

吊橋の耐震性に関する検討

東大生研 囲本屏三、○久保慶三郎、伯野元彦

橋梁に関する設計震度として鋼道路橋設計手引書15年では、「普通の地盤で、やや良好な3地盤では水平0.15、鉛直0.1」と定められているが、吊橋は他の形式の橋と異り、振動しやすい構造であるから、その耐震性を考えるときは、動力学的に検討する必要があるものと考えられる。このためには先づ計画地震を想定しなければならない。

地震動を正弦振動とかきかえて考えるとは色々と問題を抱えるが、架橋地盤の強震記録がない場合には、地震動が明白ではないので、近似的に地震動と正弦振動とかきかえ等とは耐震計算を行った場合の常套の手段であるので、計画地震はこれを一定の時間継続する正弦振動であるとし、その振巾、周期、および継続時間は次の資料などに考え方によるとある。

- (1) 道路橋設計手引書
- (2) 沢角博士の最高震度期待値。
- (3) エネルギー等配分則
- (4) 超越周期、考え方。
- (5) 地震の主要動の継続時間 等である。

しかしながら現在のところ、地震動の周期と振巾とを明確に定めた理論がない。そこで上の資料等から、常時微動の観測結果の周期頻度曲線が flat な地盤、換言すれば、明白な卓越周期が存在しないような地盤では、エネルギー等配分則を考慮し、近似的に地盤による慣性を等しくとあくと、加速度 α 、周期 T との関係は

$$\alpha = K T^{-1}$$

の関係があると考える。ここで K は比例常数である。卓越周期の明白に存在する地盤では上の関係は多少修正しなければならない。吊橋自身はやはり共振時に一番大きな力、たわみが発生し、かつ減衰係数は少々 α^2 、吊橋の場合、 T としては吊橋の各種の mode の固有周期をとることとする。

橋軸方向の水平地震動の振巾、周期は上の α と T つまり αT である。次は吊橋の応力、たわみを求める式を求めるよいか? この計算は次の仮定で行ったものとする。

- (1) 左右両岸の基礎部は 180° 位相の異なる振動を $1/2 \sim 3$ 。これは模型による実験のとき、両岸の基礎部の位相が 180° 違うとき最大応力、最大たわみがえられる。ただし、大スパンの吊橋の場合には両岸の基礎部の地位が異なり、更に基礎部間の距離が大きいことによって、位相が異なる可能性があることをもとから仮定する。 180° は最も危険側の計算である。

(2) 固有周期の計算は F. Bleich の教科書の式を使えばよい。

- (3) 正弦振動の継続時間が大きいほど α は小さく、吊橋の振動振巾も成長して $\alpha < \alpha'$ 、地震動が α' になつたとすれば、振動は次第に消滅していく。one mass system では

よりこの成長率を計算すると、その方程式は

$$\ddot{y} + 2\eta \dot{y} + \rho^2 y = f \sin \omega t$$

であるから、共振時、すなはて $\rho = \omega$ の場合について、 $\alpha = 0.2$ $y = 0$, $\dot{y} = 0$ の条件で

$$y = -\frac{f}{2\eta\rho} (1 - e^{-\eta t}) \cos \omega t$$

となる。尤も正弦振動の継続時間とすると、この中に61%を示す波の高さ N は $N = \rho t / 2\pi$ であるから、成長率は $(1 - e^{-2\eta t N})^{-1/2}$ と表される。

(4) 計画地震には常時計画地震と震帯計画地震の2種類とし、前者に対しては橋梁各部に破壊の有無をとるよう、充分な復元性をもたらし、後者に対しては崩壊を示すかの程度の強度をもたらせることとする。

若戸橋の設計について、以上の方程式を適用して得たものと比較してみた。振巾をきめる $\alpha = KT^{-1}$ における K の値は既往の地震被害、最高震度期待値、設計両方考慮して $K = 90$ とし、正弦振動継続時間とし安全率を 15 秒とする。これらの仮定のもとで、塔および補剛筋、ケーブル、ハンガー、および補剛筋端と塔との clearance をつけて検討した結果、下に括弧内表記とくわづ石。左が abutment のすべり出し、Cable の anchorage 等につける検討結果であるが、これらは吊橋にとって致命的なものである。他の部分の安全率より大きな安全率を持つように設計しなければならぬ(図53)。

塔および補剛筋。

振動形	固有周期	加速度	振巾	成長率	Δ	Δ_u	b	b _u
1次対称	3.3秒	27.3 gal	7.53 cm	15%	0.60	2.40	7.22 m	7.30 m
2次対称	2.1	42.8	4.7	20	0.032		0.72 m	1.62
1次逆対称	4.0	22.0	9.4	11			0.26	

ケーブル

振動形	固有周期	加速度	振巾	成長率	T	T _u
1次対称	3.3秒	27.3 gal	7.53 cm	15%	14,100 ton	18,000 ton

ハニカム

振動形	固有周期	加速度	振巾	成長率	D	D _u
1次対称	3.3秒	27.3 gal	7.53 cm	15%	244 ton	401 ton

橋脚と塔の clearance

振動形	固有周期	加速度	振巾	成長率	D	D _u
横振れ	6.1秒	15 gal	13.5 cm	31%	0.41 m	0.30 m
1次対称	4.0	22	9.4 cm	11%	0.136	0.30