三次元的基盤形状をもつ地盤による地震動増幅特性の系統的な理解の試み

田中 裕貴¹·後藤 浩之²·澤田 純男³

¹学生会員 京都大学大学院 工学研究科 (〒611-0011 京都府宇治市五ヶ庄) E-mail: tanakay@catfish.dpri.kyoto-u.ac.jp

²正会員 京都大学准教授 防災研究所 (〒611-0011 京都府宇治市五ヶ庄) E-mail: goto@catfish.dpri.kyoto-u.ac.jp

³正会員 京都大学教授 防災研究所 (〒611-0011 京都府宇治市五ヶ庄) E-mail: sawada@catfish.dpri.kyoto-u.ac.jp

複雑な 2 次元, 3 次元形状の基盤面をもつ地盤構造において地震波がどのように伝播し,各地の地震動 がどのように増幅するかは,設計入力地震動を考える上で重要である.本研究では,このような複雑な地 盤構造が地震動に与える影響について系統的に整理することを目的として,特に地盤全体系として振動す るような固有モードの存在に着目して整理した.3 次元数値解析の結果,幅の狭い盆地状の堆積層からな る地盤では,直下の堆積層厚にかかわらずどの地点においても周波数がほぼ共通するピーク周波数が認め られた.ピーク値の地点による違いから,盆地全体が一体として振動するような固有のモードが現れてい ることが明らかとなった.この周波数帯を含むパルス状の波を入力すると,最大振幅の分布は先の固有モ ードによって理解することができる.すなわち,複雑な地盤構造であっても地盤全体のモード分析により, 地震動に与える影響を論じることができる可能性がある.

Key Words: earthquake, site amplification, sedimentary basin, fraquency, finite difference method

1. はじめに

地盤により地震動が増幅する現象は、これまで様々な 被害事例、観測記録、あるいは解析的検討により、地震 動に影響を与える重要な要因の1つとして知られている。 例えば、堆積層が軟弱であるほどその直上での地震動が 増幅することは100年以上前の研究^Dでも指摘されてい る.また、1995年兵庫県南部地震で表れた震災の帯は、 南北方向の地盤内の構造変化による2次元的な基盤形状 の影響として理解されている^a.近年、性能設計が進め られる中で、対象地点の地盤構造を把握して適切にサイ ト特性を評価し、設定する入力地震動の特性に反映する ことが求められている.

地盤構造とサイト特性を結びつける古典的な理論の1 つは 1/4 波長則である.地盤が水平な堆積層と半無限の 基盤の 2 層からなると仮定し,1次元の弾性波動論に基 づいて固有周期と堆積層の弾性波速度・層厚との関係と して整理したものである.堆積層と基盤のインピーダン スコントラストが強い地盤では,多層系であっても一次 近似として実務に用いられることも多い. 一方,地盤が水平成層構造でなく、2次元・3次元的 な基盤形状をもつ場合には、これまで系統的な理解はあ まりされてこなかった.過去の地震動被害を理解するた めの研究³,大阪盆地における地震動シミュレーション といったように対象が明示されたような中で事例的に特 徴分析が行われるような研究⁴,観測記録に基づくサイ ト特性の評価のように地点固有の周波数特性の抽出のみ を目的とするような研究⁵が主に行われてきたが、堆積 層厚や基盤形状と増幅特性との関係が複雑すぎるために、 1/4 波長則を基本としてそこからの差を 3 次元的効果と 論じてきた⁹.

そこで本研究では、複雑な2次元、3次元形状の基盤 面をもつ地盤構造に対して地震動の増幅特性の系統的な 理解を試みる.比較的単純な2次元の基盤形状を持つ盆 地構造と、上空から見た盆地端部がV字型になるような 3次元の基盤形状を持つ盆地構造とを対象とし、数値解 析により分析を行った.





図-2 3次元モデルの断面形状と観測点の位置

2. 数値解析手法とモデル

(1) 解析モデル

本研究では、堆積層と基盤がそれぞれ一様均質な2層



図-3 北大阪急行線延伸区間の解釈深度断面図¹⁰

系の構造(表-1)を対象とする.基盤面は東西方向に放物線形の断面形状であり、南北方向に盆地幅の変化しない2次元モデル(図-1)と、盆地幅の変化する3次元モデル(図-2)とを用いる.2次元モデルの基盤面は、次式で表わす.

$$z = -\frac{D}{W^2}(y+W)(y-W)$$
 (1)

また、3次元モデルの基盤面は、次のように表す.

$$z = -\frac{D}{W^2 L^2} (x+L)(x-L) \left(-\frac{W}{L}x+y+W\right)$$
$$\times \left(\frac{W}{L}x+y+W\right), \quad x \ge 0$$
(2)

ここで、x, y はそれぞれ南北,東西方向の位置座標(m), z は基盤面深さである.なお図-2 に示すように、式(2)で 表す南北方向に基盤深度の変化する長さ Lの領域に接続 するように基盤深度の変化しない長さ Lの領域を設ける. また、これを南北方向に折り返して、3 次元的に閉じた 盆地構造とした. D は最深部の深さ(m)、2W は東西方向 の盆地幅(m)、4L は 3 次元モデルでのみ考慮する南北方 向の盆地長(m)である.地点 A~I は地表の観測点で、地 点 Aが盆地最深部の直上の点である.本研究では、最深 部深さ Dを 1400m とし、盆地幅 Wと盆地長 Lはパラメ ータスタディを行った.

この基盤形状や堆積層の物性は大阪府北摂地域の地盤 構造を参照したものである⁷.ここでは北大阪急行線延 伸事業が進められており、延伸区間が千里丘陵と北摂山 地の間に東西方向に走る地溝状構造を横断することで知 られる⁸⁹.実際、2016年に北大阪急行延伸技術検討会 が公開した反射法・微動アレイの観測結果¹⁰においても、 基盤面がおわん形状であることが確認されている(図-3).

また,地震基盤面が最も深い萱野付近において,地震 記録に基づくサイト増幅特性と1次元水平成層を仮定し た伝達関数を比較した結果,両者が乖離したことから2 次元的な地盤構造による影響があることが示唆されてい る¹⁰. このことからも,北摂地域の構造を参照した解析 モデルは本研究の目的に合致すると考えられる.

(2) 数值解析手法

本研究では、3次元差分法による数値解析を用いた. 差分法の基礎方程式は運動方程式と構成式(応力-ひず み関係)である.連続体の運動方程式は、変位*ui*と応力 *oij*を用いて、

$$\rho \frac{\partial^2 u_i}{\partial t^2} = \frac{\partial \sigma_{ij}}{\partial x_i} + f_i \tag{3}$$

と表される.ここで、 ρ は連続体の密度、 f_i は外力項 である.連続体が等方の Hooke 弾性体であると仮定する とき、構成式は Lamé定数 λ 、 μ を用いて

$$\sigma_{ij} = \lambda \frac{\partial u_k}{\partial x_k} \epsilon_{ij} + \mu \left(\frac{\partial u_j}{\partial x_i} + \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \right)$$
(4)

と表される.

運動方程式の変位*u_i*を速度*v_i*に置き換え,構成式を時間で1階微分すると,速度と応力に対する1階の偏微分 方程式でそれぞれ表される.次に,この式の各項におけ る微分を,時間方向に2次精度,空間方向に4次精度で 差分近似を行う.差分近似のグリッドはStaggered-Gridを 用いた.地盤内の側方境界は,20グリッドの PML 吸収 領域を用意して近似的に波の散逸を表現した.本研究で は,以上を実装した解析コード OpenSWPC^{III}を用いてい る.

3. 地盤の周波数特性

(1) 2次元モデル

a) 解析条件

盆地幅 Wを 700m, 1400m, 2800m, 7000m とした 2 次 元モデルについて解析を行う.計算領域は,南北方向 6.5km,鉛直方向 6.5km,東西方向は堆積層を含むように 表-2 のように設定した.地震動を比較する地点は, W/4刻みで盆地中央から順に地点 A~E と設定する.

グリッド間隔は全て 50m,時間刻みは 0.002 秒とした. 入力波は南北方向に振動する S 波の平面波を鉛直下方か ら与える.これは基盤形状の変化する東西方向の 2 次元

表-2	2次元モデル	で周波数解析に用レ	ヽた計算領域

W	700m	1400m	2800m	7000m	∞
東西方向	5.5km	7.0km	11.0km	17.5km	5.5km



図-4 exponential 型の関数形(左)とそのスペクトル(右)

断面に対して SH 波動場を計算していることになる.入 力波は,広い周波数帯域で振幅を持つ exponential 型の関数(図-4)を速度波形として与える.

$$f(t) = \frac{(2\pi)^2 t}{{T_R}^2} \exp\left[-\frac{2\pi t}{T_R}\right]$$
(5)

 T_R は継続時間に関するパラメータで、ここでは1/3 秒とした.

b) 伝達関数の検討

W=700m, 1400m, 2800m, 7000mの4モデルで波動場 を計算し,得られた地点 A~E での速度波形と入力の速 度波形のフーリエスペクトルの比から地点毎の伝達関数 を求めた. 図-5 は地点毎の伝達関数を重ねて描いたもの である. なお比較のため,地点 A~E の直下の堆積層厚 をもつ2層系水平成層地盤の伝達関数をあわせて示す. これを,盆地幅が非常に広く2次元的な効果が全くない モデルの結果とみなす.

W=700m, 1400m, 2800m のモデルに共通する性質は、 低次のピーク周波数が地点 A~E でおよそ一致している こと、および盆地の中央ほど伝達関数のピーク値が大き い値をとることの2点である.これらの性質は水平成層 地盤によるものと異なる.水平成層地盤の場合、ピーク 周波数は直下の層厚やS波速度により定まり、ピーク値 は堆積層と基盤のインピーダンス比で定まる.地点A, B, C, D 直下の構造から求まるそれぞれの最も低いピ ーク周波数は 0.268, 0.286, 0.357, 0.612Hz であり、層厚 が薄くなるほど高い周波数となる.しかし、盆地幅の狭 い W=700m, 1400m, 2800m のモデルでは、最も低いピ ーク周波数が直下の地盤構造に関わらず、いずれの地点 の周波数も揃っている.この周波数では、堆積盆地全体 がある固有のモードで振動している可能性が考えられる. また、伝達関数のピーク値の違いも振動モードを反映し



図-5 2次元モデルの伝達関数の比較



図-6 2次元モデル地表面での伝達関数1次ピーク値分布

たものと解釈できて、盆地中央で振幅の大きいモードが 表れたことを示唆している.

一方, W=7000m のように盆地幅が広く水平に近いモ デルではこのような性質は見られず,低次では水平成層 地盤のようにピーク周波数が異なること,ピーク値が揃 う傾向にあることが認められる.また,各モデルの最も 低いピーク周波数は盆地幅が大きいほど低周波数側に推 移する.

各モデルの振動モードを確認するため、図-5 中に示 した最も低いピーク周波数での伝達関数の値を東西断面 上で密に求め、これを図-6 に示す. W=700m、1400m、 2800mのモデルでは盆地端部から中央にかけて値が大き くなるような分布を示したのに対して、W=7000mでは 複雑な形状である.このことからも、盆地幅の狭いモデ ルでは、盆地全体が振動するような固有のモードが存在

表-3 3	次元モデルで	で周波数解析に用い	ヽた計算領域
-------	--------	-----------	--------

L	700m	1400m
南北方向	7.0km	11.0km

する可能性が示唆される.

(2) 3次元モデル

a) 解析条件

東西方向の盆地幅 W は 1400m で一定とし、南北方向 の盆地長 Lを 700m, 1400m とした 3 次元モデルについて 解析を行う.計算領域は、東西方向 7.0km, 鉛直方向 6.5km,南北方向は堆積層を含むように表-3 のように設 定した.地震動を比較する地点は、盆地中央Aから縁ま で東方向にW/4刻みで地点 B~Eを、北方向にL/4刻み で地点 F~Iを設定する.入力波は南北方向に振動する S 波の平面波を鉛直下方から与える 2 ケースを行う. その他の解析条件は 2 次元モデルと同様である.

b) 伝達関数の比較

L=700m, 1400m, および W=1400mの2次元モデルの3 つのモデルで数値解析を行い,各地点の伝達関数を求めた.なお,W=1400mの2次元モデルは,盆地長Lを非常に広くとったケースに相当し,南北方向の基盤形状の影響がないモデルの結果とみなすことにする.

図-7,図-8は、それぞれ南北方向、東西方向に振動する波を入力した場合の解析ケースにおける地点毎の伝達



図-7 南北方向に振動する平面波を与えた場合の3次元モデルの伝達関数の比較



図-8 東西方向に振動する平面波を与えた場合の3次元モデルの伝達関数の比較

関数を重ねて描いたものである.低次のピーク周波数が 全ての観測点でおよそ一致していること,および盆地の 中央に近いほど伝達関数のピーク値が大きい値をとる傾 向がみられ,2次元モデルと似た特徴である.このこと

から、この周波数では堆積盆地全体がある固有のモードで振動していると考えられる。南北方向に振動する入力波のケースを比較すると、最も低いピーク周波数は盆地長 L が短いほど高周波数側に推移することがわかる。

すなわち、堆積盆地のサイズに応じてモードの固有周波数が変化することに対応する.また、東西方向に振動する入力波のケースでは、*L*=1400mの場合に0.641Hzに顕著なピークが認められた.

堆積盆地全体の振動モードを把握するために,図-7, 図-8中に示した周波数での伝達関数値の分布を図-9に示 す.なお図中の点線は盆地端部を表す堆積層と基盤の境 界である. L=700m, 1400m のケースでは,いずれも盆





(右)

地全体がある固有のモードで振動していること,入力波の振動方向によって異なる伝達関数値を示すことが明瞭に確認できる.また比較のために,L=7000mのケースの結果をあわせて示している.このケースの結果は,盆地長手方向(南北方向)に複数の腹と節を持つような分

布を示しており, *L* = 700m, 1400m のケースのような盆 地全体が一体となって振動するようなモードではないこ とがわかる.

4. パルス波に対する応答特性

(1) 2次元モデル

a) 解析条件

周波数特性を分析した2次元モデルそれぞれにパルス 状の波を入力した時の応答を比較する.ここで,W= 700mのモデルの伝達関数に見られるピーク周波数をf2

(0.58Hz), W = 1400m モデルのピーク周波数を fi
 (0.397Hz), W = 7000m モデルの地点 A におけるピーク
 周波数を fi (0.275Hz) とする.入力波は、周波数帯域の
 狭いパルス状の関数 (Kupper Wavelet 型;図-10)を速度
 波形として、底面から鉛直に南北方向に振動する平面波として与える.

$$f(t) = \begin{cases} \frac{3\pi}{4T_R} \sin^3\left(\frac{\pi t}{T_R}\right), & 0 \le t \le T_R \\ 0, & t \ge T_R \end{cases}$$
(6)

を用いる. f_0 , f_1 , f_2 の周波数が卓越するような入力とするため, それぞれ $T_R = 1/f_0$, $1/f_1$, $1/f_2$ と設定し, これを f_0 , f_1 , f_2 の入力と呼ぶことにする.

b) 地盤増幅特性の検討

W=700m, 1400m, 7000m, および水平成層地盤の4つ のモデルに対して数値解析を行い,地点 A~E における 速度波形を求めた. 図-11 はそれぞれ f_0 , f_1 , f_2 の入力に 対する,地点 A~E の地表波形を重ねて描いたグラフで ある. なお,水平成層地盤については,それぞれ地点 A ~Eの直下の堆積層厚をもつ結果を表している.

振幅が最大となる時刻に着目すると、同一地点であっ ても、W=700m、1400m、7000mの順に早い. 盆地幅が 狭い場合には、直下の基盤から鉛直に伝播する経路より も、側方の基盤層から伝播する経路の方が走時が短くな る. 基盤が急勾配な構造ほどこの影響が効くために、最 大時刻が早くなるものと考えられる.

地点毎に振幅の違いに着目すると、盆地中央付近、盆 地端部付近において異なる傾向が見られる. 盆地中央付 近(地点 A, B)では、 fcの入力に対しては W=700m モ デルの結果が、fiの入力に対しては W=1400m モデルの 結果が最も大きい. 例えば、地点 Aにおける fcの入力に 対しては、水平成層地盤の結果に比べて 20%程の最大振 幅の違いが見られる. 一方、foの入力に対しては W= 700m、1400m モデルともに、水平成層地盤の結果に対し て大きな違いが見られない. このことから、盆地中央付 近では、入力周波数がモデルの固有モードに対応する周 波数に近いほど、水平成層地盤の結果に比べて最大振幅



図-11 2次元モデルの地表波形

が大きくなることがわかる.一方,盆地端部付近(地点 C, D)では, fi, f2の入力に対して,W=700m, 1400mモ デルともに水平成層地盤の結果より最大振幅が小さくな る.

W=7000mモデルでは、全ての周波数条件、地点に対して水平成層地盤の結果とほぼ同じ最大振幅を示した. 先の周波数特性での考察と同様に、盆地構造による2次元的な影響はほとんど受けておらず、水平成層と似た震動特性であることが確認できる.すなわち、W=700m、1400mモデルの結果に見られる最大振幅の特徴は、基盤形状による2次元的な影響である.盆地中央付近で振幅が増幅する現象は、焦点効果としてこれまで多く論じられてきた現象と似た特徴を持つ.しかし、入射波の周波数と盆地構造の振動モードとの関係により表れ方も異なることから、地盤全体系のモード分析はこれを理解する上で有効である可能性がある.

(2) 3次元モデル

a) 解析条件

周波数特性を分析した3次元モデルそれぞれにパルス 状の波を入力した時の応答を比較する.ここで,南北方 向に振動する平面波を入力した場合のL=700mのモデル の伝達関数に見られるピーク周波数を fa (0.565Hz), L = 1400m モデルのピーク周波数を fa (0.443Hz) とする. 東西方向に振動する平面波を入力した場合の L=700mの モデルの伝達関数に見られるピーク周波数を fc (0.549Hz), L = 1400m モデルのピーク周波数を fb (0.641Hz) とする.

2 次元モデルの場合と同様に、周波数帯域の狭いパルス状の関数(Kupper Wavelet 型)を速度波形として、底面から鉛直に平面波として与える。南北方向に振動する平面波を入力したケースでは f_A , f_B の周波数が卓越するようにパラメーター T_R を設定し、東西方向に振動するケースでは f_c , f_b の周波数が卓越するように設定して解析を行った。

b) 地盤増幅特性の検討

L=700m, 1400m, および W=1400mの2次元モデルおよび水平成層地盤の4つのモデルで数値解析を行い,地 点A, C, Gの速度波形を求めた. 図-12, 13 はそれぞれ 南北方向,東西方向に振動する平面波を入力したケース の結果を示したものである.振幅が最大となる時刻に着 目すると,同一地点であってもL=700m, 1400mでは早 く到達している. 2次元モデルと同様に側方の基盤から









図-11(b) 3次元モデルの地表波形(東西方向振動)

伝播する経路が短いことによる影響と考えられる.振幅 に着目すると、地点Aでは水平成層地盤と比較して最大 振幅は大きいが、地点 C、G ではむしろ小さい.この傾 向は、2 次元モデルと同様である.また、入力波が南北 に振動する場合も東西に振動する場合も似た傾向を示し た.ここで示した結果は限定的な3次元モデルに対する ものであるため本研究のみで十分な一般化ができるわけ ではないが、3 次元モデルについても2 次元モデルと同 様に地盤全体系のモード分析により地点毎の振幅の大小 を論じることができる可能性が示された.

5. 結論

本研究では、複雑な2次元、3次元形状の基盤面を持 つような地盤構造が地震動に与える影響について系統的 に整理することを目的とし、特に地盤全体系として振動 する固有モードに着目して整理した。

幅の狭い盆地状の堆積層からなる地盤では,直下の堆 積層厚にかかわらずどの地点においても伝達関数のピー ク周波数はほぼ同じである.このときのピーク値は盆地 中央に近いほど大きくなることから,この周波数では盆 地全体が一体として振動するような固有のモードが表れ ることが明らかとなった.盆地幅が広がるにつれて,ピ ーク周波数が低周波数側に推移し,水平成層地盤と似た 周波数特性を示した.パルス波を入射した場合の地表波 形は堆積盆地中央付近で最大振幅が大きく,端部付近で は水平成層と比べて小さい.このことも地盤系全体の固 有モードによって理解できる.

すなわち,複雑な基盤形状の地盤であっても地盤全体 系のモード分析をまず行い,固有モードとその周波数を 求めることができれば,基盤形状の影響の概観を理解す ることができそうである.本研究の結果は限定的なモデ ルに対するものであるため,より多様なモデルケース, および観測事例に基づいて一般化していくことが今後必 要である.

謝辞: 箕面市役所地域創造部鉄道延伸室の示敬三様には、 北大阪急行線延伸事業に係る資料を提供していただきま した. 弘前大学の前田拓人准教授には、差分法のプログ ラム OpenSWPCを使用させていただきました. ここに深 く感謝の意を表します.

参考文献

- 1) Milne, J.: *Seismology*, 2014 Ed., Cambridge University Press, 1898.
- 川瀬博,松島信一,Graves, R.W., Somerville, P.G.: 「エッジ効果」に着目した単純な二次元盆地構造の 三次元波動場解析 兵庫県南部地震の際の震災帯の成 因,地震 第2輯, Vol.50, No.4, pp.431-449, 1998.
- 3) Hatayama, K., Kannno, T., and Kudo, K.: Control factors of spatial variation of long-period strong ground motions in the Yufutsu sedimentary basin, Hokkaido, during the Mw8.0 2003 Tokachi-oki, Japan, earthquake, *Bull. Seism. Soc. Am.*, Vol.97, No.4, pp.1308-1323, 2007.
- 4) Kagawa, T., Zhao, B., Miyakoshi, K., and Irikura, K.: Modeling of 3D basin structures for seismic wave simulations based on available information on the target area: case study of the Osaka basin, Japan, *Bull. Seism. Soc. Am.*, Vol.94, No.4, pp.1353-1368, 2004.
- 5) 野口竜也,西川隼人,吉田昌平,香川敬生:鳥取県内の地震観測点における地盤構造の把握とサイト特性の評価,土木学会論文集A1(構造・地震工学), Vol.72, No.4, pp.I_646-I_658, 2016.
- 6) Goto, H., Sawada, S., Morikawa, H., Kiku, H., and Ozalaybey, S.: Modeling of 3D Subsurface Structure and Numerical Simulation of Strong Ground Motion in the Adapazari Basin during the 1999 Kocaeli Earthquake, Turkey, *Bull. Seism. Soc. Am.*, Vol.95, No.6, pp.2197-2215, 2005.
- 堀家正則,竹内吉弘,藤田崇,古和田明,井川猛, 川中卓:北摂山地と大阪平野境界部の地下構造探査, 地震第2輯, Vol.51, No.2, pp.181-191, 1998.
- 川崎慎治,戸田茂,中川康一,小林芳正:有馬-高槻 構造線東端部における反射法地震探査,地震 第2輯, Vol.47, No.2, pp.164-173, 1994.
- 戸田茂,川崎慎治,竹村恵二,岡田篤正:反射法地 震探査の断面に見られる有馬-高槻構造線に沿う地溝 帯,地震第2輯, Vol.48, No.4, pp.511-520, 1996.
- 10) 箕面市,北大阪急行電鉄:第4回北大阪急行線急行線延伸技術検討会資料,2017.
 https://www.city.minoh.lg.jp/kitakyu/new_kita-kyu/keii/documents/02-02_taishin.pdf(2018年8月31日閲覧)
- 11) Maeda, T., Takemura, S., and Furumura, T.: OpenSWPC: An open-source integrated parallel simulation code for modeling seismic wave propagation in 3D heterogeneous viscoelastic media, *Earrth, Planets and Space*, Vol.69, No.102, 2017.

(?受付)

SYSTEMATIC UNDERSTANDING OF THE GROUND MOTION AMPLIFICATION ON THREE-DIMENSIONAL BASIN STRUCTURE

Yuki TANAKA, Hiroyuki GOTO and Sumio SAWADA

Seismic wave propagation and gournd motion amplification in/on the complecated 2-D and 3-D basin structure are important issues in considering the input motion for seismic design for civil engineering structures. In this research, we discuss the effect on ground motion amplification from the complicated structure, especially on the basis of the exsistence of eigenmodes for whole the basin system. 3D numerical simulations investigate that almost the common peak frequencies appear in transfer functions of the basin system regardless of the deposit layer thickness, and the spatial variation of the peak values is evident in the eigenmodes. When the basin model is excited by a pulse-like input motion, the spatial distribution of maximum amplitudes can be explained from the eigenmodes. This implies that mode analysis of the entire ground structure enables us to systematically understand the effect on ground motion amplifications.