# 加振中の盛土の損傷過程把握のための 遠心振動台実験

# 伊吹 竜一1・井澤 淳2・土井 達也2・ スレン ソッキアン3・上村 健太郎3

 <sup>1</sup>正会員 (公財)鉄道総合技術研究所 鉄道地震工学研究センター (〒185-8540 東京都国分寺市光町 2-8-38)
 E-mail: ibuki.ryuichi.85@rtri.or.jp

 <sup>2</sup>正会員 (公財)鉄道総合技術研究所 鉄道地震工学研究センター (〒185-8540 東京都国分寺市光町 2-8-38)

> <sup>3</sup>正会員 日本工営株式会社 中央研究所 (〒300-1259 茨城県つくば市稲荷原 2304)

本研究では、地震時に盛土が滑り破壊に至るまでの損傷過程を把握するために、高さ 5m、法面勾配 1:1 の盛土の遠心振動台実験を実施した。入力波は正弦波とし、振幅を段階的に増加させた複数回の載荷を行 った。さらに、高速度カメラを振動台に固定して振動中の盛土を撮影し、PIV 解析によって盛土内部のひ ずみを精緻に求めた。その結果、約 300gal の加振までは揺すり込み沈下型の変形形態を示し、その後約 600gal の加振にて滑り破壊に至った。さらに、PIV 解析により、加振によって法面にせん断ひずみが集中 した後、内部にせん断ひずみが進展し、滑り線が発生して滑り破壊に至る様子を確認した。また、PIV 解 析結果と盛土材の応力ひずみ関係の比較により、盛土のせん断ひずみが盛土材の破壊ひずみを超過すると、 せん断ひずみが急増して滑り破壊に至ることを確認した。

Key Words: centrifuge test, shaking table test, embankment, particle image velocimetry, damage process

### 1. はじめに

盛土の耐震性能評価では、円弧滑り破壊を前提とした ニューマーク法が使用されることが多い<sup>例えば1),2)</sup>。しかし、 滑り破壊を仮定したニューマーク法では、滑り破壊に至 るまでの実際の盛土の損傷形態を必ずしも正確に再現出 来ておらず、適切な耐震性能評価を実施することが困難 な場合が顕在化している。例えば図-1の藤原ら 3,4が行 った 2011 年東北地方太平洋沖地震における鉄道盛土の 地震時変位量の観測値とニューマーク法による滑動変位 量の算定値との比較に示すが、この中で未被災盛土 13 箇所のうち5箇所で、軽微な被害程度の目安となる20cm 未満 <sup>2</sup>よりも沈下量が大きくなり、実現象と計算値に差 異が生じていると考えられる。このように、ニューマー ク法を適用すると、過度に安全側または危険側の結果と なる傾向を示す場合がある。さらに、藤原らはこの差異 の要因として、地盤材料物性および入力地震動の設定誤 差、軟弱な支持地盤の影響、破壊形態の違いなどを挙げ ている 4。特に、盛土の破壊形態の違いにより、実現象

と計算値の差が生じるのは、地震時の盛土の被害は沈下 や法面のはらみだし、クラックの発生など、滑り破壊に は至らない損傷が発生する場合が多いのに対して、ニュ ーマーク法で前提としている円弧滑りによる極限釣り合 い法の安全率ではこのような損傷の過程を評価すること ができないためであると考えられる。

また、道路分野においても、ニューマーク法により求 めた沈下量を用いて盛土の耐震性能評価が行われており、 ニューマーク法の精度向上に関する既往の研究としては、 盛土内部の加速度増幅を考慮した事例が挙げられる<sup>5,6</sup>。 江川ら<sup>6</sup>は、滑り線の発生位置および沈下量の予測精度 の向上のため、動的 FEM 解析により算定した逐次の応 答加速度分布を外力とした円弧滑り安定計算で滑り線を 設定し、滑り土塊の重心位置の応答加速度を用いてニュ ーマーク法を行う方法を提案している。その結果、提案 する手法では通常のニューマーク法よりも実験結果に近 い沈下量となった。しかしながら、これらの研究では滑 り破壊が生じた後の盛土の変形に着目しているため、滑 り破壊に至るまでの損傷過程は考慮されていない。



以上の背景を踏まえ、筆者らはこれまで、盛土の損傷 過程を適切に考慮した耐震性能照査手法の確立を目的と し、地震時の盛土の損傷過程を把握するための遠心振動 台実験を実施している<sup>7,8</sup>。実験では複数回の加振を行 い、変位や盛土内部の加速度を計測するとともに、各加 振後の画像を用いて PIV 解析を行い、盛土内部のひずみ を精緻に求めて滑り破壊に至るまでの損傷過程を評価し た。図-2 に既往の実験 %における累積損失エネルギーと変 位量の関係に、各加振終了時点をプロットした図を示す。 ここでは、正規化累積損失エネルギーが 0.005 付近を超えた ときに変形の進行が鈍化しており、3回目の加振までは硬 化傾向であることが分かる。そして、4回目の加振中に変 位が急増し、破壊に至る様子が確認できる。また、PIV 解 析の結果を図-3 に示すが、急な勾配を持つ盛土では、法尻 付近にてせん断ひずみが集中し、その領域を起点としてせ ん断ひずみが内部へと進展して滑り破壊に至ることが分か る。さらに、小島ら %は盛土材の変形特性より規定した盛 土材の損傷レベルと法尻付近に生じたせん断ひずみを用い た滑り破壊に対する安全性の評価方法を提案している。ま た、井澤ら %は上記の実験結果より、破壊に至るまでの盛 土の損傷過程を評価可能な性能照査手法を提案している。 しかし、既往の実験%でのPIV解析では、各加振後に撮影し た画像を用いているため、加振中に盛土内部にひずみが蓄 積する様子や滑り破壊に至る直前の損傷過程を評価するに は至っていない。そこで本研究では、盛土の地震時損傷過 程をより詳細に把握するため、江戸崎砂を用いて作製した 高さ5m、法面勾配1:1の盛土の遠心振動台実験を行うとと もに、加振中の盛土の撮影を試みた。このとき、ハイスピ

ードカメラを振動台に固定して、土槽とともに加振を行う

ことで、振動台に対する盛土の相対変位を撮影した。さら に、撮影した画像を用いて PIV 解析を行うことで、加振中 の盛土の損傷過程を明らかにした。また、ニューマーク法 の精度検証のため、実験にて滑り破壊が生じた加振と滑り 破壊には至らなかった加振について、ニューマーク法によ り沈下量を算定し、実験値と比較した。

#### 2. 実験概要

#### (1) 試験装置および撮影環境

試験装置は、図-4 に示す日本工営が所有する遠心載 荷装置搭載型加振装置を使用した。振動中の盛土を撮影 するため、図-5 のように振動台にカメラを固定して土 槽とともに加振を行った。また、被写体が高速で移動す る際の画像のゆがみが生じないよう、グローバルシャッ タータイプのカメラを採用した。さらに、今回の試験装 置にて確保できる被写体距離が約 200mm であることか ら、盛土の地震時挙動の観察に必要な撮影範囲を確保す るために、カメラのセンサーフォーマットは 1/1.8"とし、 焦点距離 3.5mmのレンズを採用した。なお、このときの 最大画角は、幅約 400mm、高さ約 300mm である。また、 撮影速度は 100fps であり、遠心加速度 50G場において 0.5 秒ごとの撮影が可能である。

#### (2) 盛土模型

盛土模型形状とセンサー配置図を図-6 に示す。盛土 模型は、セメント改良土で構築した強固な支持地盤上に、 江戸崎砂を最適含水比付近で締固め度 Dc=95%に締固め



図-4 遠心載荷装置搭載型加振装置の外観

図-5 撮影状況



図-6 盛土模型形状およびセンサー配置図

て作製し、加速度計とレーザ変位計により盛土内部の加 速度および天端、法面の変位を計測した。このとき、観 測する側の法面勾配は 1:1、高さは遠心加速度 50G 場換 算で 5m とした。また、使用した江戸崎砂の物性を表-1、 Dc=95%での各種地盤材料試験結果を表-2 に示す。

#### (3) 入力地震動

本実験では、盛土が滑り破壊に至るまで正弦波を繰り 返し載荷することとし、目標最大加速度を 200gal とした 1.0Hzの正弦波を4波(試番1~4)、目標最大加速度を 300galとした 1.0Hzの正弦波を 2 波(試番 5~6)、目標 最大加速度を 600gal とした 1.2Hz の正弦波を 1 波(試番 7)の順に入力した。また、試番1加振前の微小なホワ イトノイズ加振における支持地盤(Ainp)、盛土上部 (A11)、天端(A20)の絶対加速度フーリエ振幅スペ クトルを図-7、支持地盤に対する盛土上部、天端の加速 度の伝達関数を図-8 に示す。支持地盤では加速度フー リエ振幅スペクトルが 0.5~8Hz にて概ね一定となり、 それ以降では 11Hz 付近を除いて小さくなっている。こ れは、遠心加速度50G場での加振台の加振可能振動数が 0.2~8Hz であるためである。また、盛土上部および天端 の加速度フーリエ振幅スペクトルの傾向は類似しており、 3.5Hz, 9.5Hz, 11Hz 付近にて大きくなっている。そして、 伝達関数は9.6Hzにて50程度となり最大値を示す。今回

表−1	江戸	崎砂の物性等			
土粒子の比重	Gs	2.68			
平均粒径	D50	0.34	mm		
有効径	$D_{l0}$	0.15	mm		
均等係数	Uc	2.6			
曲率係数	U'c	1.00			
細粒分含有率	Fc	4.4	%		
最適含水比	Wopt	14.6	%		
最大乾燥密度	Pdmax	1.707	g/cm <sup>3</sup>		
<b>表-2</b> 江戸崎砂(Dc=95%)の特性					
乾燥密度	$ ho_d$	1.622	g/cm <sup>3</sup>		

乾燥密度	$ ho_d$	1.622	g/cm <sup>3</sup>
圧縮指数	Сс	0.055	
圧密降伏応力	Pc	318.1	kPa
粘着力	С	8.65	kPa
内部摩擦角	$\varphi$	36.4	deg.

の条件では、支持地盤において8Hz以上の加速度フーリ エ振幅がほぼ0であるため、伝達関数の値が大きくなっ ている。一方、加速度フーリエ振幅スペクトルにおいて も9.5Hz付近にてピークが見られることから、盛土の1 次固有振動数は9.6Hzと考えられる。したがって、入力 波の振動数に比べて盛土は10倍程度高い固有振動数を 有している。



図-11 加速度記録を用いた盛土内部の せん断応力-せん断ひずみ関係の推定法

#### 3. 実験結果

図-9 に天端沈下 VDI と水平変位 HD1 の時刻歴を入力 波とともに示す。試番1~6の加振では、天端沈下が徐々 に増大しているが、急激な変位の増大はみられないため、 揺すり込み沈下が主な変形形態であると考えられる。一 方、目標最大加速度を 600gal とした試番 7 では変位が急 増し、盛土模型が図-10 に示すように滑り破壊に至った。 ここで、地震時の盛土の変形性状を評価する場合、繰り 返しせん断による変形量の蓄積が大きいため、入力波の 振幅だけでなく、繰り返し特性も考慮する必要がある。

そこで、それらを併せて考慮できる指標として、地盤の 液状化判定で提案されている累積損失エネルギーW<sup>10</sup>を 用いて下式のように整理した。

$$W = \int \tau(\gamma) d\gamma \tag{1}$$

ここで、τはせん断応力、γはせん断ひずみであり、盛 土体のせん断応力-せん断ひずみ関係は、図-11 および 式(2),(3)のように測定した加速度記録より推定した<sup>11)</sup>。

図-12 正規化累積損失エネルギー-水平変位関係

$$\tau = \rho H_1 A_{11} + \rho \frac{H_2}{2} A_{22}$$
(2)  
=  $\left( \iint A_{23} dt dt - \iint A_{22} dt dt \right) / H_2$ (3)

ここで、A<sub>11</sub>, A<sub>22</sub>, A<sub>23</sub> は盛土内の上部、中部、下部にて測 定した加速度、H<sub>1</sub>は天端から加速度計A11までの鉛直方 向の距離、H<sub>2</sub>は加速度計A22からA23までの鉛直方向の 距離、ρ は盛土の湿潤単位体積重量である。そして、盛 土中央部付近の有効上載圧(σ<sup>\*</sup>v=50 kPa)によって正規 化した累積損失エネルギーと水平変位の関係を図-12 に 示す。ここで、水平変位は振動成分を除去するため、 0.01 秒間隔のデータに対して区間数を 200 とした単純移 動平均により平滑化した。試番1~6にて水平変位が徐々 に蓄積しており、試番7の加振中に正規化累積損失エネ

 $\gamma =$ 

ルギーが急増し、それに伴い水平変位も急増している。 また、この変位の急増は図-10 に示す滑り破壊後の模型 の状況とも対応している。

次に、試番4加振終了後、試番6加振終了後、試番7 加振中に撮影した画像からPIV解析によって求めた最大 せん断ひずみ分布と体積ひずみ分布を図-13に示す。こ こで、PIV解析の初期状態はG上げ後とし、ひずみ分布 は初期状態からの累積としている。また、撮影した画像 には大きなゆがみなどは見られず、遠心場での加振中の 盛土の挙動を正確に捉えている。さらに、図-14 には試 番 7 加振中の撮影タイミングを入力波および水平変位 HD1 について赤い点でプロットした。なお、撮影のタイ ミングは、連続で撮影された画像から載荷された時点を 目視で判断し、撮影速度を 100fps とすることで求めた。



図-13 PIV 解析より求めた最大せん断ひずみ分布および体積ひずみ分布



**図-14** 撮影タイミング(試番7加振中)



図-15 盛土材の変形特性と PIV 解析より 得られた最大せん断ひずみの最大値



図-16 G上げ過程の最大せん断ひずみ分布

図-13(a)では、試番4および試番6の加振終了後の撮影画像からは盛土模型の明瞭な変形は見られないものの、試番7加振中では⑥にて天端にクラックが発生し、その後⑦にてクラックが拡大していることが分かる。また、⑦では法肩から法面中腹にかけて画像のぼやけが見られるため、この時点にて滑り破壊が開始したと推定できる。

図-13(b)のうち試番 7 加振中③~⑤より、最大せん断ひずみは法面中腹よりやや下において急増し、 その箇所を起点として盛土内部に進展している。これは、既往の研究<sup>®</sup>で示された滑り破壊に至る損傷 形態と一致している。さらに、図-13(c)より、試番 4 および試番 6 加振終了時点では、体積ひずみは盛 土底部にて圧縮、盛土上部にて膨張傾向である。そ して、試番 7 加振中に盛土上部も圧縮傾向となり、 天端クラック発生箇所および滑り線の起点にて大き な膨張の体積ひずみが生じている。以上より、滑り 破壊に至るまでは盛土は圧縮傾向を示し、主な損傷 形態は揺すり込み沈下となることを確認した。また、 今回の実験では、300galの加振によって盛土底部が 先行して揺すり込み沈下し、その後 600galの加振に よって盛土上部にも圧縮の体積ひずみが生じた。

ここで、盛土模型と同材料、同条件で作製した供 試体の中空ねじり単調載荷試験(拘束圧 50kPa)か ら得られたせん断応力 – せん断ひずみ関係を図-15 に示す。このとき、図-13(b)の試番4、試番6加振 終了後および試番7加振中③,④における最大せん 断ひずみの最大値をプロットしている。試番7加振 中の③~④間において、盛土体に発生するせん断ひ ずみが、盛土材のピークせん断応力を示すせん断ひ ずみ(7.15%)を超えていることが分かる。したが って、盛土体の最大せん断ひずみが盛土材のピーク せん断応力を示すせん断ひずみを超えたときに、盛 土体のせん断ひずみが急増し、滑り線が形成され滑 り破壊に至ったと推測できる。そのため、本実験に 対しても小島ら 8が提案するように、盛土材の変形 特性に応じて盛土の損傷レベルを設定し、盛土の滑 り破壊に対する安全性を評価できると考えられる。

図-16 には、G上げの前後に撮影した画像を用いた PIV 解析より求めた最大せん断ひずみ分布を示す。 滑り破壊の起点となった法面中腹付近から、クラックが生じた天端にかけてせん断ひずみが発生しており、自重状態においても潜在的な滑り線が形成されている。また、揺すり込み沈下が卓越した試番6までにおいても、法面中腹付近に徐々にせん断ひずみが蓄積していることが分かる(図 13(b)参照)。よって、この潜在的な滑り線に沿ってせん断ひずみが急増、進展することで盛土が滑り破壊に至ったと考えられる。

#### 4. ニューマーク法による沈下量の算定

ニューマーク法の精度検証のため、滑り破壊が生じた試番7および揺すり込み沈下が卓越した試番1 に対して、ニューマーク法により沈下量を算定し、 実験結果と比較する。ここでは、入力パラメータと して表-2の値を使用した。ただし、別途同材料、 同条件で作製した高さ5m、1:0.5勾配の盛土のG上 げを行ったところ、遠心加速度32Gにて盛土が自重 崩壊に至ったが、表-2のパラメータを用いて50G場

表	長−3 天端沈下量の比	上較
	試番1	試番 7
	最大加速度 200gal	最大加速度 600gal
ニューマーク法	123 mm	2348 mm
実験値(VD1)	21 mm	699 mm

算定された円弧滑り線 実験での滑り線

図-17 滑り線の比較

換算の寸法で常時の円弧滑り安全率を算定したところ、1を上回る結果となった。そこで、以降の試算では、表-2のうち粘着力のみについて、自重崩壊に至った実験結果を再現できるよう、遠心加速度32G場にて円弧滑り安全率がちょうど1となるような値(2.77kPa)に変更した。

表-3 に各計算値を実験の天端沈下 VD1 とともに 示す。なお、計算では各試番の入力波のみを作用さ せ、実験値は各試番加振前の変位量を0として整理 した。その結果、試番1,7ともにニューマーク法で は実験よりも天端沈下量を過大評価した。試番1に 対する計算では、実験値の約6倍の沈下量となった。 ここで沈下量を過大評価した要因の一つとして、実 験では盛土模型は揺すり込み沈下が卓越するのに対 し、ニューマーク法では滑り破壊を仮定しており、 想定される破壊形態が異なることが挙げられる。ま た、盛土模型が滑り破壊に至った試番7は、計算と 実験にて破壊形態が一致しているものの、計算では 実験の約 3.4 倍の沈下量となった。これは、実験で は滑り破壊が生じたあと、土塊が流動して法面が安 定化するように挙動するのに対して、ニューマーク 法では滑り土塊を剛体とし、降伏震度を超えると滑 り土塊が滑動するという仮定に基づくため、滑り破 壊後の土塊の流動などの現象を再現しきれていない ためであると考えられる。

また、図-17 には算定された滑り線と実験での滑 り線の比較を示すが、実験では法面中腹付近、計算 では法尻に滑り線が生じており、今回の条件では両 者が一致していないことが分かる。この要因として は、ニューマーク法では盛土全体に一律の地震作用 が作用するが、実際の盛土体では位相差などが生じ ることや、盛土模型作製時の締固めのばらつきの影 響などが考えられる。ただし、既往の実験では実験 と計算において滑り線がほぼ一致する場合もあるた め、今後、実験ケースを増やして滑り線の発生位置 について検討する必要がある。以上より、本実験で 確認された破壊形態と、ニューマーク法での仮定 (剛な土塊が滑り破壊するものとし、滑り破壊後の 沈下量を算定する)が必ずしも一致しないため、ニ ューマーク法による計算値が実験の沈下量を過大評 価したと考えられる。

#### 5. まとめ

本研究では、振動中の盛土の損傷過程を把握する ために遠心振動台実験を実施した。振動台に高速度 カメラを固定して振動中の盛土を撮影するとともに PIV 解析を行うことで、盛土内部に発生するひずみ を精緻に求めた。また、ニューマーク法により算定 した沈下量と実験結果を比較し、計算精度を検証し た。以下に得られた結論を示す。

- 今回の条件では、入力波の最大加速度が約 300gal までは揺すり込み沈下が卓越し、その後 約 600galの加振によって滑り破壊に至った。
- 振動台に高速度カメラを固定することで、振動中の盛土を撮影した。撮影した画像には大きなゆがみなどもなく、滑り破壊に至るタイミングや天端クラックの進行を観察できた。
- 3) 滑り破壊に至る損傷過程として、法面中腹付近にてせん断ひずみが急増し、その箇所を起点に盛土内部へとせん断ひずみが進展して滑り破壊に至ることを確認した。
- 4) 盛土材のせん断応力 せん断ひずみ関係と盛土 に生じるせん断ひずみを比較することで、滑り 破壊に対する損傷レベルを評価可能であること を確認した。
- 5) G上げ段階において、滑り線が生じた箇所にせん断ひずみの蓄積が見られたことから、自重による潜在的な滑り線に沿って滑り破壊が生じたと考えられる。
- 6) ニューマーク法では簡易に天端沈下量を算定で きるものの、滑り破壊に至らずに揺すり込み沈 下型の変形が生じる場合など、ニューマーク法 における仮定と異なる損傷形態となると沈下量 を過大評価する場合がある。

#### 参考文献

- (公財)鉄道総合技術研究所:鉄道構造物等設計標 準・同解説 土構造物,2007.
- (公財)鉄道総合技術研究所:鉄道構造物等設計標準・同解説 耐震設計,2012.
- 藤原寅士良,中村貴志,谷口善則,高橋英明,金田淳: 東北地方太平洋沖地震における鉄道盛土の被害要因 に関する考察,土木学会論文集 A1(構造・地震工 学), Vol. 71, No. 4, pp. I\_79-86, 2015.
- 4) 藤原寅士良,中村貴志,谷口善則,高崎秀明,金田淳: 東北地方太平洋沖地震鉄道盛土円弧すべり解析による被害要因の考察,土木学会論文集 A1(構造・地震 工学), Vol. 71, No. 4, pp. I\_87-94, 2015.
- 5) 三好忠和,常田賢一:盛土の地震時残留変位に及ぼ

す地震動の影響に関する一考察, 土木学会論文集 A1 (構造・地震工学), Vol. 70, No. 4, pp. I\_1018-1031, 2014.

- 江川祐輔,常田賢一,小田和広,中平明憲:地震時に おける道路盛土の滑り破壊の制御工法に関する解析 的検討,土木学会地震工学論文集(報告),Vol. 29, pp. 1319-1327, 2007.
- 7) 鈴木聡,太田剛弘,井澤淳,土井達也,小島謙一,大村 直哉,高橋章浩:地震時の滑り破壊前の盛土の損傷 レベル評価に関する遠心振動台実験 その1,第55回 地盤工学研究発表会,2020.
- 8) 小島謙一,井澤淳,土井達也,鈴木聡,太田剛弘,高橋 章浩,大村直哉:地震時の滑り破壊前の盛土の損傷 レベル評価に関する遠心振動台実験 その2,第55回 地盤工学研究発表会,2020.

- 井澤淳, 土井達也, 小島謙一:滑り破壊前の損傷過程 を考慮した盛土の地震時性能照査手法の検討, 第55 回地盤工学研究発表会, 2020.
- 10) 風間基樹,鈴木崇弘,柳澤栄司:地盤に入力された累加損失エネルギーの評価法と液状化予測への適用, 土木学会論文集A1(構造・地震工学),No 631/Ⅲ-48, pp.161-177, 1999.
- Koga Yasuyuki, Osamu Matsuo : Shaking table tests of embankments resting on liquefiable sandy ground, Soil and Foundations, Vol.30, No.4, pp.162-174, 1990.

(?) (?)

## A CENTRIFUGE SHAKING TABLE TEST OF AN EMBANKMENT FOR EVALUATION DAMAGE PROCESS DURING EARTHQUAKES

# Ryuichi IBUKI, Jun IZAWA, Tatsuya DOI, SRENG Sokkheang, Kentaro UEMURA

In this study, we conducted a centrifuge shaking table test for evaluating the damage process of a 1:1 slope embankment during earthquakes. To observe the seismic behavior of an embankment during earthquakes in a centrifugal acceleration field, a high-speed digital camera was fixed on the shaking table and took photographs at 100 fps under the centrifugal acceleration field of 50 G, which corresponds to intervals of 0.5 seconds under a 1 G field. Accordingly, we could observe the damage process of an embankment up to the sliding failure and the occurrence of tension cracks at the crest from the obtained digital images. Furthermore, strain distributions inside the embankment were calculated with the particle image velocimetry (PIV) analysis at intervals of 0.5 seconds. The strain distributions clearly showed the following damage process, (i) an embankment; (iii) the shear strain progresses into the inside of the embankment; (iv) sliding failure occurs as soon as a sliding plane appears. In addition, we compared the maximum shear strain that occurred at the lower part of the embankment with the stress-strain curve of the embankment material. The results showed that the sliding plane appears when the maximum shear strain at the lower part of the embankment reaches the shear strain at the failure of the embankment reaches the shear strain at the failure of the embankment reaches the shear strain at the failure of the embankment reaches the shear strain at the failure of the embankment material.