齊藤啓¹・前田健一²・泉典洋³ Hiroshi SAITO, Kenichi MAEDA and Norihiro IZUMI

1正会員 日本工営株式会社 流域・都市事業部(〒102-8539東京都千代田区九段北1-14-6)
 2正会員 工博 名古屋工業大学教授 高度防災工学センター(〒466-8555名古屋市昭和区御器所町)
 3正会員 工博 北海道大学教授 環境フィールド工学専攻(〒060-8628札幌市北区北十三条西8丁目)

A river levee of the Yabe River was breached due to piping failure induced by prolonged high water levels following heavy rains in Northern Kyushu in 2012. The piping failure was caused by water infiltration into the highly permeable sand and gravel foundation under the clay levee body. However, some levees with similar foundations were deformed but did not fail. In addition, the current judging method for determining the breaking point, is necessary to provide a new evaluation. Therefore, it is necessary to scrutinize the piping system. Piping phenomenon from the results of previous studies and model experiments are divided into three stages, boiling, piping and penetration of the pipe hole. It was carried out to verify the dominant factors for each of the phenomenon. In this report, we clarified the factors that govern the respective phenomenon, and summarized about the piping mechanism as a flow chart.

Key Words : Boiling, Piping, Penetration of the pipe hole

1. はじめに

平成24年に九州北部で発生した豪雨により,矢部川 右岸7.3k地点で堤防が決壊し付近に甚大な被害を及ぼし た¹⁾.破堤箇所付近では氾濫危険水位を5時間以上超過 し,水位が下がり始めたところで決壊するいわゆるパ イピングによる被災であった.図-1の通り決壊箇所の 土質構成は,堤体が粘性土,基盤層が透水性の高い砂 層や粘性シルト層などが互層で分布しており,基盤層 を通じパイピング現象が発生したと報告されている.

一方,同河川延長上の破堤地点以外にも基盤層に砂 層の分布や旧河道と交差する箇所があり,その内11箇 所で基盤漏水が確認されている.こうした漏水に対し



図-1 2012年矢部川破堤箇所の近傍断面,矢部川堤防調査委 員会報告書を参考¹⁾ 現行の照査法では、いつ、どこで発生し、堤防にとっ て危険か否かを予め判別することは難しい. 今後の浸 透に対する効率的・効果的な河川堤防強化のためにも パイピングの照査精度を向上させることは急務である.

2. 目的

河川堤防の構造検討の手引き²より,浸透に対する安 全性の照査基準はすべり破壊とパイピング破壊の2つに 大別される(表-1).このうちパイピング破壊-被覆 土なしの照査基準は裏法尻付近の動水勾配を0.5として 照査を行っている.標準的な土の限界動水勾配は1.0程

表-1 浸透に対する安全性の照査基準ジ

| 項目 | 部 位 | 照査基準 | | | |
|----------------------------|------------|---|--|--|--|
| すべり破壊(浸潤破 壊)に対する 安全性 | 裏のり | $F_i \ge 1, 2 \times \alpha_1 \times \alpha_2$ $F_i \ge 1, 2 \times \alpha_1 \times \alpha_2$ $F_i : t \sim 0$ 被賬に対する安全率 $\alpha_1 : 築堤履歴の複雑なに対する割増係数 薬堤履歴が増雑な場合 \alpha_i = 1.2築堤履歴が増減な場合 \alpha_i = 1.1新設堤間広の場合 \alpha_i = 1.0\alpha_2 : 基礎地鑑の複雑さに対する割増係数 液災履歴あるいは要注意地形がない場合 \alpha_2 = 1.1被災履歴あるいは要注意地形がない場合 \alpha_2 = 1.0$ | | | |
| | 表のり | $F_s \ge 1.0$ F_s ; すべり破壊に対する安全率 | | | |
| パイピング破壊(浸 | 被覆土 な し | _i < 0.5 i ; 裏のり尻近傍の基礎地盤の局所動水勾配の最大値 | | | |
| 透破壊)に対する 安全性 | 被覆土 あり | G/W>1.0 G;被覆土層の重量 W;被覆土層基底面に作用する揚圧力 | | | |

度であるが、実際は表層に植物根や小動物の巣穴等が あることを考慮し照査上を0.5を基準としている³. しか し、理論的な根拠がないことから現行の照査法は危険 個所の概略的な絞り込みに留まるものと考える.

照査精度向上のためには現行の照査法に加え,新た に評価項目を設けることが必要と考え,その評価項目 を決定する上でパイピング機構を改めて精査し現象の 特徴を把握する必要がある.本稿は文献調査と模型実 験を実施した結果からパイピング機構について考察 を行う.

3. パイピング現象の文献調査

長瀬の文献調査結果や近年の論文よりパイピング現

象に関する論文の一部を表-3に整理した.整理するに あたりそれぞれが主張する機構を分類し,現象の捉え 方や特徴的な考え方を備考としてまとめた.

文献調査の結果, 表-2の通りパイピング機構は①地 下浸食による破壊,②膨れ上がりによる破壊,③内部 浸食による破壊の3つに分類され,本稿ではその内地下 浸食について検討する.

地下浸食はボイリング(噴砂の発生),パイピング (またはチャンネリング,空洞の進行)を経て破壊に 至るとされている.それぞれの現象の支配要因に着目 すると,ボイリングは志村,J.W. de Wit が指摘するよ うに間隙水圧により粒子が運動する現象と考えられて いる.その後発生するパイピング(空洞の進行)は空 洞内の水流による土粒子の運搬作用であり,Justinが指 摘するように流速と土粒子径が支配的な現象と考えら

| 項目 | ①地下浸食による破壊 | ②膨れ上がりによる破壊 | ③内部浸食による破壊 |
|-----|---|---|---|
| 概念図 | Boiling C Underground erosion | Heaving Effective weight | High water pressure |
| 概要 | 地下浸食による破壊は堤内側で発生する 噴砂(ボイリング)を発端として、堤体 の底面に沿って上流側へ洗掘し、空洞の 上流端が河川水底面にある程度近づくこ とで発生する. | 膨れ上がりによる破壊は河川水位の上昇 に伴い基盤層中の浸透圧が増加すると、 堤内側でふくれ上がり(ヒービング)が 生じ、浸透圧が土の有効重量より大きく なった時点で発生する. | 内部浸食による破壊は細粒子及びフィル タ材の間隙を対象としたミクロな現象で あり、間隙中の浸透水が細粒子を洗い出 すことにより、フィルタ材を目詰まりさ せ水圧上昇を引き起こすことで発生する. |

表-2 パイピング機構の分類

表-3 パイピング機構に着目した文献調査結果

| | | 著者 | 論文名 | パイピング機構 | | | |
|--------|-------------------|--------------------------------|---|---------|------|-----|-------------------------------|
| 番号 | 年 | | | ①地下 | ②ふくれ | ③内部 | 備考 |
| | | | | 浸食 | 上がり | 浸食 | |
| 1 | 1 1022 K Tarrashi | | Der Grundbruch an Stauwerken | | 0 | | 限界動水勾配に達しても土粒子の移動にはさらに大幅な流 |
| 1 1922 | | K. Terzagni | und seine Verhutung | | | | 速の変化が必要であることを指摘。 |
| 2 | | | The Design of Forth Dome | 0 | | | 粒子が運動を開始する時の流速を限界流速とし、地下浸食 |
| 2 | 1923 | J.D. Justin | The Design of Earth Dailis | 0 | | | の理論的な取り扱いを試みている。 |
| | | 岩垣雄一、松尾新一郎 | 土質工学ハンドブック 第12章 侵食 | 0 | 0 | | 地下浸食の過程を土粒子単位のパイピング、浸透圧が土 |
| 3 | 1966 | | | | | | の有効重量より大きくなり破壊する現象を土塊単位のパイ |
| | | | | | | | ピングと定義。どちらも広義のパイピング。 |
| | | 志村孝吉 | 粗粒度における限界動水勾配に ついて | | 0 | | ボイリング発生は浸透水圧によるものとしている。浸透流速 |
| 4 | 1971 | | | | | | は非常に小さいためボイリング現象を浸透流による土粒子 |
| | | | | | | | の流出と考えることは適切でないと指摘。 |
| | | 吉越盛次 | アメリカ合衆国のTetonダムの決 陸に思う | 0 | | 0 | 動水勾配が大きくなり土粒子が運搬されていくと透水によ |
| 5 | 1976 | | | | | | る流速からパイプフローや一般水流(Chezyの公式)の流速 |
| | | | | | | | となる。 |
| | | 河野伊一郎 | 建設工事と地下水(第3章地下水 と地盤の安定) | 0 | | | ボイリングをクイックサンド状態の砂が地表面へ噴出する現 |
| 6 | 1980 | | | | | | 象と定義。地下浸食により浸透路長が短くなり動水勾配が |
| - | | | | | | | 大きくなって浸透力が増大するという悪循環によりバイフが |
| | | | | | | | 形成される現象をバイビンク(チャンネリンク)としている。 |
| _ | | J.W.deWit.J.B.Sellmeijer | Laboratory Test on Piping | | | | ホイリンクか発生するまでラフラス式により求められる間隙 |
| / | 1981 | and A.Penning | Proceedings | | | | 水圧と実験値はよく合うか、流量増加後はフフラス式で記 |
| | | | | | | | 明でさず特殊な機構を考える必要かめることを指摘。 |
| 8 | 1984 | 久采勝行、 古 岡 淳、佐藤 正 | 水平方向の浸透水によるハイビ | 0 | | | ハイビングの発生条件を①一時的な頃砂の発生、②連続 |
| | | 傳 | ングの進行について | | | | 的な嗄砂、③ハイビングの進行の3段階に分げている。 |
| | | 支土工作 计十步的 就月 | パイパンゲートですね、ほぞうしてロ | | | | ハイビングを河道側に向かつして、」か形成される現象では |
| 9 | 1999 | 尚木个折, 江本招郎, 爲兄 | ハイビングによる破堤迴程と月 | | | 0 | はく、浸透水によつし小さな粒士が洗い出され、粗い砂や候 |
| | | 習也, 开窝明于 | | | | | たけが残り 遊水性の高い水の通り道] か形成される現象 |
| | | | | | | | 2して捉える. |
| 10 | 0010 | V.W. Vari Beek, H.T.J. de | Levee Failure Due to Piping: A | ~ | | | 実大規模のパイピング実験. 地下浸食によりパイプが形成 |
| 10 | 2010 | Bruijn, J.G. Knoeff, A. | Full-Scale Experiment | | | | される部分においては水圧が減少する. |
| | | Dezuijen and U. Forster | 同川坦味の進行性球体におけて | | | | |
| 11 2 | | 吉田直人、秋場俊一、石原 雅規、佐々木哲也 | 四川坂辺の進行注奴域における | | | | 温添冻にとる細粒公の流出に伴い進行的に地域する可能 |
| | 2015 | | w 塚 い 忘 、 至 啶 地 盆 の よ い 定 体 地般 材 判 の + 皆 が ら ラ ス 影 郷 の | | | 0 | 次辺加による個位100加山に計り進1110に吸域9る可能 |
| | | | 心面的社の工具が子んる影音の | | | | |
| | | 1 | 2J 171 | | l | | 1 |

れている. 空洞内の流速についてはダルシー則による 浸透流速が発生するとされているが,吉越が指摘する ようにパイプフローや一般水流(Chezyの法則)のよう な流速という見方もある. 最後にパイピングが進行し 空洞上流端が河川水底面にある程度近づくことで空洞 が貫通する.

以上より、地下浸食によるパイピング現象をボイリ ング、パイピング、空洞の貫通の3段階と考え、それぞ れの現象を支配する要因に着目して後述する実験結果 を整理することでパイピング機構について考察する.

4. 実験概要

図-2に実験装置の概略図,表-4に実験条件を示す. 土槽の作成方法について,基盤層は水中落下で堆積さ せ,相対密度が70%程度になるように締め固めた.堤体 部分は含水比20%の藤森粘土を使用し十分締め固めた. 図-3に外力として作用させた平均動水勾配の時間変化, 図-4に実験試料の粒度分布及び透水係数を示す.

間隙水圧計は土槽奥行中央に設置し,No.1から8は土 槽底面に固定,No.9から16は砂層に埋め込むように設 置した.堤防断面及び堤内地盤上空からビデオ撮影を 行い現象の観察を行った.また,堤内側の漏水流量は 重量計を用い計測を行っている.



層厚比 L_{ratio} $L_{ratio} = \frac{L_U}{L}$ ※単一層の場合1.0 (1) 図-2 実験装置の概要

| | 堤体土質 | 基想 | 搖層 | 基盤下層の河床への露出 | | |
|-------------|------|---------------|---------------|-------------|----|--|
| ケース名 | | 上層 (cm) | 下層 (cm) | 無し | 有り | |
| Case1 | | 珪码 9.0 | ゆ7号 lcm | - | - | |
| Case2, 2' 💥 | | 珪砂7号 2.0cm | 珪砂2号 7.0cm | 0 | 0 | |
| Case3, 3' 🔆 | | 珪砂7号 | 珪砂2号 | 0 | 0 | |
| Case4, 4' 💥 | 藤森粘土 | 珪砂7号 7.0cm | 珪砂2号 2.0cm | 0 | 0 | |
| Case5, 5' 🔆 | | 1.0cm 珪砂4号 | 主砂2号 2.0cm | 0 | 0 | |
| Case6, 6' ※ | | 2.0cm 珪砂4号 | 7.0cm 珪砂2号 | 0 | 0 | |
| Case7, 7' ※ | | 4.5cm 珪砂4号 | 4.5cm 珪砂2号 | 0 | 0 | |

表-4 実験条件一覧

※数字右肩の「'」は河床への露出有を示す



実験の手順は次の通りである.

- (a) 土槽作製後堤外側で水位を10mm維持し,間隙水圧 計の値が平衡になるまで放置する.
- (b) 間隙水圧計の値を0にセットする.
- (c) 実験開始から60秒後に水位を50mm/60secの速度で上 昇させ、基盤層から水位60mmを1800秒維持する. (この水位は矢部川破堤時の平均動水勾配を参考)
- (d) 破壊しない場合更に水位を50mm/60secの速度で上昇 させ600秒維持する.これを破壊するまで繰り返す. 実験中に間隙水圧の増分を計測する理由について次 のように考える.漏水・噴砂の発生で流れが局所化し 空洞が進展することが推定されるがその一方で,基盤 層内の過剰間隙水圧の消散も考えられる.また,漏 水・噴砂の発生によらず基盤層内に過剰間隙水圧が蓄 積することで支持力が低下することも想定される.そ こで,漏水の有無によって基盤層内の水圧の蓄積や消 散する様子を捉えるため,実験中は間隙水圧の増分を 計測する.

5. 既往検討

(1) パイピングにおける基盤層構造の影響

基礎地盤のパイピングに関して、これまで現況堤防 と旧河道との交差地によくみられる砂層分布が注目さ れており、特にパイピング発生箇所の基礎地盤で度々 確認されている透水性の異なる互層基盤が危険視され てきた⁴. これまで模型実験において基盤層の粒度分布 を変えた実験や互層基盤の実験を行ってきたが、なか でも小さい外力(低い水位)で破壊したのは基盤上層 が細砂、下層が砂礫の互層基盤であった.



(a) ボイリング(噴砂の発生)
 (b) パイピング(空洞の進行)
 (c) 空洞の貫通
 図-6 基盤の上層が珪砂7号,下層が珪砂2号の互層におけるパイピング破壊に至るまでの様子

(2) 基盤層構造による破壊過程の違い

文献調査の結果より、ボイリング(噴砂の発生), パイピング(空洞の進行),空洞の貫通に分けて破壊 過程を整理した.図-5,図-6に単一層と互層における パイピング破壊に至るまでの様子を示す.

破壊時の平均動水勾配 i (= 水位 h / 堤幅 d) を比較 すると単一層ではi=1.03, 互層ではi=0.37となり単一層 では限界動水勾配で破壊するが, 互層ではその4割程度 の動水勾配で破壊する. 破壊前における堤内側の漏水 流量から基盤層内における流速の推定値を算出したと ころ, 互層では裏法尻から離れた箇所において, 低い 動水勾配でボイリング(噴砂)が発生しており, その 流速は単一層の5倍程度であった. こうした流速の違い がパイピングに影響し互層では破壊が速くなったと 考える. (詳細は既報を参照⁵)

次に空洞の進行が始まってから貫通するまでの時間 を比較すると、単一層では21秒、互層では6分15秒と比 較的単一層は突発的、互層は進行的な破壊であった.

以上の結果から,単一層は膨れ上がりによる破壊 (限界動水勾配),互層は地下浸食による破壊(限界 流速)と分類できると考える.

実験で観察されたボイリング,パイピング,空洞の 貫通についてそれぞれの機構を考察する.

(3) パイピング進行に及ぼす基礎地盤特性

互層構造の幾何学的特性とパイピング特性との関係 について整理した結果を考察する.

パイピング貫通時の動水勾配と堤体幅dに対して発達 した空洞幅(堤内外の合計)の割合をパイピング進行 度とする.そしてその結果に及ぼす互層基盤の層構 造と層厚比の影響をそれぞれ図-7上図,下図に示す. パイピング変状の進行度には水位,基盤層の互層構 造と堤外側の構造が強く影響をしている.実堤防で平 均動水勾配0.2以下にすることでパイピングの進行を大 幅に抑制できることがわかる.また,基盤土層区分に よって,破壊時の動水勾配が低く直ぐに対策が必要な 箇所(互層基盤:上層の細砂層が薄く.下層の砂礫層 が河床に露出有り),パイピングで決壊し難いがすべ りには注意が必要な箇所(単一層基盤),噴砂を伴い ながら徐々にパイピングが進行することから水防活動 で対応可能な箇所(上層が薄くない互層基盤)といよ うに大まかに堤防の分類・危険箇所の抽出が可能と考 えられる.これに加え,相似則の検討を進めることで, 小規模実験によって得られたパイピング発生の閾値が 実際のスケールでどの程度の値に対応するのかを明ら かにし,堤防管理への貢献を目指す.



6. パイピング機構の検討

(1) ボイリング (噴砂の発生)

ボイリングは浸透水圧が上載荷重を超えて地表面に 噴出する現象であり,被覆土層重量と基盤内の揚圧力

(G/W) により決まる.

噴砂時の揚圧力と被覆土層厚の関係から理論的な噴 砂発生条件は式(4)となる.

$$W = \gamma' \times G$$
 (2)
W: 揚圧力 $\gamma' : 水中単位体積重量 G: 上層厚$

$$\gamma' = \frac{\Theta_s - 1}{1 + e} \approx 0.86 \tag{3}$$

 $G_{\rm s}$: 土粒子密度 2.65g/cm³ e: 珪砂7号の間隙比 0.90 W = 0.86G (4)

堤内側法尻にあるNo.8の間隙水圧値を揚圧力,基盤 上層厚を被覆土層厚として図-8に整理した.間隙水圧 値は堤内側上部のカメラより確認される噴砂発生時点 の値を読み取った.

互層に限ると、噴砂時の揚圧力と被覆土層厚の関係 より噴砂の発生条件は式(5)の通りとなる.

W≈0.60G (5) 式(4)と比較すると、実験では小さい揚圧力で噴砂する. 堤内側で発生する噴砂の位置を観察すると、噴砂は主に土槽境界部で発生しており、こうした境界部では間隙が大きくなるため理論値よりも小さい揚圧力で 噴砂したと考える.

単一層は被覆土層がないため噴砂の機構が互層と異 なっており、単一層の厚さに関係なく水の浸透圧が土 の有効重量を超えた場合に噴砂が発生する.つまり単 一層におけるパイピング機構は互層のような層厚と法 尻の浸透水圧の関係でなく、単一層全体でみた平均動 水勾配が支配的になると考える.

以上より, 互層におけるボイリングは被覆土層重量 と基盤内の揚圧力, 単一層においては平均動水勾配が 支配要因であると考える.

(2) パイピング (空洞の進行)

前述した通りパイピングはパイプ内の流速と土粒子 径が支配的な現象であり、パイプ内の流速については ダルシー則による浸透流速が発生すると考えられてい るが、吉越が指摘するようにパイプフローや一般水流 (Chezyの法則)のような流速である見方もある.パイ プ内の流速を浸透流速によるものと仮定し、空洞の進



行に伴い時間的に変化する浸透路長を断面より読み取 り、その時点における水位から平均動水勾配の時間変 化及びダルシー則が成り立つとして浸透流速の時間変 化を求めた(算定方法は図-9参照).

図-10より空洞の貫通直前の浸透流速はいずれのケースにおいても約1.4×10⁻³(cm/sec)であった. 求めた浸透 流速と図-11に示す土粒子と限界流速のグラフから珪砂 7号の運動の有無を検証する.

図-11に示す土粒子径と限界流速の相関図より,本稿 では久楽らの結果を援用し検討する.久楽は堤内側で 発生する噴砂により粒子が移動を開始する時点の流速 を限界流速として図-11にプロットしている.久楽の結 果を援用した理由として,観察されたパイピング孔の 下流端にあたる堤内側の噴砂孔では鉛直方向に十分な 流速がないとパイピング孔が閉塞してしまい空洞が維 持できないと考えたためである.

ここで、浸透流速が久楽らの範囲外であったため、 久楽らの結果から左下方に推定した範囲を延長した. 先ほど求めた浸透流速は約1.4×10-3(cm/sec)であるため, 図-11より最大でも0.10mmの粒子を動かすことが可能 であるといえる.しかし, 珪砂7号の50% 粒径は D50=0.15mmであり、仮定した浸透流速では珪砂7号の大 部分が運動できないため、実際のパイプ内には浸透流 速以上の流速が発生している可能性が高い. 図-12に示 す通り実験ではパイプ内に噴砂が流入する様子が観察 されており、こうした流れの局所化、空洞への流れの 三次元的集中、透水性の異なる層間・部分間でのボイ リングの発生(空洞内の流量増加)が流速増加の要因 となりパイピングを助長すると考える.また,空洞の 上流端では、土のアーチング作用による孔壁と水圧、 流速のいくつかの要素が浸食を進行させていると考え られるが、今後の多角的視点による研究が必要である.



 図-9 パイピングに伴う平均動水勾配の変化(透水係数kは珪 砂7号の1.4×10³cm/secを用いる)





図-12 空洞内への噴砂流入の様子

(3) 空洞の貫通

空洞の貫通とは、空洞が進行しその上流端が河川水 底面にある程度近づくことで突然その進行速度が速く なり決壊する現象を指す.最後の破壊を決定付けるこ の現象についてこれまで実験や理論に基づく詳細な検 討はなされていないため、ここでは動水勾配が支配要 因と仮定して検証する.

空洞の進行に伴う平均動水勾配の時間変化は図-10に 示す通りである.基盤層構造の条件に関わらず空洞の 貫通直前における平均動水勾配は約1.0であり,理論的 に求められる限界動水勾配に概ね一致する.このこと から空洞の貫通は浸透路長と水位より求められる平均 動水勾配と理論的に求められる限界動水勾配から判定 することができると考える.

7. パイピングフローチャート

図-13に先行研究と実験結果を基にして作成したパイ ピングフローチャートを示す.パイピング現象はボイ リング,パイピング,空洞の貫通からなると考えられ, 実験の結果からそれぞれの現象を支配する要因を以下 のように推定した.

- ・ボイリング:被覆土層厚と基盤内の揚圧力
- ・パイピング:パイプ内の流速と土粒子径
- ・空洞の貫通:限界動水勾配

パイピング現象は一連で同じ支配要因があるわけでは なく、各段階において支配要因が異なる現象と考える. ここでは互層における概念を示しているが、空洞の貫 通時においては単一層も互層もおよそ限界動水勾配で 発生しており、単一層で見られるような膨れ上がりに



図-13 互層地盤におけるパイピングフローチャート

よる破壊はパイピングフローチャートにおいて3段階目 が主に生じる現象とも考えられる.

8. まとめ

パイピング機構の一つである地下浸食は、ボイリン グ、パイピング、空洞の貫通という3つの現象に区分さ れると考え、それぞれの現象を支配する要因に着目し 実験結果を整理した。その結果、パイピング現象は噴 砂の発生から破壊に至る一連で同じ支配要因ではない ことがわかった。各段階における支配要因を把握する ことで照査を行う際に着目すべき点や有効な対策工の 検討につながることを期待する。

謝辞:本研究の成果は、国土交通省・河川砂防技術研 究開発制度平成27年度公募の援助によるものである. 末筆ながら深謝の意を示します.

参考文献

- 午部川堤防調査委員会:午部川堤防調査委員会報告書, 2013.
- 2) 財団法人国土技術研究センター:河川堤防の構造検討の手 引き(改訂版), pp.47, 平成24年2月.
- 3) 中島秀雄: 図説 河川堤防, pp. 107, 2003.
- 4) 長瀬迪夫:浸透破壊に関する考え方と破壊発生の条件(その2),応用地質年報No.15,1993.
- 5) 齊藤啓,前田健一,泉典洋,李兆卿:基盤の地盤特性が異 なる河川堤防の高水位の継続作用による漏水とパイピング の進行特性,河川技術論文集,第21巻, pp. 349-354, 2015.

(2016.4.4受付)