

# 長大吊橋鋼製主塔の耐震性能に関する解析的検討

## 遠藤和男1・河藤千尋2・運上茂樹3

1独立行政法人土木研究所耐震研究グループ主任研究員

(〒305-8516 茨城県つくば市南原1-6)

E-mail: k-endou@pwri.go.jp

2本州四国連絡橋公団長大橋技術センター技術情報課 (〒651-0088 兵庫県神戸市小野柄通4-1-22)

E-mail: kawatoh@hsba.go.jp

3独立行政法人土木研究所耐震研究グループ上席研究員 (〒305-8516 茨城県つくば市南原1-6)

E-mail: unjoh@pwri.go.jp

本文では、長大吊橋鋼製主塔を対象に、シェルモデルおよびファイバーモデルによるプッシュオーバー 解析、さらに非線形動的解析を実施し、解析モデル・手法の違いによる大規模地震時の主塔の耐荷力・変 形特性および主塔各部の損傷特性へ及ぼす影響を把握するとともに、対象とした吊橋主塔が保有する耐震 性能について検討した。プッシュオーバー解析により耐力と変位の関係、塑性化の状況を明らかにするこ とにより、主塔面内方向の非線形性の大きい領域において解析モデルの違いによる影響があることが判明 した。また、今回検討に使用した地震動レベルにおいては、解析手法の違いによる影響は小さく、検討対 象とした吊橋主塔は終局限界状態の範囲内にあることを確認した。

# *Key Words* : long-span suspension bridge steel tower, seismic performance evaluation, pushover analysis, nonlinear dynamic analysis

## 1. はじめに

兵庫県南部地震以降、一般の橋梁では、目標とす る耐震性能が線形域から非線形域へと移行しており、 大規模地震の際には部材の一部に塑性化を許容し、 ここでエネルギー吸収を図ることにより大地震に適 切に抵抗するといった塑性変形性能を考慮した設計 体系が取り入れられている<sup>1)</sup>。一方、長大吊橋の場 合、これまでの耐震設計では地震時の応答を構造物 の弾性限内に収めるといった弾性設計が行われてき た<sup>2),3)</sup>。

しかしながら、最近の海峡横断道路プロジェクト 計画では、大規模地震の発生が予想される地域にお いて長大吊橋等の建設が検討されており、地震の影 響が部材断面等の設計において支配的となり得るこ とも想定され、従来の弾性設計では合理的な設計が できない可能性もある。このような長大吊橋を合理 的かつ経済的に耐震設計するためには、建設地点に おいてまれに発生する大きな地震動に対しては機能 復旧可能な損傷は許容するが崩壊を防止することを 目標とする等、一般の橋梁と同様に部材の塑性化を 考慮した耐震設計を行うことが考えられる。このよ うな場合、必要な耐震性能を確保し適切な照査を行 うためには、大規模地震時にどこの部位にどの程度 の損傷を許容できるかといったことを明確にしてい くとともに、これをどのように性能検証していくか ということが重要となる。

一般に長大吊橋が大規模地震を受けた場合には、 鋼製主塔において想定される損傷としては、塔柱や 腹材(水平材や斜材)の断面の塑性化、局部座屈、 あるいは継手部のボルトの塑性化などが想定される。 地震後に要求される性能としては、安定を失わず、 機能復旧が可能となる損傷を考慮した場合、局部的 な部材の降伏は許容するが主塔全体としての耐荷性 能が低下しない状態であること(終局限界状態)、 地震後の使用性に影響を及ぼすような耐力低下や残 留変位が生じていないこと(使用限界状態)、必要 に応じて部材の修復や補強が可能であること(修復 限界状態)、を満足できる限界状態を考慮する必要 がある。

このような背景から、著者らはこれまで、大規模 地震に対する長大吊橋鋼製主塔の終局限界状態の設 定を目的に、ファイバー要素と3次元シェル要素を 組み合わせた解析モデルによるプッシュオーバー解 析を実施し、主塔の耐荷力性能や主塔各部の損傷特 性に関する検討をしてきた<sup>40</sup>。本文では、3次元シ



図-1 解析対象主塔一般図および塔柱断面図

ェル要素あるいはファイバー要素を用いた主塔単独 系モデルに対するプッシュオーバー解析、さらにフ ァイバー要素を用いた全橋モデルの非線形動的解析 を実施し、解析モデル・手法の違いによる主塔の耐 荷力・変形特性および主塔各部の損傷特性へ及ぼす 影響を把握するとともに、対象とした吊橋主塔が保 有する耐震性能について検討を行った。

## 2. プッシュオーバー解析

#### (1) 解析モデル

解析対象とした吊橋主塔は、中央支間長さ 2300m 程度の長大吊橋を想定して試設計された鋼製主塔で、 高さ約 290m、4 段の水平梁を有するラーメン構造で ある。図-1 に解析対象とした主塔の一般図と塔柱断 面図を示す。この主塔は常時の荷重、すなわち最大 鉛直荷重、最大塔頂水平変位に対する照査および風 荷重に対する照査を行っており、結果的には断面の 大部分は、風荷重によって決まった断面となってい る。なお、地震荷重に対する照査は行っていない。

塔柱断面は橋軸方向幅 7.6m、橋軸直角方向幅は 8.0~13.0m の 3 セル形式としている。材質は SM490Y 材および SM570 材であり、板厚は 36~45mm である。

水平梁は下から第一、第二と名付け、最上段が第 四水平梁となっており、水平梁高さは8.0~15.0mで ある。材質は塔柱との接合部付近がSM490Y材、中央 部がSM400材であり、フランジの板厚は12~18mm、 ウエブの板厚は30~45mmである。

解析は長大吊橋の主塔単独系を3次元シェル要素 (シェルモデル)およびファイバー要素(ファイバー モデル)により橋軸直角方向(面内方向)と橋軸方 向(面外方向)の4つの解析モデルを作った。梁-柱接合部は、十分な耐力を有しており、地震時にも 健全であると仮定し、剛域としてモデル化した。

鋼材の応力-ひずみ関係はバイリニアとし、2次 勾配は1/100とした。また3次元シェル要素を用いた 解析モデルは、主塔構造形状の対称性と解析時間の 短縮のため、面内方向解析、面外方向解析ともに構



図-2 シェルモデル (プッシュオーバー解析用)

造物の半分をモデル化した。図-2に面外、面内方向の解析に用いたシェルモデルを示す。

塔頂は実際にはケーブルによって拘束されており その影響を考慮するため、橋軸方向には弾性支持さ れているものとして、ケーブルの拘束力と等価な水 平ばねを塔頂に取り付けた。橋軸直角方向について は、ケーブルによる拘束は考慮していない。

## (2) 解析手法

解析方法は、主塔の自重とケーブル反力を載荷し た状態を初期状態として、この状態から地震荷重を 漸増載荷(プッシュオーバー解析)する方法とした。 吊橋のようなフレキシブルな橋梁では、材料の非線



形性だけでなく幾何学的な非線形性も無視できない ため、材料非線形性と有限変位を考慮した弾塑性有 限変位解析を行った。

地震荷重は、別途行った吊橋全体系の時刻歴線形動的解析によって得られた主塔基部の曲げモーメントが最大となる時刻の慣性力分布を用いた。なおこの動的解析には、後述する非線形動的解析と同じ入力地震動を用いた。図-3 に慣性力分布図を示す。慣性力を作用させる位置はシェルモデルに関してはダイアフラム中心位置に、ファイバーモデルに関しては節点位置に載荷した。塔頂部分には、柱の慣性力に加えてケーブル反力の変動分も考慮している。

### (3) 解析結果

図-4 に荷重を載荷したときの水平荷重と水平変位の関係を示す。この水平荷重 P は主塔に載荷した荷 重の合計値である。水平変位δは、主塔面内方向で は塔頂、主塔面外方向では最大変位発生位置での値 である。図中のδ<sub>y</sub>は、荷重をシェルモデルに載荷し たときに、主塔のどこかに最初の塑性域が生じたと きの値であり、面内方向では塔頂の水平変位が約 1.3m に達し第一水平梁に塑性域が生じ始めた時、面 外方向では最大変位発生位置の水平変位が約1.9m に達し塔中間部に塑性域が生じ始めた時をδ<sub>y</sub>として いる。図中には、後述する非線形動的解析での最大 応答変位も示している。ファイバーモデルによる解 析結果は、系の剛性が負となる直前の安定した解が 得られる状態までを表示している。

面内方向のシェルモデルでは、 $\delta=1.5\delta_y$ 程度まで は水平変位と水平荷重の関係は比例関係になってお り、主塔全体系として剛性低下は生じていない。 $\delta$ =1.5 $\delta_y$ 付近から主塔全体剛性の低下が現れ始め、 $\delta$ =3 $\delta_y$ 以降では水平変位が増加してもほとんど水平 荷重の増加はない。そして最大耐力は $\delta=5.5\delta_y$ で現 れる。また最大耐力から水平荷重が95%に低下した ときの水平変位はそれぞれ10.5 $\delta_y$ 程度となっており、 最大耐力以降も急激に水平荷重は低下していない。 最大耐力 Pmax は水平変位 $\delta=\delta_y$ の時の約1.9 倍とな っている。一方、ファイバーモデルでは、水平変位



δが 1.58y付近まではほぼシェルモデルと同等である が、それを超えると乖離が生じ、最大耐力はシェル モデルを上回る結果となった。

面外方向のシェルモデルでは、水平変位が 1.5 $\delta_y$ を越えると剛性の低下が見られ、 $\delta=2\delta_y$ を越えると 水平荷重の増加はわずかとなる。最大耐力は $\delta=2$ .7 $\delta_y$ で生じ、最大耐力の 95%に低下したときの水平 変位はそれぞれ 3.2 $\delta_y$ となっている。最大耐力 Pmax は水平変位 $\delta=\delta_y$ の時の約 1.9 倍となっている。一 方、ファイバーモデルでは、シェルモデルより多少 最大耐力が下がるが、全体的な傾向は概ね一致して いると言える。



**図-5** に面内方向はδ=3δ<sub>y</sub>時、面外方向はδ=2.5δ<sub>y</sub>時 (後述の動的解析最大水平変位時)の変形状態の 比較(変形倍率:15倍)を示す。

面内方向では、シェルモデル水平梁の局所的な変 形が見受けられ、シェルモデル塔柱の変形が大きく なっている。一方、面外方向では、シェルモデルと ファイバーモデルでほぼ同じ変形状態を示している。

図-6 に慣性力の増大とともに塑性化していく範囲を示す。図中の赤で表示されているところが、 von-Mises の相当応力により塑性化したと判定された領域である。また後述する非線形動的解析での結果も併せて示している。

面内方向のシェルモデルでは、まず第一水平梁中 央付近に塑性域が発生し、変形が進むにつれて第二 水平梁、第三水平梁の順で塑性化して行く。 $\delta=2\delta_y$ 付近では、圧縮側塔柱基部を中心に、塔柱にも塑性 化域が発生する。一方、ファイバーモデルでは、 $\delta$ =1.4 $\delta_y$ でも塑性域は発生せず、 $\delta=2\delta_y$ 付近で圧縮 側塔柱および第二水平梁、第三水平梁端部に塑性域 が発生する。

面外方向のシェルモデルでは、最初に第三水平梁 下側部分に塑性域が発生し、 $\delta=2\delta_y$ 付近では第三水 平梁の上側および塔基部も塑性化する。一方、ファ イバーモデルでは、 $\delta=\delta_y$ では塑性部材は無いが、 変形が進むにつれてシェルモデルとほぼ同じ範囲で 塑性域が発生する。

図-7 にシェルモデルとファイバーモデルによる応

答ひずみの比較を示す。応答ひずみは、荷重載荷方 向に対して直角面のフランジでのひずみを降伏ひず みɛ, で無次元化しており、図中に示すように高さ方 向に代表的な部材を抽出して表示している。

面内方向では、 $\delta = \delta_y$ ではシェルモデルとファイ バーモデルでほぼ等しいひずみが発生しているが、 変形が進むにつれて圧縮側フランジにおいて乖離が 生じ、ファイバーモデルでより大きなひずみが発生 している。 $\delta = 3\delta_y$ 時の塔基部圧縮側フランジにおい て、シェルモデルでは降伏ひずみの2倍程度である のに対し、ファイバーモデルでは5倍程度のひずみ が発生している。面外方向では、 $\delta = 2.5\delta_y$ 時(後述 の動的解析最大水平変位時)に圧縮側フランジにお いて多少ばらつきは見られるものの、シェルモデル とファイバーモデルで概ね同程度のひずみが発生し ている。

#### (4) 解析モデルの違いによる影響

シェルモデルおよびファイバーモデルを用いたプ ッシュオーバー解析を実施し、水平荷重-水平変位 関係、変形状態、損傷過程および応答ひずみに関す る比較を行った。これより解析モデルの違いが主塔 の耐荷力・変形特性、主塔各部の損傷特性へ及ぼす 影響を把握する。

面内方向に関しては、δ=1.5δy程度までは水平荷 重-水平変位関係、損傷過程、応答ひずみにおいて 解析モデルの違いによる影響は小さいが、それ以降



図-7 応答ひずみの比較



図-8 水平梁のせん断損傷

へ変形が進むと大きな乖離が生じる。これは、水平 梁は支間に比較して梁の高さが大きくせん断変形が 卓越する部材であるが、ファイバーモデルではせん 断変形に伴う非線形性を考慮できないため、図-8に 示すようなシェルモデルで発生する水平梁のせん断 損傷を再現出来ていないことによるものと思われる。 水平梁のせん断損傷により水平梁の塔柱への拘束が 小さくなったため、水平荷重-水平変位関係におい て、シェルモデルではファイバーモデルに対してる =1.58<sub>y</sub>以降に主塔全体の剛性が低下したものと考え られる。ただし水平梁のせん断損傷発生が塔柱 全体の不安定現象には直接結びつかず、せん断損傷 発生以降も大きな変形性能を有している。ファイバ ーモデルによる解析は、シェルモデルを用いた解析 に対して最大耐力を高く評価するため、 $\delta$ =1.58<sub>y</sub>以 降の領域で耐震性能の照査を行う際には危険側の結



果を与える可能性があることに留意しなければなら ない。

一方、面外方向に関しては、細かい損傷過程、応 答ひずみは多少異なるが、水平荷重-水平変位関係、 変形状態は概ね一致している。また最大耐力はシェ ルモデルよりファイバーモデルの方が多少小さめに 評価されるため、ファイバーモデルによる解析は安 全側の結果を与えると言える。

## 3. 非線形動的解析

### (1) 解析モデル

解析対象とした吊橋は前述のプッシュオーバー解 析と同じであるが、3次元シェル要素を用いた解析 モデルによる動的解析は煩雑かつ非実用的であるた め、ここでは主塔部分にファイバー要素を用いた3 次元全橋モデルによる非線形動的解析を行った。 図-9に解析モデルを示す。主塔部分の鋼材の応力-ひずみ関係、要素分割等は、前述のプッシュオーバ 一解析に使用した解析モデルと同様である。

#### (2) 解析手法

解析に用いた入力地震動の加速度応答スペクトル を図-10に示す。解析方法にはNewmark-β法による直 接積分法を用いた。またプッシュオーバー解析と同 様に、材料非線形に加えて幾何学的非線形を考慮す るため、初期軸力による幾何剛性の影響を考慮した 弾塑性線形化有限変位解析を行った。減衰は Rayleigh型減衰を仮定した。

#### (3) 解析結果

図-4に示したように最大応答水平変位は、面内方 向で1.78mとなり、シェルモデルによるプッシュオ ーバー解析の初期降伏変位(δ<sub>y</sub>)の1.4倍であったの に対し、面外方向で3.42mとδ<sub>y</sub>の2.5倍になり、大き



く非線形領域に入っていることがわかる。

図-11に動的解析最大水平変位時のファイバーモデルによるプッシュオーバー解析との変形状態の比較(変形倍率:15倍)を示す。面内、面外方向ともプッシュオーバー解析と動的解析でほぼ同じ変形状態を示している。

図-5に示したように損傷の進展状況は、面内方向 では線形域に留まっているのに対し、面外方向では 塔基部あるいは第三水平梁下側付近に塑性域が発生 し、その範囲は時間の経過とともに拡がっていく。 図-12に動的解析最大水平変位時のファイバーモ デルによるプッシュオーバー解析との応答ひずみの 比較を示す。図中の△印は図-7と同様である。面内 方向では、プッシュオーバー解析、動的解析ともほ ぼ同様なひずみが発生している。面外方向でも、引 張側フランジの一部で正負の符号が逆転している部 材も見受けられるが、それ以外の部材では概ね同程 度の応答ひずみとなっている。

## 4. プッシュオーバー解析と非線形動的解析の 比較および耐震性能照査

ファイバーモデルを用いたプッシュオーバー解析 および非線形動的解析を実施し、変形状態、損傷過 程および応答ひずみに関する比較を行った。これよ り解析手法の違いが主塔の耐荷力・変形特性、主塔 各部の損傷特性へ及ぼす影響を把握するとともに、 検討対象とした吊橋が保有する耐震性能について検 討する。

面内、面外方向とも変形状態、損傷過程および応 答ひずみにおいてプッシュオーバー解析と非線形動 的解析はほぼ同じ結果を示した。面外方向の引張側 フランジの応答ひずみにおいて、動的解析の交番荷 重載荷により発生した累積ひずみの影響により正負 符号の逆転している部材が一部で見受けられるが、 耐震性能照査上問題となるのは絶対値の大きい圧縮 側フランジの応答ひずみであると考えられる。従っ て、今回検討に用いた地震動レベルにおいて、解析 手法の違いによる影響は小さいものと言える。

一般に長大橋梁の大規模地震時の耐震性能照査に は、局部座屈、せん断損傷等を考慮できるシェルモ デルを用いたプッシュオーバー解析により求められ る耐荷力・変形特性、主塔各部の損傷特性に基づき 耐震設計上許容できる損傷度を定め、はりモデル等 を用いた非線形動的解析より得られる応答値がその 許容値以内に入っているかを照査するという手順を とることが考えられる<sup>5</sup>。

面内方向において、前述のようにδ=1.5δ,程度ま での応答では解析モデルによる主塔の耐荷力・変形 特性、主塔各部の損傷特性へ及ぼす影響は少なく、 解析手法の違いによる影響も小さいことから、今回 の地震動レベルにおいて解析対象とした吊橋主塔は 終局限界状態の範囲内にあると言える。面外方向に おいても、ファイバーモデルを用いた解析はシェル モデルを用いた解析と比較して安全側の結果を与え、 解析手法の違いによる影響も小さいことから主塔全 体の安定性が失われることは無いものと思われる。

ただし面内方向において、今回検討に使用した地 震動レベルを超えるような想定外の地震動に対する 耐震性能照査を実施する場合には、δ=1.5δy以降の 領域まで応答することになり、ファイバーモデルは シェルモデルに対して危険側のプッシュオーバー解 析結果を与える可能性があること、さらにプッシュ オーバー解析と非線形動的解析との整合性が未確認 であることから注意を要する。

## 5. まとめ

長大吊橋鋼製主塔を対象に、塔単独系のシェルモ デルおよびファイバーモデルによるプッシュオーバ 一解析、さらに3次元全橋モデルによる非線形動的 解析を実施し、解析モデル・手法の違いによる主塔 の耐荷力・変形特性、主塔各部の損傷特性に及ぼす 影響を把握するとともに、検討対象とした吊橋主塔 が保有する耐震性能について検討した。

ここでの検討結果を以下に示す。

1) 耐荷力·変形特性

シェルモデルを用いたプッシュオーバー解析結果 より、面内方向では、水平変位 $\delta$ が 1.5 $\delta$ ,を超過する 付近から全体系の剛性が低下し始め、その後、水平 変位の増加に伴う水平荷重の増加は小さくなり、水 平変位 $\delta$ =5.5 $\delta$ ,のとき最大荷重に達した。面外方向 では、水平変位 $\delta$ が 1.5 $\delta$ ,を越えると剛性の低下が見 られ、 $\delta$ =2 $\delta$ ,を越えると水平荷重の増加はわずかと なり、 $\delta$ =2.7 $\delta$ ,で最大荷重に達した。

2) 解析モデルの違いによる影響

面内方向に関しては、 $\delta$ =1.5 $\delta_y$ 程度までは水平荷 重-水平変位関係、損傷過程、応答ひずみにおいて 解析モデルの違いによる影響は小さいが、それ以降 へ変形が進むと、水平梁でのせん断損傷の発生によ り大きな乖離が生じる。ファイバーモデルによる解 析は、 $\delta$ =1.5 $\delta_y$ 以降の領域で耐震性能の照査を行う 際にはシェルモデルを用いた解析に対して危険側の 結果を与える可能性がある。

面外方向に関しては、細かい損傷過程、応答ひず みは異なるが、水平荷重-水平変位関係、変形状態 は概ね一致する。ファイバーモデルによる解析は、 シェルモデルを用いた解析に対して安全側の結果を 与える。

3) 解析手法の違いによる影響

面内、面外方向とも変形状態、損傷過程および応 答ひずみにおいてプッシュオーバー解析と非線形動 的解析はほぼ同じ結果を示し、今回検討に用いた地 震動レベルにおいては解析手法の違いが耐荷力・変 形特性、主塔各部の損傷特性に与える影響は小さい。 4) 耐震性能照査

今回検討に使用した地震動レベルにおいては、面 内、面外方向とも終局限界状態の範囲内にある。た だし面内方向において、これを超える想定外の地震 動に対する耐震性能照査を実施する場合には、ファ イバーモデルはシェルモデルに対して危険側のプッ シュオーバー解析結果を与える可能性があること、 さらにプッシュオーバー解析と非線形動的解析との 整合性が未確認であることから注意する必要がある。

## 参考文献

- 1) 日本道路協会:道路橋示方書・同解説V耐震設計編、 丸善、2002.3
- 例えば、本州四国連絡橋公団:耐震設計基準・同解説、 1977.3
- 3)本州四国連絡橋公団:明石海峡大橋上部構造耐震設計 要領(案)、1989
- 4) 河藤千尋、運上茂樹:長大吊橋主塔の地震時限界状態 に関する解析的研究、構造工学論文集、Vol.49A、 pp.581-590、2003
- 5) 沈赤、矢部正明:鋼斜張橋の耐震性評価の一提案、第 3回鋼構造物の非線形数値解析と耐震設計の応用に関 する論文集、pp.183-190、2000

(2003.6.30 受付)

## ANALYTICAL STUDY ON SEISMIC PERFORMANCE EVALUATION OF LONG-SPAN SUSPENSION BRIDGE STEEL TOWER

## Kazuo ENDO, Chihiro KAWATOH and Shigeki UNJOH

In this paper, pushover analyses using two types of analytical model with shell and fiber elements, and nonlinear dynamic analyses are performed to investigate the limit state of a long-span suspension bridge steel tower against large scale earthquakes and to identify the difference of the strength and damage characteristics obtained from different analytical models and methods. The results show that the model tower has a certain ductility capacity exceeding the yield point. Furthermore, although different analytical models result in different seismic performance, the results obtained using different analytical methods show good agreement.