表層地盤の土層構成を反映した 街区スケールの三次元液状化解析の試み

金井 勇介1・溜 幸生2

¹正会員 東電設計株式会社 新領域研究開発推進室 (〒135-0062 東京都江東区東雲1-7-12グランスクエア9F) E-mail: yusuke-kanai@tepsco.co.jp (Corresponding Author)

²正会員 東電設計株式会社 新領域研究開発推進室(同上) E-mail: etamari@tepsco.co.jp

近年,地震応答解析の対象を街区や市街地全体といった比較的広域を取り扱う試みがなされている.その際,対象地域の土層を忠実に三次元にモデル化するには多大な労力を必要とすることから,実務的には水平成層を仮定した土柱モデルで代用するのが現状である.しかし土柱モデルの計算では,土層構成が複雑な場合,二次元,あるいは三次元的な土層形状由来の応答の効果は考慮できないこととなる.そこで,本検討では,ある程度広い領域を対象に簡易に三次元解析を実施する方法を模索するため,微動測定結果を用いてモデル構築を行い三次元液状化解析を試みた.その結果,検討地域の震動特性の傾向を面的に捉えることができること,二次元平面ひずみを仮定できる箇所においては三次元解析は二次元解析と概ね同等の加速度応答を得られることが示された.

Key Words : liquefaction, three demension, dynamic analysis, simplified modeling

1. はじめに

従来、液状化を考慮した地震応答解析は、実務的には 二次元解析が主体であったが、近年では計算機の発達や 並列計算の利用による計算の高速化により、三次元解析 も実務適用が可能となりつつある。また、三次元の地震 応答解析は、対象領域を街区や市街地全体、あるいは、 都市丸ごとといった広域を取り扱う試みがなされている 1). その際,対象地域の三次元的な土層構成を忠実に数 値解析モデルにするには多大な労力を要すること、モデ ルを作成できたとしても規模が大きい三次元解析ではそ れなりに解析時間を要することから、実務的には水平成 層を仮定した多数の土柱モデルで代用するのが現状であ る. しかしながら、この方法においては、土層構成が複 雑な場合、二次元、あるいは、三次元的な土層形状に由 来する応答の効果は考慮できなくなるため、適用にあた っては水平成層の仮定が可能な地点に限られる. そのた め、広域で複雑な土層構成においても比較的簡易にモデ ル化でき、かつ、妥当な解析結果が得られる方法が望ま れる.

本検討では、都市丸ごとのような広範囲を対象とした地震応答解析における上記のような問題点を解決するこ

とを目的として,関東地方のある沖積平野に実在する市 街地を対象として,比較的簡易な方法で街区スケールの 三次元地盤モデル作成と物性設定を行い,三次元液状化 解析を試みた.以下に検討方法と検討結果について示す.

2. 三次元地盤モデルの構築

三次元地盤モデルを作成する場合,解析対象領域のボ ーリングデータを参考にするのが基本である.しかし, 市街地における街区や市街地全体など,広域な範囲を対 象とする場合,自治体等から公開されているボーリング データは疎らであり,必ずしも対象領域の三次元地盤モ デルを作成するのに十分なボーリングデータが得られる とは限らない.そこで,本検討では,近年開発された常 時微動アレイ観測(以下略:微動アレイ観測)³を実施 し,これより得られるデータからせん断波速度の深度分 布を求め,これを基に地盤モデルを作成するとともに, 解析に必要となる各土層の基本的な地盤物性を設定する こととした.本微動アレイ観測に基づくことにより,多 くのボーリング調査結果を必要とせず,広範囲を対象に 比較的簡易に,高密度に精度よく地盤の地下構造を把握 することができる. 本検討では、まず、対象の市街地の中心部東西約2km, 南北約1.5kmをモデル化の対象として微動アレイ観測を 実施した. 図-1 に観測地点を示す.各地点の観測では 微動計を、半径60cmの円の中心に1台、円周上に3台 の計4台を配置し、1箇所について15分間の計測を行っ た²⁾.計測結果から観測地点の位相速度を個別に逆解析 する方法(簡易逆解析法)によりせん断波速度の構造を 求めた.1次元の対象範囲において、106地点の観測を 実施した.図-1には微動アレイ観測から得られた各地 点の地盤の固有周期を色別で示している.

(2) 地層構成の分類

観測結果から得られた速度構造をもとに、対象地域の 地質を参考に、該当地域の地盤を6種類の土層に分類し た.それぞれの土層を、表層、砂質土(Vs小),砂質 土(Vs大),粘性土、上総層、基盤と称することとす る.分類された土層の上面標高を可視化したものを図-2 に示す.図より、この地域では地表面に薄く砂質土が堆 積しており、中央で粘性土が堆積したお盆型の地層形状 であることが読み取れる.



(3) せん断波速度 Vs の整理

微動アレイにより得られたせん断波速度の深度分布を もとに、各土層に着目してせん断波速度の整理を行った. 地震応答解析における解析パラメタとしてのせん断波速 度(あるいは、初期せん断弾性係数)は、拘束圧に依存 した形で定義される場合があるので、本検討では拘束圧 依存を考慮する形で整理した.本検討では、液状化解析 に、後述のように解析プログラム FLIP ROSE 3D³⁰を用 いることとしたが、このプログラムの土の非線形要素に おいては、地盤のせん断剛性を拘束圧依存の関係として 式1のように定義している.そのため、せん断波速度を 式2によってせん断剛性に変換した形で整理し、累乗の 近似曲線を求めた.一つの土層は平面方向にも広がるも のであるが、土層内でせん断剛性の特性は同様であると 仮定した.

有効上載圧を算出する際の質量密度 ρ は Ludwig et al.⁹ による経験式を使用した.この経験式はせん断波速度と 密度の関係式であり、ここでのせん断波速度は各土層で 観測した Vs の平均値とした.微動アレイ観測によるせ ん断波速度は深度 Im 毎に得られているものと考えて、 Im で重みづけしたかたちで整理した.図-3 に整理結果 を示す.**表-1** に整理したせん断波速度の平均値を示す.

$$G_m = G_{ma} \times (\sigma'_m / \sigma'_{ma})^{mG}$$
(1)
$$G = \rho \times V_s^2$$
(2)

 G_m :要素のせん断剛性(kN/m²) G_{ma} :基準化拘束圧相当のせん断剛性(kN/m²) σ'_m :要素の平均有効応力(kN/m²) σ'_{ma} :基準化拘束圧(kN/m²), mG:拘束圧依存係数 G:せん断剛性(kN/m²), ρ :質量密度(g/cm³) V_s :せん断波速度(m/s)



図-2 各地層の上端標高

本検討での三次元解析プログラムは、FLIP ROSE 3D⁷ (以下 FLIP 3D)であり、本検討では大規模モデルの計 算ができるように並列化により高速化を施した. FLIP3D では、砂の液状化を表現できるマルチスプリン グ要素や、剛性の高い材料を模擬するためのブリック要 素(線形要素)を使用することができる.表-1 に示す 当該地域の土層のせん断波速度より、上総層と基盤は 300m/s 以上であり、工学的基盤相当^{たとえばの}であることか ら線形要素でモデル化し、表層、砂質土、粘性土はマル チスプリング要素でモデル化することとした.

マルチスプリング要素のパラメタは、物理特性、動的 変形特性、液状化特性から構成される.各土層の質量密 度、マルチスプリング要素でモデル化する土層の基準化 拘束圧、せん断弾性係数、拘束圧依存係数は前述した整 理結果から設定した.基準化拘束圧は平均値を設定し、 せん断弾性係数は表-1 に示した平均せん断波速度を用 い、式 2 より求めた.拘束圧依存係数*mG*は、表層以外 はせん断剛性の整理で求めた近似曲線式の次数を設定し た.表層は、FLIPの簡易設定法⁸の推奨値 05 を設定し た.

上記以外のパラメタである内部摩擦角,粘着力,土骨格のポアソン比,最大減衰比については,FLIPSIMパラメータ簡易設定の再改訂⁹より設定した.なおこの簡易

設定法による地盤物性を設定した被災・無被災事例の再 現解析が実施されており¹⁰,この設定法の適用性はある 程度確認されている.この簡易設定法では、各土層のN値、有効上載 $E\sigma'_v$ 、細粒分含有率 F_c を決定すればパラメ タを設定することができる.簡易設定法に使用する値は N値、細粒分含有率 F_c は道路橋示方書¹¹の経験式を使用 し、有効上載 $E\sigma'_v$ は図-1 中の平均値を使用した.以上 の様に設定した物理特性・動的変形特性パラメタ一覧を 表-2に示す.

線形要素については、質量密度、ポアソン比、ヤング 係数が解析パラメタとなる.ヤング係数は各土層の平均 深度のせん断剛性からポアソン比を用いて算定した.ポ アソン比は、土の間隙率と水の体積弾性係数(Kw=2.2× 10⁶ kN/m²)より算定した.材料を線形とした場合のパ ラメター覧を表-3に示す.

表-1 せん断波速度の整理結果

	土層	せん断波速度				
No.	名前	V _{save} (m/s)				
1	表層	170				
2	砂質土(Vs小)	160				
3	砂質土(Vs大)	210				
4	粘性土	180				
5	上総層	360				
6	基盤	640				



マルチスプリング要素の液状化パラメタの設定では、 まず簡易設定法⁹による設定が良く用いられるが、本検 討では、各土層の目標とする液状化強度を推定し、これ をターゲットに要素シミュレーションでパラメトリック スタディを実施し液状化パラメタを設定した.具体的に、 液状化強度曲線内の両振幅せん断ひずみが 7.5%に至っ た時の *R*₁₂₀, *R*₁₁₀₀ (各繰返し回数におけるせん断応力比) をターゲットにパラスタを行った.*R*₁₁₀₀ (繰返し回数 100 回におけるせん断応力比)は簡易設定法で求められ る値を使用した. *R*₁₂₀ (繰返し回数 20 回におけるせん断 応力比)は、三上ら¹²⁰の方法により算出した.以上の様 に求めた液状化強度の推定値一覧を**表-4**示す.

図-4 に要素シミュレーション結果を示す. 図中には 液状化強度の推測値も併記している. 両結果ともにター ゲットとした液状化強度(*R*_{L20}, *R*_{L100})を良い精度で満 たすことを確認した. 砂質土(Vs 大)の大きい結果では, 推定値 *R*_{L5}よりシミュレーション結果が大きい値となっ た. 以上のように設定した砂質土の液状化パラメタを表-5 に 示す.

3. 三次元 FEM モデルの構築

地震応答解析のための三次元 FEM モデルは、対象と した地域の市街地中心部を含む 1400m×1400m の領域に てモデル化した.深さ方向は観測した微動アレイによる 速度構造が評価可能な 100m 程度とした.本解析では、 液状化対象土層の砂質土(Vs小、大)の二種類とし、 表層と粘性土層をマルチスプリング要素、上総層と基盤 層を線形要素とした.地下水位は、この地域で公開され ているボーリング柱状図¹³の孔内水位を参考に表層の下 端標高以深と仮定した.

FEM 解析メッシュは、微動アレイで観測した最低標 高を解析モデル底面とし、そこから幅と奥行それぞれ 10m,高さ lm の直方体(ボクセル)をモデル化範囲に おいて一様に積み上げることで作成した.地下水位以深 のマルチスプリング要素については、間隙水要素を重ね

表-2 マルチスプリング要素の物性一覧

土層		質量	間隙率	土骨格	基準化	拘束圧	せん断	体積	内部	粘着力	減衰定数
		密度		ポアソン比	拘束圧	依存係数	弹性係数	弹性係数	摩擦角		上限
No.	名前	(g/cm^3)	-	-	(kN/m ²)	-	(kN/m ²)	(kN/m ²)	(deg)	(kN/m ²)	-
1	表層	1.76	0.569	0.33	24.6	0.50	5.17.E+04	1.35.E+05	34.2	0	0.200
2	砂質土(Vs小)	1.77	0.616	0.33	19.9	0.33	4.71.E+04	1.23.E+05	32.2	0	0.240
3	砂質土(Vs大)	1.80	0.551	0.33	37.1	0.00	8.00.E+04	2.08.E+05	39.3	0	0.240
4	粘性土	1.79	0.594	0.33	96.9	0.42	5.93.E+04	1.55.E+05	0.0	55.6	0.200

土層 質量密度 ポアソン比 ヤング係数 名前 No. (g/cm^3) (kN/m^2) 0.494 1.54E+05 表層 1.76 1 0.494 2 砂質土(Vs小) 1.77 1.41E+05 3 砂質土(Vs大) 1.80 0.491 2.38E+05 4 0.492 1.77E+05 1.79 粘性土 5 上総層 1.82 0.480 7.05.E+05 1.85 0.449 6 基盤 2.21.E+06

表-3 線形要素の物性一覧

表4 液状化強度の推定値

	土質	推定液状化強度			
No.	名前	R_{L5}	<i>R</i> L20	<i>R</i> L100	
2	砂質土(Vs小)	0.559	0.355	0.251	
3	砂質土(Vs大)	1.155	0.879	0.616	
	※推定法	三上らの	経験式 13	簡易設定法。	
表-5 液状化特性パラメター覧					

	土層	変相角	液状化パラメタ				
No.	名前	(deg)	S_1	\mathbf{W}_1	p_1	p_2	c_1
2	砂質土(Vs小)	28.0	0.005	32.20	0.60	0.70	3.21
3	砂質土(Vs大)	28.0	0.005	24.70	0.60	0.50	7.06





て定義した.物性値については図-2の標高データを基 に各ボクセルの重心座標が属する土層の物性値を各ボク セルに割当てた.

作成した三次元 FEM モデルを図-5 に示す.三次元モ デルの節点数は約 200 万,要素数(間隙水要素を含む) は約 400 万となった.全体の鳥瞰図から見れとれるよう に,地表面は主に3種類の土層からで構成されている. ボクセルを用いて作成された FEM 解析モデルの断面図 やその直方向の土層構成において,モデル全体から見る と土層形状を滑らかに再現できていることがわかる.ま た断面の直角方向の地層形状より本検討対象の地盤の土 層構成として,モデル中央では断面図の直角方向に砂質 土,粘性土がほぼ水平成層状になっていることが確認で きる.

4. 微小振動弾性解析によるモデルの妥当性

本検討で作成した三次元 FEM モデルの妥当性を検証 するために、微小振動入力による弾性解析を行い、各位 置の固有振動数を算定し、観測結果と比較した.弾性解 析には表3に示すパラメタを考慮した.

解析では、図-6 に示すホワイトノイズを作成して入力 した.解析で得られる各位置の地表面加速度波形と入力 波形のフーリエスペクトル比から地盤の固有振動数を求 めた.

観測および解析で求めた地盤の固有振動数分布を図-7 に示す.観測結果の図-7 a)より,地盤の固有振動数は粘 性土などの軟弱層が厚く堆積している領域(図の中央付 近)では 1.45Hz 以下(赤)の比較的長周期に分布して おり,その周りでは 2.75~3.8Hz とそれよりも短周期に 分布している.解析結果の図-7 b)でも,観測と同様に軟



弱層が厚く堆積している長周期の領域では観測と同様に 1.45Hz 以下であり、その周囲では 2.75~3.8Hz となって いる. ただし、観測では 5Hz 以上の箇所も見られるが、 解析ではそのような短周期の結果が得られていない. 大局的には、軟弱層が厚く堆積しているモデル中央地点 では長周期となり、比較的浅部まで弾性層が堆積してい る地点では短周期となるような傾向は、両結果にみられ ている.このことより本検討で作成したモデルは,原地 盤の地質構成や物性を捉え、地盤の震動特性をある程度



再現することができると考えられる.





図-7 地盤の固有周期分布

三次元液状化解析 5.

(1) 入力地震動と解析諸条件

作成した三次元 FEM モデルを用いて液状化を考慮し た地震応答解析を実施した、図-8 に入力地震動の時刻 歴波形を示す.本波形は、元禄型関東地震(1703年) の再現波であり、解析では主要動部分の 40-90s のみを考 慮し,二方向同時入力した.

モデルの境界は、側面・底面に粘性境界を設定した. 時間解法は Newmark β 法,時間間隔 dt を 0.01s で 5000 ス テップの計算を行った. 1 ノード 32 コアの並列計算機 で約4日を要した.



(2) 二次元解析結果との比較

三次元液状化解析結果の妥当性を二次元解析との対比

において確認するため、検証事例が多く国内の港湾構造 物設計をはじめ広く使用実績のある FLIP ROSE 2D³⁴⁾に よる二次元の解析を行った.二次元モデルは、図-5 b)に 示すモデル中央位置において奥行方向に概ね一定の断面 形状を有する箇所で作成した. 二次元 FEM モデルでは, 三次元 FEM モデルと異なりメッシュに粗密をつけ、地 層境界も滑らかになるようにメッシュを作成した. 解析 パラメタは同様のもとを用いたが、二次元モデルと三次 元モデルの同じ深度(有効拘束圧)において同様の初期 せん断剛性が発揮されるよう, で基準化拘束圧の値を二 次元解析用に変更した.また二次元解析では、図-8の EW 方向地震動による一方向加振で行った.

図-9 に二次元,三次元の液状化解析の最大応答分布 を示す. 上から土層構造, 加速度, せん断ひずみ, 過剰 間隙水圧比について対比している. 図-9 a)の加速度分布 では、軟弱層が堆積しているモデル中央ではせん断ひず みの発生によって加速度が減衰している様子が見て取れ る. さらに二次元と三次元で最大加速度分布は類似の傾 向を示していることがわかる.

図-9 b), c)のせん断ひずみと過剰間隙水圧比の分布図 では、両結果にいくらか差異が見られる. 三次元解析の 地表付近(砂質土層(Vs小))においては過剰間隙水圧比 が 0.8 以上に上昇しているが、二次元解析では、モデル 中央部分(x≒50700~51400m)では過剰間隙水圧比が 0.8以上となる範囲が少ないことがわかる.

両解析結果を詳細にみるために、図-10 に二地点の最 大応答値の深度分布と、地表面加速度の時刻歴、砂質土 層(Vs大)の過剰間隙水圧比の時刻歴を示す.出力した地点は、図-9に赤枠で囲った二地点である.一地点目は、両解析結果で液状化したお盆構造の際にあたる地点(x=50500m)である.二地点目は、両解析結果で液状化の挙動に差があるモデル中央にあたる地点(x=51160m)である.

図-10 a)では、最大応答の深度分布(加速度,せん断 ひずみ、過剰間隙水圧比)の各関係は概ね同等になって いるが、粘性土層内における最大加速度分布が多少異な っている.二次元解析では上総層の境界地点から加速度 が減少するのに対して、三次元解析では砂質土との境界 地点で減少している.次に過剰間隙水圧比の時刻歴をみ ると、加速度が大きくなる 5~10s にかけて、両解析と も急激に上昇し、そのまま徐々に液状化に至っている点 で同様の傾向である.

図-10 b)では、三次元解析では"3 砂質土(砂質土 (Vs大))"においては過剰間隙水圧が0.5~0.9程度に 上昇しているが、二次元解析では、0.1程度までしか上 昇していない. それに関連して砂質土(Vs大)での二 次元解析のせん断ひずみは三次元解析に比べて小さくなっている.

実績のある二次元解析プログラムとの解析結果との比較では、過剰間隙水圧では三次元解析の方が地表面付近で二次元解析に比べて液状化しやすい結果となった.一方加速度分布では、両結果で類似する結果となった.

三次元解析と二次元解析では、厳密には液状化を考慮 する要素における非線形反復計算の方法が異なっている. また、三次元解析は二方向加振であるのに対し、二次元 解析は一方向加振であるという違いもある.本検討にお いて、地表面に近い箇所で、三次元解析の方が二次元解 析に比べて過剰間隙水圧程度が著しい原因は明確ではな いが、上記の点が一因として考えられる.





b) 解析で液状化挙動に差異がある地点(x=51160m)
 図-10 最大応答値の深度分布と時刻歴挙動

6. まとめ

関東地方のある沖積平野に位置する市街地を対象とし て、常時微動アレイ観測データを使用し、簡易的に地盤 物性設定と三次元地盤モデルを構築し、液状化解析を実 施した.

作成した三次元地盤モデルによる微小振動を入力した 弾性解析を行い,常時微動アレイ観測から得られた地盤 の固有振動数分布と比較した.その結果,この方法にで 作成した三次元地盤モデルでも,原地盤の震動特性(固 有振動数)をある程度を再現できることがわかった.

またそのモデルによる三次元液状化解析を行い,実務 的に実績のある二次元液状化解析と比較した.その結果, 液状化挙動は詳細にみると差異があるが,加速度は類似 した結果となり,微動アレイ観測によるモデル作成や, ボクセルによる FEM 解析モデルのある程度の妥当性が 示されたと言える.

妥当性検証をさらに進めるには,強震記録が得られて いる液状化被害のある地域を対象に,モデル作成と解析 を行い、事例と対比する必要がある.

謝辞:本検討における常時微動アレイ観測は防災科学研 究所との共同研究において実施されたものであり,常時 微動アレイ観測につきましては防災科学研究所の先名重 樹氏よりご指導いただきました.末筆ながら感謝申し上 げます.

参考文献

- 1) 飯塚 敦:受け身の「受注」から課題解決型の「提案」
 ヘ 都市丸ごとシミュレーション技術の活用 -, 土
 木学会誌 105(1) 36 39 2020 年1月.
- 長郁夫・先名重樹:極小微動アレイによる浅部構造 探査システム―大量データの蓄積と利活用に向けて ―, Synthesiology, Vol.9 No.2, pp.86-96, 2016.
- Towhata,I. and Ishihara,K.: Modelling soil behavior under principal stress axes rotation, Proc. 5th International conference on numerical method in geomechanics, Nagoya, pp.523-530, 1985.
- Iai, S., Matsunaga, Y. and Kameoka, T.: Strain space plasticity model for cyclic mobility, Report of Port and Harbour Research Institute, Vol.29, No.4, pp.27-56, 1990.

- Ludwig, W.J., Nafe, J.E. and Drake, C.L. : Seismic Refraction, the Sea. Vol. 4 (Part 1), Wiley-Interscience, New York, 53-84,1970.
- 6) 社団法人日本道路協会:道路橋示方書(V 耐震設計 編)・同解説, 2012.3.
- Iai, S.: Three dimensional formulation and objectivity of a strain space multiple mechanism model for sand. *Soils and Foundations*, 33 (1), 192-199, 1993.
- 8) 港湾空港技術研究所:液状化による構造物被害予測 プログラム FLIP における必要な各種パラメタの簡易 設定法,港湾技研資料 No.869, 1997 年 6 月.
- 一般社団法人 FLIP コンソーシアム:液状化パラメタ 決定支援環境 FLIP SIM(Ver5.0)取扱説明書,平成 27 年8月.

- FLIP コンソーシアム 第4期 FLIP 研究会せん断変形 ロック問題作業部会: せん断変形ロック問題 WG 平 成20年度成果報告書, 2009年7月29日.
- 社団法人日本道路協会:道路橋示方書(V 耐震設計 編)・同解説, 2002.3.
- 三上,吉田,原田:液状化強度曲線の類型化と経験 式の提案,日本地震工学会論文集 第 16 巻 第 1 号 (特集号),2016.
- 13) ちば情報マップ, https://map.pref.chiba.lg.jp/prefchiba/Portal?mid=6300 (2021 年 8 月 23 日閲覧).

A STUDY ON CITY SCALE THREE-DEMENSIONAL SITE RESPONSE ANALYSIS CONSIDERING SOIL LIQUEFACTION

Yusuke KANAI, Yukio TAMARI

In recent years, some attempts have been made to conduct three dimensional (3D) site response analyses considering relatively wide scale of area such as block scale and city scale. In this study, we conducted city scale 3D soil liquefaction analysis for a city located in an alluvial plain in Kanto area Japan with the aim of the establishment of simplified prosedure of a city scale analysis. As a result, it is shown that i) the tendency of the calculated natural frequencies of subsurface in the area seems to be consistent with the measured, ii) the 3D soil liquefaction analysis can obtain similar acceleration response during liquefaction with the 2D soil liquefaction analysis at the place where the 2D plane strain condition can be assumed. A series of results in this study is thought to almost demonstrate the validity of 3D soil liquefaction analysis in terms of acceleration responses and build-up of excess pore water pressures in spite of simplified modeling