.9954           Sgl7         2014         7.9         7.11         230         75         7.1         0.63         12         0.99426           Sgl8         2016         7.6         7.7         166         67         6.6         0.63         10         0.9756           T01         2002         10.1         1.0.3         77         18         2.4         0.34         16         0.9385           T03         2005         9.7         9.9         112         2.6         2.0         0.60         13         0.9564           T04         2006         8.18         8.20         161         32         3.3         0.72         9         0.9245           ダ         705         2016         7.31<-8.1	1/10	Sg13	2013	_7879	86	32	5.0	0.59	10	0.9723
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	琙	Sg14	2013	_7.147.15	132	39	4.5	1.00	4	0.9305
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Sg15	2013	_/.1//.18	311	117	17.9	0.77		0.9433
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Sg16	2013	_7.227.23	141	48	10.0	0.38	14	0.9954
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $		Sg17	2014	_797.11	230	75	7.1	0.63	12	0.9426
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Sg18	2016	//	166	6/	6.6	0.68	10	0.9/56
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	+-	T01	2002	10. 1–10. 3	77	18	2.4	0.34	16	0.9385
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	八	102	2003	_898.11	124	1/	2.1	0.51	12	0.8054
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	雪	103	2005	9. /- 9. 9	112	26	2.0	0.60	13	0.9564
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Ħ	104	2006	_8.188.20	101	32	3.3	0.72	9	0.9245
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1	105	2010	_8.238.25	98	21	3.5	0.45	11	0.9805
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	ム	106	2016	_/.3181	12	10	2.5	0.67	4	0.9904
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	法	107	2016	_8.1/8.18	150	30	4.3	0.37	21	0.9396
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1/16	108	2016	_8.208.21	1/3	4/	5.7	0.82	15	0.9440
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	域	T109	2016	_8.228.24	108	3/	5.5	1.04	15	0.9785
Image         Image <thimage< th=""> <th< td=""><td></td><td>110</td><td>2010</td><td>8.29-9.2</td><td>19/</td><td>80</td><td>3.0</td><td>1.04</td><td>10</td><td>0.9802</td></th<></thimage<>		110	2010	8.29-9.2	19/	80	3.0	1.04	10	0.9802
$I_{WO2}$ $200^{-}$ $I_{-2}$ $I_{8}$ $S1$ $I_{-5}$ $0.80$ $20$ $0.9402$ $I_{WO2}$ $2011$ $9.2$ $9.5$ $100$ $76$ $2.3$ $0.95$ $28$ $0.9534$ $D_{WV2}$ $2011$ $9.2-9.5$ $100$ $76$ $2.3$ $0.95$ $28$ $0.9534$ $D_{WV2}$ $2011$ $9.2-9.23$ $69$ $16$ $1.0$ $0.95$ $17$ $0.9364$ $J_{WV0}$ $2012$ $8.1-8.2$ $85$ $19$ $1.3$ $0.54$ $22$ $0.8114$ $J_{WV0}$ $2012$ $88.6$ $116$ $57$ $3.4$ $1.00$ $9$ $9.9692$ $J_{WW}$ $2015$ $7.1-8.2$ $95$ $3.7$ $0.84$ $16$ $0.9504$	岩	IW01	2006	10. /-10.10	191	90	3.2	0.83	18	0.9622
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	尾	IW02	2009	_/.20/.29	100	31	1.5	0.80	20	0.9402
$\cancel{5}$ 1w04 2011 9.22 9.25 69 16 1.0 0.93 17 0.9364 $\cancel{5}$ 1w05 2012 8.1-8.2 85 19 1.3 0.54 22 0.8114 $\cancel{5}$ 1w06 2014 8.5-8.6 116 57 3.4 1.10 9 0.9692 $\cancel{5}$ 1w07 2015 7.31-8.2 95 45 3.7 0.84 16 0.9504	方	1005	2011	9.2-9.3	190	/0	2.5	0.95	28	0.9554
$25 \text{ 1005 } 2012 \underline{-6.1-6.2} = 0.5 \text{ 19} \text{ 1.5 } 0.54 = 22 \text{ 0.8114}$ 25  1006  2014  8.5-8.6 = 116 = 57  3.4  1.10 = 9  0.9692 25  1007  2015  7.31-8.2 = 95 = 45  3.7  0.84 = 16  0.9504	r i LŤ	1w04	2011	9.22-9.23	09	10	1.0	0.95	22	0.9304
$\Delta_{1}$ 1000 2014 8. 5-8. 6 116 5/ 5.4 1.10 9 0.9692 $\Delta_{22}$ 1007 2015 7.31-8. 2 95 45 3.7 0.84 16 0.9504	2	1w05	2012	_0102	83	19	1.5	1.10	22	0.0114
325 1007 2013 7.31 0.2 73 43 3.7 0.04 10 0.9304	4	1000	2014	3. 3 - 8. 0	110	57 45	3.4 3.7	1.10	16	0.9692
$\frac{\partial \Pi}{\partial t}$ 1008 2016 820 822 116 29 21 087 14 09479	流	100/	2013	02	116	4.5	2.1	0.04	14	0.9304
10000 2010 - 0.22 - 100 39 2.1 0.87 14 0.9479 10000 2016 - 8.23 - 8.24 50 22 1.5 1.27 12 0.0742	域	1w08	2010	8 23 8 24	50	29	2.1	1.27	12	0.94/9



図6最適パラメータ適用時のNash係数の範囲

表 4 最適パラメータ適用時の Nash 係数の代表値

流 域	早明浦ダム	寒河江ダム	大雪ダム	岩尾内ダム
洪水数	33	18	10	9
中央値	0.9680	0.9429	0.9502	0.9504
平均値	0.9655	0.9393	0.9438	0.9384



図8最適パラメータp-k値の分布と近似曲線

Nash係数が最大値となった*p-k*値の位置を青丸で記す. この位置は,解析対象の洪水の最適な*p-k*値,つまり, 最適パラメータを表している.最適な*p-k*値の位置は洪 水毎に異なっている.これらの特徴は,早明浦ダム流域 の他の29洪水,そして,他の3流域の全ての洪水でも同 様であった.

#### (2) 最適パラメータ適用時の再現精度

**表 3**には、対象洪水の諸元および最適パラメータとそ のNash係数を示す. また, 図 6には対象洪水に最適パラ メータを適用したときのNash係数の範囲を流域毎に箱ひ げ図として表し、表4にはその代表値を示す.4流域の Nash係数の中央値は0.94以上,平均値は0.93以上である. また、外れ値は0.8以上になっている、洪水毎に探索し た最適パラメータを適用した時の流出解析の再現精度は 極めて高いことが伺える. 次に,実測値と解析値のハイ ドログラフの比較を各流域でピーク流出高が最大の洪水 について図7に表す.なお、洪水規模が流域によって異 なるため、降水量と流出高の目盛スケールを変えている. 各流域ともDiskin-Nazimovモデルにより算定した浸透能 値が降雨強度の変化に応じて降雨波形を浸透量と有効降 雨量に分離している。ハイドログラフの解析値は実測値 を比較すると、寒河江ダム流域と岩尾内ダム流域では ピーク流出高に若干ズレが見られるものの、波形として は概ね良好な再現性を得ている.

#### (3) パラメータ特性に関する考察

ここでは各流域の最適パラメータを整理し、パラメー タ特性を流域間で比較して考察する.

#### a) 最適パラメータの近似曲線 (p-k曲線)

図8は、流域毎に最適パラメータ、p値とk値を両対数 グラフにプロットし、近似曲線で表した.なお、北海道 地方の2流域は1つのグラフに集約した.近似曲線の決定 係数R<sup>2</sup>を見ると、早明浦ダム流域は0.843、寒河江ダム流 域は0.736であり、いずれも相関性は0.7以上で高い.一 方、大雪ダム流域は0.416、岩尾内ダム流域は0.337で高 い値ではなく、図中においてもバラつきが見られるが、 右肩下がりの近似曲線の傾向は明らかに現れている.こ れまで独立したパラメータであると見なされていたp値 とk値は、4流域における検討では、相互関係が認められ た.p-k値の近似曲線は、定数をa、bとした(4)式の指数 関数式で表され、本研究ではこれをp-k曲線と称する.

$$k = ap^{-b} \tag{4}$$

*p-k*曲線は,良好な精度で流出解析を実行できる貯留関数パラメータが,*p-k*曲線の近傍に存在していることを意味している.

*p-k*曲線の特徴を流域毎に見ると、傾き*b*の値は北海道の2流域で、0.882と0.825でほぼ同じである.また、寒河 江ダム流域では1.407、早明浦ダム流域は2.129であり、 北海道の2流域と比較すると負の傾きが大きい.これは、 流域条件の違いである図2に示す表層地質や図3に示 す降雨規模,洪水規模が影響しているものと思われる. 以上より, *p-k*曲線は流域の自然条件により規定される パラメータ関数であると現段階では考えている.しかし, まだ具体的な検討は行っておらず,今後の課題としたい.

# b) 最適パラメータと洪水規模に関する考察

各流域の最適パラメータは図8において、p-k曲線の 近傍の左上から右下まで幅広く分布している.分布の要 因として洪水規模の違いが関係しているものと想定し、 対象洪水のピーク流出量の大きさの順に上位半分と下位 半分に分けて、プロットサイズを変えて表示した.大雪 ダム流域と岩尾内ダム流域についても同様に表示した. しかし、最適パラメータは、ピーク流出量の規模に関係 なくp-k曲線の近傍に一様に分布している.このことか ら、p-k曲線近傍の分布している最適パラメータの位置 は洪水規模に関係していない可能性が大きい.

# 5. まとめ

本研究では、流出モデルの基礎式に多く用いられてい る貯留関数式のパラメータの特性解明に向けた研究とし て、気候と地質条件が異なる4流域を対象に洪水を選定 して多数回の流出解析を行い、個々の洪水の最適パラ メータを特定し、流域毎に整理した.本研究で得られた 結果を以下に記す.

- ① p値とk値の10,000通りの組み合わせの洪水流出解 析により、0.7以上のNash係数の分布をp-k軸の両 対数グラフで表し可視化した.その結果、Nash 係数の等値線(コンター)を表すことができた.
- ② 個々の洪水についてNash係数を最大とする唯一の 最適パラメータp値とk値を特定した。
- ③ 最適パラメータを適用した洪水流出解析の結果を 流域毎に整理したところ、4流域ともNash係数の 中央値が0.94以上となる高い再現性を表すことが できた。
- ④ 対象洪水の最適パラメータを近似してp-k曲線として流域毎に表した.p-k曲線の決定係数および相関図から、いずれの流域においてもp値とk値の相関性を確認することができた。
- ⑤ p-k曲線の近傍に分布する最適パラメータの分布 の位置が洪水規模に関係していることを想定し て考察したが、現段階では、関係性は認められ なかった。

地質と気候の異なる4つの流域において貯留関数式の パラメータの一般的特性として*p-k*曲線の存在を追認で きる.しかし,個々の洪水のパラメータ特性を洪水規模 から説明することはできなかった.今後は,この点を課 題としつつ,対象流域を増やしてさらに検討していくこ とを考えている. 謝辞:本研究は,独立行政法人水資源機構吉野川局,池 田総合管理所から早明浦ダム流域の水文データを提供し て頂いた.また,日本学術振興会の科学研究費補助金基 盤研究(C)(一般)(JP15K06241)の支援により実施された. 関係各位にここに記して感謝の意を表します.

# 参考文献

- 1) Horton, R. E.: Natural stream channel-storage, *EOS T. Am. Geophys. Un.*, 17, 406–415, 1936.
- 2) 木村俊晃:洪水流出の推定法に関する研究(1) 貯留関数 に関する一考察 -, 土木研究所報告, 第102号, 建設省土木 研究所, pp.9-16, 1959.
- 建設省水文研究会:貯留関数の理論的展開,流出計算例題集
   2,(社)全日本建設技術協会,pp.84,1971.
- 4) 杉山博信,角屋 睦:貯留関数モデル定数に関する一考察, 農業土木学会論文集,第133号,pp.11-18,1988.
- 5) 立川康人, 市川 温, 椎葉充晴: 貯留関数法のモデルパラ メータの不確定性を考慮した実用的な実時間流出予測手法, 水文・水資源学会誌, Vol.10, No.6, pp.617-626, 1997.
- 大月友貴,立川康人,萬和明,椎葉充晴:貯留関数法の大 規模洪水に対する適用性,水文・水資源学会2013年研究発表 会要旨集, pp.146-147, 2013.
- 7) Makoto Tani: A paradigm shift in stormflow predictions for active tectonic regions with large-magnitude storms: generalisation of catchment observations by hydraulic sensitivity analysis and insight into soil-layer evolution, *Hydrol. Earth Syst. Sci.*, 17, 4453-4470, doi:10.5194/hess-17-4453-2013, 2013.
- 藤村和正,井芹慶彦,鼎信次郎,村上雅博:低水流出に適用する貯留関数式の定数の特性,土木学会論文集B1(水工学), Vol.71, No.4, I\_301-I\_306, 2015.
- 9)藤村和正,井芹慶彦,岡田将治,鼎信次郎,村上雅博:洪 水流出を対象とした貯留関数パラメータの不確実性低減に向 けた解析的研究,土木学会論文集G(環境), Vol.72, No.5, I 35-I 43, 2016.
- 10) 鈴木勝好,藤村和正,井芹慶彦,岡田将治:貯留関数式の パラメーター特性に関する鏡川流域における考察,第43回土 木学会関東支部技術研究発表会講演概要集,Ⅱ-34,2016.3.
- 11) 藤村和正, 中嶋祐太:積雪ダム流域における気温上昇を想 定した長期流出の変化,水文・水資源学会2009年研究発表会 要旨集, pp.30-31,2009.
- 12)藤村和正,井芹慶彦,岡田将治,鼎信次郎,村上雅博:貯 留関数式の最適パラメーターから評価する直接流出の分離に ついて,第43回土木学会関東支部技術研究発表会講演概要集, II-26,2016.3.
- Diskin, M. H. & N. Nazimov, N.; Ponding time and infiltration capacity variation during steady rainfall, *J. Hydrology*, 178, pp.369-380, 1996.

(2017.4.3受付)