# 動的解析による2016年熊本地震における 益城町の地震動評価

長尾 毅1・柴田 大介2

<sup>1</sup>正会員 神戸大学教授 都市安全研究センター (〒657-8501 神戸市灘区六甲台町1-1) E-mail: nagao@people.kobe-u.ac.jp

<sup>2</sup>正会員 (株) 日本港湾コンサルタント (〒141-0031 東京都品川区西五反田8-3-6) E-mail:daisuke\_shibata@jportc.co.jp

2016年熊本地震は各地に大きな被害をもたらしたが、特に熊本県益城町においては甚大な住宅被害が生じた.現地における特に甚大な住宅被害は県道28号と秋津川の間に挟まれたエリアに局在しており、局所的な地盤条件によって住宅被害の甚大なスポットが生じたことが示唆された.本研究では、既往の常時微動観測記録より住宅被害の激しかったエリアを中心に表層地盤構造を推定し、2次元地震応答解析等を行って最大前震及び本震時の地震動を評価した.

Key Words : the 2016 Kumamoto Earthquake, microtremor, earthquake response analysis

## 1. はじめに

2016 年熊本地震は布田川・日奈久断層帯を震源断層 とする一連の地震である.地震活動は非常に活発であり, 長期間にわたり余震活動が続いている.これまで発生し た特に規模の大きな地震は 2016 年 4 月 14 日 21:26 に発 生した最大前震 (Mj 6.5) と同 4 月 16 日 01:25 に発生し た本震 (Mj 7.3) である.これらの地震により,熊本県 益城町では住宅等に大きな被害が発生するとともに,益 城町役場に設置された震度計が最大前震 (以降前震と称 する)・本震ともに震度 7 を記録した.

益城町における特に基大な住宅被害は益城町役場より 南の方角の県道 28 号線と秋津川の間に挟まれたエリア に局在しており,甚大な住宅被害の生じた地点では古い 住宅と比較して耐震性が高いと考えられる比較的新しい 住宅も倒壊する現象が見られた.このことから,局所的 な地盤条件によって住宅被害の程度に差が生じたことが 示唆された.熊本地震による益城町の被害を対象とした 数多くの研究が実施されており,長尾ら<sup>1</sup>は益城町にお いて常時微動観測を実施し,常時微動 HV スペクトル の卓越周波数やアレイ観測結果をもとに位相速度を求め ている.

本研究では、特に被害の激しかったエリアを含んだ断 面に対して行った常時微動観測結果をもとに工学的基盤 相当に至る表層の地盤構造を評価し、2次元の非線形地 震応答解析によって前震及び本震の地震動を評価した.

#### 2. 基盤入力地震動の評価

#### (1) KiK-net益城地点のS波速度構造

本研究では、KiK-net<sup>2</sup>の益城強震観測点(KMMH16) により観測された地表の地震動を工学的基盤に引き戻し た波形を用いる.KiK-net益城地点は鉛直アレイ観測地点 であり、*Vs*=2700m/sに至るPS検層データが公開されてい る<sup>3</sup>.

PS検層データの精度を確認するため、長尾ら<sup>1</sup>による 常時微動観測結果との比較を行う.当該地点は、一連の 地震による地盤の非線形性の影響が指摘されており<sup>1</sup>, 以下では非線形性の影響を無視できると考えられる2016 年7月の観測結果をもとにしている.

長尾ら<sup>1</sup>による常時微動観測結果による常時微動H/V スペクトル (microtremor) とPS検層データによる基本モ ードレイリー波H/Vスペクトル (NIED) の比較を図-1に 示す.

常時微動アレイ観測結果に空間自己相関法<sup>4</sup>を適用し て求めた観測位相速度(microtremor)とPS検層データに よるS波速度構造からHaskell<sup>9</sup>の方法を用いて特性方程式 を解くことにより求めた理論位相速度(基本モード) (NIED)の比較を図-2に示す.





図-2 位相速度の比較

表-1	KiK-net益城地点S波速度構造
_	

		NIED <sup>3)</sup>	Goto et al.	本研究
土質区分	<i>h</i> (m)	Vs(m/s)		
粘性土	3	110	110	110
粘性土	6	240	160	160
砂質土	6		370	370
凝灰岩	18	500	600	500
粘性土	8	400	425	400
砂・砂礫	28	760		
岩盤	32	820		
岩盤	32	1470		
岩盤	10	700		
岩盤	26	1380		
岩盤	32	840		
岩盤	33	1470		
岩盤	-	2700		

位相速度の違いはわずかなものであるが、H/Vスペクトルについては常時微動H/Vスペクトルとレイリー波

HVスペクトルにピーク周波数の違いが認められる. す なわち,常時微動H/Vスペクトルは3Hzにピークを有す るが,レイリー波H/Vスペクトルのピーク周波数は1.3Hz および2.1Hzであり、3Hz付近にピークは存在しない. こ のため,PS検層データは精度に問題がある可能性があ り,Goto et al.<sup>9</sup>は表層を含む地盤のS波速度を修正するこ とで強震観測結果を説明できると指摘している.本研究 では,常時微動観測結果との整合性の観点から,KiK-net 益城地点のS波速度構造を評価した.

検討結果として,表-1に示すように表層のS波速度構造をPS検層データより変更して解析を行うこととした. 第2,3層はGoto et al.<sup>6</sup>の結果に準拠し,第4層以深は防災科研公開データに準拠した.図-1及び図-2に示すinvertedが本研究,Goto et al.は表層地盤のうち,Vs=760m/sより上層の値として提案された値を用いた結果である.なおGoto et al.<sup>6</sup>によるS波速度をPS検層データから変更しているため,正確にはGoto et al.<sup>6</sup>によるS波速度構造とは言えないことに注意を要する.

Goto et al.%による地盤構造を用いたHVスペクトルは13, 2.1および3.6Hzにピークを有する.本研究による値では 1.3, 2.5および3.6Hzにピークを有する.3者いずれにも共 通する1.3Hzのピークは深い地盤構造によるものと考え られ、PS検層による深層地盤構造にも誤差が含まれて いる可能性は否定できない.しかしながら本研究では後 述するようにVs=760m/sの層を基盤と考えた地震応答解 析を行うため、それ以深のS波速度構造の誤差は無視し 得るものと考えた.本研究によるレイリー波HVスペクト ルの2次のピークは2.5Hzであり常時微動H/Vスペクト ルの3Hzとは一致しないが、常時微動観測値に近い値を 取ることから、本研究ではこのS波速度構造を採用した. なお位相速度については、3者の違いは僅かであった.

#### (2) 基盤入力地震動の評価

Vs=760m/sの層を基盤と考え,KiK-net益城における地 表の観測記録を等価線形解析によって引き戻すことで基 盤入射波形を算出した.その際,Goto et al.%はVs>300m/s の層についても非線形性を考慮しているが,本研究では Vs=370m/sの層以深は非線形性の影響を無視できると考 え,地表のVs=110m/sおよびその下のVs=160m/sの層につ いてのみ非線形性を考慮した.なお,ボアホール設置の 地震計の観測記録を用いて基盤入射波形を求めることも 考えられるが,深度-200m程度のVs=2700m/sの層から Vs=760m/sの基盤に至る地震動の伝播を1次元の地震応答 解析で評価することには限界があると考えられるため, 地表の観測波形を用いて引き戻しを行っている.

地盤非線形特性は、安田・山口<sup>7</sup>を基本としたが、後 述する2次元有限要素解析において用いた解析コード FLIP<sup>9</sup>においては地盤の非線形モデルとしてH-Dモデル<sup>9</sup> を用いるとともに、地盤剛性の拘束圧依存性を式(1)の とおりモデル化<sup>10</sup>していることから、本研究では安田・ 山口<sup>7</sup>をもとにして基準ひずみを求めるとともに、拘束 圧依存性を考慮して初期剛性を求め、これらよりH-Dモ デルをもとにした非線形モデルを作成している.有効拘 束圧算出時に必要となる地下水位面は、PS検層公開デ ータにおいて*Vs*=240m/sの層で*Vp*=380m/s、*Vs*=500m/sの層 で*Vp*=1180m/sであることから*Vs*=500m/sの層上面と扱った. また、減衰定数は2次元有限要素解析と同様に式(2)のよ うに設定した.

$$G_{m0} = G_{ma} \left( \frac{\sigma_{m'}}{\sigma_{ma'}} \right)^{0.5} \tag{1}$$

$$h = h_{\max} \left( 1 - \frac{G_m}{G_{m0}} \right) \tag{2}$$

ここに、 $G_{n0}$ : せん断弾性係数、 $G_{na}$ : 層中央深さにお けるせん断弾性係数、 $\sigma_n$ : 有効拘束圧、 $\sigma_{na}$ : 層中央 深さにおける有効拘束圧、h: 減衰定数、 $h_{max}$ : 減衰定数 最大値(砂質土で0.24、粘性土で0.20)、 $G_m$ : せん断弾 性係数(非線形時の値)である.

前震および本震の基盤入力波形(2E)の主要動部分の時刻歴波形を図-3および図-4に、フーリエスペクトルを図-5および図-6に示す.非線形性を考慮する土層の収束有効ひずみの最大値は前震、本震いずれも、NS方向で0.2%、EW方向で0.4%程度であった.このひずみレベルは、Goto et al.<sup>6</sup>と概ね調和的なものといえる.





図-4 基盤入射波形 (本震, NS, EWは方向を示す)



図-5 フーリエ振幅スペクトル(前震, NS, EWは方向)



図-6 フーリエ振幅スペクトル(本震, NS, EWは方向)

地表/基盤のフーリエスペクトル比を線形時(initial) と比較して図-7に示す.前震,本震による違いは大きく ないために,本震の結果のみを示している.



図-7 スペクトル比(本震, NS, EWは方向)

地表の記録は,前震の地表の加速度最大値は760Gal (NS)及び925Gal (EW)であり,本震の加速度最大値 は653Gal (NS)及び1157Gal (EW)であった.周波数特 性としては,前震が2-3Hzの成分が卓越するのに対して, 本震では卓越周波数は1Hz程度であった.前震・本震の 地表の地震動の周波数特性の違いは基盤波形にも現れて いるといえる.

#### 3. 対象地点と地盤構造の推定

長尾ら<sup>1</sup>による常時微動観測のうち,2016年7月および 9月の観測結果をもとにS波速度構造の推定を行う. 図-8に検討対象地点を示す. 長尾ら<sup>1</sup>によるJA9地点を 中心に,東西(幅800m)・南北(幅900m)の測線で断 面を設定した. 交点となるJA9地点は最も被害の激しか ったと考えられる地点である.

検討対象地点の近傍では、吉見ら<sup>12</sup>による工学的基盤 相当までのボーリング調査が行われており、JA9地点の 近傍のボーリング地点としてMSK-1地点のPS検層データ が公開されている.

断面設定は以下の方針によった.

(i)JA9地点および各測線に近い他の常時微動アレイ観測 地点(図中〇)を対象に,吉見ら<sup>11)</sup>によるMSK-1地点の PS検層データを参照するとともに,観測された位相速 度および常時微動HVスペクトルのピーク周波数の整合 性の観点からS波速度構造を推定する.その際,土層の S波速度は固定して層厚を変化させる.

(ii) 各測線について,逆距離加重法<sup>12</sup>によって近傍の常時 微動観測地点の値をもとに30mピッチでピーク周波数を 推定する. 図-8のNS1-NS37, EW1-W26がピーク周波数 を推定した点である.

(iii)アレイ観測地点のS波速度構造と常時微動H/Vスペク トルのピーク周波数を参照して、測線上の推定された常 時微動H/Vスペクトルの値をもとに、層厚を変化させて ピーク周波数の整合性の観点からS波速度構造を設定す る.



図-8 検討対象地点(長尾ら<sup>1)</sup>に加筆, 〇は測線近傍のアレイ観測地点, 写真はJA9地点の被災状況)

表-2 JA9地点S波速度構造

土質区分	<i>h</i> (m)	$\rho$ (t/m <sup>3</sup> )	Vs (m/s)
粘性土	2	1.8	136
粘性土	4	1.6	80
粘性土	3.5	1.8	140
砂質土	5	1.9	200
砂質土	4	2.0	300
砂質土	4.5	2.0	380
砂質土	8	2.0	316
砂質土	8.5	2.0	320
砂礫	8	2.0	385
砂礫	15.5	2.1	478
砂礫	28	2.1	706



図-9 位相速度 (JA9)



図-10 H/Vスペクトル (JA9)

JA9地点の推定されたS波速度構造を表-2に示す. 位相 速度の観測値と表に示したS波速度構造による理論値の 比較を図-9に, H/Vスペクトルの常時微動観測値とレイ リー波基本モードの値の比較を図-10に示す. 東西, 南 北測線のピーク周波数の推定分布を図-11に示す. 距離 はNS方向は北から, EW方向は西からの距離である.



南北測線では県道28号(R28)よりも北側では概ね一 定であり、県道28号よりも南側で急激に減少し、JA9地 点で最も低い値となり、いったん増加した後再度減少す る.東西測線では全体的に西側が東側と比較して若干低 い値であるが、JA9地点が最小の地点である点では共通 している.

東西・南北各断面の有限要素モデルは図-12に示すと おりである.標高については文献13)をもとに設定した. 地下水位面については、文献14)に掲載されていたボー リングデータを参照して設定することとし、南北断面で は最北部で地表以下-15m,県道28号部で-2mとし、両者 の間は直線で地下水位面を設定した.県道28号より南側 は地表以下-2mで一定とした.東西断面は地表以下-2m で一定とした.

## 4. 地震応答解析による各地点の地震動評価

#### (1) 解析手法

2次元有限要素法による有効応力解析によって地表の 地震動を評価した.用いた解析コードはFLIP<sup>®</sup>である. 地盤物性は同手法の標準的な方法<sup>10</sup>により設定している. なお,*Vs*=200m/sの砂層は液状化対象層と扱い,液状化 パラメータを設定した.解析は上述した東西・南北断面 に対して図-3および図-4に示したKiK-net益城の *Vs*=760m/sの入射地震動のそれぞれEW成分,NS成分を底 面粘性境界に入力した.解析には各図に示した30秒間に 後続波形を含めた55秒間の波形を用いている.JA9地点 については多次元効果を検討するため、1次元モデルも



(b) JA9地点付近拡大図(南北断面)



(d) JA9地点付近拡大図(東西断面)

図-12 有限要素断面(2次元断面)



作成して検討を行った(図-13). KiK-net益城地点でも1次元モデルを作成して検討を行った.なおKiK-net益城地 点においては液状化対象層は設定していない.

## (2) 解析結果

まずKiK-net益城地点の1次元モデルによる解析結果に ついて,速度応答の比較を図-14に示す.速度波形は, 0.1Hzのハイパスフィルターを乗じることで求めている. 前震(fore),本震(main)ともに,概ね観測波形を再 現できているといえる.

JA9地点は上述の通り検討対象範囲では最も住宅被害の激しかったと考えられる地点である.本震による地表の応答として、図-15に1次元モデルによる結果を、図-16に2次元モデルによる結果を示す.





図-17 PGV分布 (2次元断面)



図-18 最大せん断ひずみ分布 (南北断面,本震, JA9近傍)



図-19 最大せん断ひずみ分布(東西断面,本震, JA9近傍)

図より、JA9地点では190cm/s程度以上の最大速度振幅 となった.また、1次元解析と2次元解析では地震応答に 差は少なく、速度応答の最大値としてはむしろ1次元解 析のほうが大きな値となった.JA9地点のS波速度構造 における近傍地点との違いは、図-12に示したように、 主にVs=300m/s以上の層厚によるものであり、地震動増 幅の観点からの近傍地点との違いは大きくなかったこと や、2次元解析では標高の違いなどを表現しているため、 1次元解析との間に若干の違いが生じたものと考えられ る.

図-17に2次元解析によるPGVの分布を示す. 図中のピ ーク周波数は図-11に示したものと同じである. JA9地点 の近傍が速度応答が大きくなっている傾向が確認できる. ただし,検討断面のなかでの応答値の違いはそれほど大 きなものではない.図-18及び図-19に,本震を対象に, JA9地点近傍の最大せん断ひずみの分布を示す.JA9地 点で他の地点と違いが大きいVs=300m/s以上の層につい ては,せん断ひずみの値に他地点と比較して大きな違い は認められない.東西断面のVs=80m/sの第2層について, JA9地点よりもその近傍地点の方が大きな値となってい る.これは地盤構造が均質でないためであると考えられ, 多次元効果はむしろJA9地点よりもその近傍の地点で影 響が大きかったといえる.なお,液状化対象層と設定し たVs=200m/sの砂層は,前震・本震いずれにおいても液 状化の状態であった.

## 5. まとめ

本研究では、2016年熊本地震により甚大な住宅被害の 生じた熊本県益城町について、特に被害の激しかった地 点を中心にした東西・南北測線について工学的基盤に至 る地盤構造を常時微動観測結果より推定し、1次元及び2 次元非線形地震応答解析によって各地点の地震動を評価 した.本研究により得られた主要な結論は以下の通りで ある.

- (1)被害の非常に激しかった地点(文献1のJA9)の地表の 最大速度は190cm/s程度以上となる結果が得られた.
- (2)JA9地点について2次元モデルと1次元モデルを比較した結果,本研究の範囲では両者の違いは僅かなものであった.これは,JA9地点のS波速度構造における近傍地点との違いが,主にVs=300m/s以上の層厚によることなどのためであると考えられる.
- (3)検討した範囲では,解析中心点(JA9地点)近傍が PGV最大の地点であり,被害の大小と整合する.ただ し,2次元解析断面における地点ごとのPGVの差は僅 かなものであった.

今後は、他の常時微動観測地点についても同様の解析

を実施し、被害の大きかったエリア全体の地震動を評価 する予定である.

謝辞:K-NETおよびKiK-netの強震観測記録については独 立行政法人防災科学技術研究所のホームページ (http://www.kik.bosai.go.jp)より入手しました.益城町の臨 時強震観測記録はHata et al.によるものを使用しました. 解析の実施にあたり、2次元解析モデルの作成等につい て神戸大学工学部市民工学科(当時)・梅田遥河氏に協 力いただきました.ここに感謝します.

#### 参考文献

- 長尾 毅, Tara Nidhi Lohani, 福島康宏, 伊藤佳洋, 北後明彦, 尾茂淳平: 2016 年熊本地震による益城町 の地震被害と地盤震動特性の相関に関する研究, 第 35回地震工学研究発表会, 2016.
- Aoi, S., Obara, K., Hori, S., Kasahara, K. and Okada, Y. : New strong-motion observation network: KiK-net, *Eos Trans. Am. Geophys. Union*, Vol. 81, 329, 2000.
- http://www.kyoshin.bosai.go.jp/kyoshin/, 平成 29 年 8 月 15 日閲覧
- Aki, K.: Space and time spectra of stationary stochastic waves, with special reference to microtremors, Bull. Earthq. Res. Inst., University of Tokyo, Vol. 35, pp. 415-456, 1957.
- Haskell, N. A.: The dispersion of surface waves on multilayered media, *Bulletin of Seismological Society of America*, Vol. 43, No. 1, pp. 17-34, 1953.
- 6) Goto H., Hata Y., Yoshimi M. and Yoshida N.: Nonlinear Site Response at KiK - net KMMH16 (Mashiki) and Heavily Damaged Sites during the 2016 Mw 7.1 Kumamoto Earthquake, Japan, Bulletin of the Seismological Society of America, Volume 107, Number 3
- (7) 安田進,山口勇:種々の不撹乱土における動的変形 特性,第 20 回土質工学研究発表会講演集, pp.539-542, 1985.
- Iai, S., Matsunaga, Y. and Kameoka, T.: Strain Space Plasticity Model for Cyclic Mobility, Soils and Foundations, Vol.32, No.2, 1-15, 1992.
- Hardin, B. O. and Drnevich, V. P. (1972): Shear Modulus and Damping in Soils: Design Equations and Curves, J. SMFD, Proc., ASCE, Vol.98, No.SM7, pp.667-692
- 10) 森田年一,井合進, Hanlong Liu,一井康二,佐藤幸 博:液状化による構造物被害予測プログラム FLIP に おいて必要な各種パラメータの簡易設定法,港湾技 研資料 No.869, 1997.
- Yoshimi, M., Y. Hata, H. Goto, T. Hosoya, S. Morita, and T. Tokumaru: Boring exploration result in Kumamoto-ken Mashiki-machi, Proc. of Fall meeting, Japanese Society for Active Fault Studies, 2016. (in Japanese)
- 12) Philip, G. M. and Watson, D. F.: A Precise Method for Determining Contoured Surfaces, *Australian Petroleum Exploration Association Journal*, Vol. 22, pp. 205-212, 1982.
- 13) http://lab.its-mo.com/glid-addr/, 平成 29 年 8 月 22 日閲 覧
- 14) (一社) 全国地質調査業協会連合会:平成 28 年(2016

# EVALUATION OF STRONG-MOTION AT MASHIKI TOWN DURING THE 2016 KUMAMOTO EARTHQUAKE BY EARTHQUAKE RESPONSE ANALYSIS

## Takashi NAGAO and Daisuke SHIBATA

The 2016 Kumamoto Earthquake caused severe damage on houses at Mashiki Town in Kumamoto Prefecture. Microtremor measurement was conducted at various sites in Mashiki Town in the previous study. In this study, S-wave velocity profiles at various sites including the most severely damaged site were estimated. Incident seismic motions at engineering bedrock of the KiK-net observation site during the Kumamoto earthquake were evaluated by the equivalent linear analysis. Both two-dimensional and onedimensional nonlinear earthquake response analysis were conducted in order to evaluate the strongmotion during the largest foreshock and mainshock of the Kumamoto Earthquake.