# 矩形断面容器におけるスロッシング1次・2次モードの対策案に関する検討

Research on Sloshing Measures of First and Second Modes on Rectangular Section Container

池田 達哉\*・井田 剛史\*\*・平野 廣和\*\*\*・佐藤 尚次\*\*\*\*

Tatsuya IKEDA, Tsuyoshi IDA, Hirokazu HIRANO and Naotsugu SATO

\*修士(工学)中日本高速道路㈱ 名古屋支社(〒395-0151 飯田市北方 856-1:研究当時 中央大学大学院)
\*\*博士(工学)㈱+川ゴム 研究開発部(〒599-8244 大阪府堺市中区上之 516)
\*\*\*工博 中央大学総合政策学部 教授(〒192-0393 東京都八王子市東中野 742-1)
\*\*\*\*工博 中央大学理工学部土木工学科 教授(〒112-8551 東京都文京区春日 1-13-27)

The sloshing phenomenon might be caused by long-period ground motion. As a result of it, the storage liquid might overflow. The pool of the nuclear waste storage overflowed due to the Niigata Chuetsuoki Earthquake is the recent case. In this paper, shaking experimentation was conducted by setting up small tank of rectangular section on shaking table to make this cause clear. In addition, the effect of setting the net in small tank inside as one of sloshing measurement is explained.

Key Words : sloshing, noncontact measures, rectangular section, long-period ground motion

# 1. はじめに

2007年7月に発生した新潟県中越沖地震(M6.8) で、東京電力㈱柏崎刈羽原子力発電所内の使用済 み核燃料貯蔵プール水が、オペレーティングフロ ア(管理区域)の全域にわたり溢れ出した.この 状況が3号機に設置されているビデオカメラの映 像記録より確認されている.これによると地震発 生時に使用済み核燃料貯蔵プール水が大きく波 打ち、水面と床の高さが30cm あったが、この高 さを越える勢いで放射線管理区域外へ溢流した<sup>1)</sup>. 幸いにも発電所外及び発電所内における放射性 物質の影響はなかったと報告されている.この原 因の一つとして、地震動によりスロッシング現象 が生じたのではないかと推定されている.

スロッシング現象による被害は、1964年新潟地 震などにおいて度々発生しており、1983年の日本 海中部地震でもタンクの浮き屋根や周辺設備等に 被害の発生が確認<sup>2)</sup>されている.さらに、2003年 の十勝沖地震では石油タンク火災2基、浮屋根沈 没7基などの甚大な被害を被った.地震時に発生 した第一火災では、リング火災、タンクヤード、 タンク直近配管の3カ所で火災があった<sup>3)</sup>.

一方, 地震発生が近いと言われている宮城県沖

地震,東海地震,東南海地震,南海地震等の海溝 型地震,一部の直下型活断層型地震などは,2~20 秒のやや長周期の地震を強く励起する可能性が高 いと予測されている.その際,大型容器の内溶液 が放射性物質や汚染物質であれば,溢流した場合 には甚大な被害が生じる可能性が高い.そのため, 円筒形である石油タンク,核燃料貯蔵プールなど の矩形水槽をはじめとして,各種大型容器におけ るスロッシング現象の把握<sup>4)</sup>,さらにはスロッシ ング対策の必要性が挙げられ,浮き屋根の減衰対 策<sup>5)</sup>や溢流の把握<sup>6</sup>に代表される各種の研究がな されている.

これを受けて我々研究グループ<sup>7)</sup>では,東京電 力㈱柏崎刈羽原子力発電所内の使用済み核燃料貯 蔵プールの縮尺約 1/20 に相当する矩形断面容器 を用いて,スロッシングの1次モードを中心に検 討を行ってきた.この成果の一つでスロッシング 対策案として,金網を容器内水槽中心部に設置す ることで,起振中の波高を抑制することができ, かつ減衰も増大することを確認した.具体的には スロッシング1次モードにおいて上昇側の最大波 高は約 40%の低減であり,また減衰定数は約3倍 の増加である.

しかしながら実際に使用済み核燃料貯蔵プール

で発生したスロッシングと思われる現象は,各種 映像や矩形容器と仮定したスロッシング解析結 果より1次ならびに2次モードが複合的に生じた と推定されるに至った<sup>8)</sup>.そこで本論文は,最大 応答波高を示す1次モードに加えて,1次モード よりも砕波しやすく,かつ溢流する可能性が高い 2次モードまで対象を拡げ,スロッシング減衰対 策に関して検討を行うこととする.具体的には, 水槽の大きさを従来の研究の2倍の縮尺約1/10 とし,さらに2次モードに対応させるために容器 内に金網を複数枚設置して実験を行うこととす る.

また,液体挙動把握及び応答波高算出の一つの 方法として,デジタルビデオカメラ(以下 DVC) を用いた非接触計測から,水槽側壁端部での液体 の振動特性把握を行い,スロッシング減衰対策に 関して検討を行う.さらに,縮尺の影響を把握す るため,約1/10,1/20縮尺での加振実験結果の比 較を行い,縮尺による影響が少ないことを確認し, 本論文で提案する対策案の有効性の確認を行う ものである.

# 2. 実験概要

## 2.1 矩形水槽モデル

本実験に用いた矩形水槽モデルは, 溢流した使 用済み核燃料貯蔵プールの約 1/10 縮尺の水槽で ある. 内側部寸法 1,000(起振方向)×1,100(奥行方 向) mm, 高さ 750mm, 厚み 10mm の PVC 製であ り, 水を 300mm まで満たしている. これらの水 槽を振動台にボルトで固定する. 実験状況を写真 -1 に示す.

なお, 縮尺影響の比較のために既に研究結果<sup>7)</sup> として示した約 1/20 縮尺モデルは, 内側部寸法 580(起振方向)×280(奥行方向)mm, 高さ 330mm, 厚み 10mm の小型矩形断面容器を採用している. これに 220mm まで水を満たす.

## 2.2 金網による減衰機構

大型容器におけるスロッシング対策は,これま で様々な検討が行われており,この中で自由表面 を有する矩形断面は,抵抗板を利用する方法が代 表的な方法である.この方法は,流れ場を直接コ ントロールする方法であり,機械的な要素が無く 単純かつ安定した制振効果が期待できる.例えば 自由表面付近に側壁から水平に抵抗板を設置した もの<sup>9</sup>,鉛直方向に抵抗板を配置してここで生じ



写真-1 実験状況(約1/10縮尺モデル)

表-1 使用した金網の諸元

	type1	type2	type3
線径(mm)	2.0	1.6	1.4
目合い(mm)	4.4	4.8	5.0
開口率(%)	46.9	56.0	60.8

る渦により減衰効果を得るもの<sup>10</sup>などがある.し かし、これらは新設の構造物には設置し易いが、 既存の構造物に設置する場合は、プールの水を抜 くなどの施工上十分検討しなくてはならない課題 が残っている.

これに対して本論文で提案する方法は、プール 内に金網を設置する方法である.この方法は、や や長周期の固有振動数を有する構造物の卓越した 振動方向の制振装置として開発されたスロッシン グダンパーの考え方<sup>11)</sup>を応用したものである.本 法は構造がシンプルであり,機械的な摩擦が無い ので微振動から効果を発揮する特徴を有している. また、既存のプールなどに設置する場合は、一つ の設置方法としてフレームに設置した状態で天井 クレーン等を用いて水中へ降ろし、側壁などに固 定する方法など簡単な施工ができる. この方法に より期待できる効果は、スロッシングにより液体 揺動が生じた時、液体が金網を通過するときに抵 抗力が生じ,水の粘性が見掛け上大きくなること である.これにより減衰が大幅に付加され、流速 を抑えて波高を低減することができる.

本論文で用いた金網は、十分な剛性を有する亜 鉛引織金網であり、広く一般に入手可能なもので ある.表-1に金網の諸元を示す.ここで、金網の 開口率は、各々46.9%、56.0%、60.8%とする.金 網は、水槽の上下にL型アングル材を設置して固 定し、起振方向に対して垂直に水槽を4等分する 形で3枚設置する.

## 2.3 計測項目

水槽端部における応答波高を算出するために, 水槽前面から1,200mm離れた所にDVCを設置す る.そして,水槽端部を撮影した映像データを パソコンに取り込み,1コマ1/30秒のコマ送り 機能を用いて,実単位での応答波高を算出する. さらに全体の水面形を把握するために<sup>7)</sup>,水槽前 面から2,300mm,水槽側壁から1,600mm離れた 所にも別途 DVC を設置する.

# 2.4 固有振動数の確認

一般に矩形水槽のスロッシング n 次の固有振 動数 f (Hz) は,水深 H(m)と起振方向の幅 L(m) の関係から算出することができ,式(1)の理論式 <sup>12)</sup>で表せられる.

$$f(Hz) = \frac{1}{2\pi} \cdot \sqrt{\frac{(2n-1) \cdot \pi \cdot g}{L} \cdot \tanh\left(\frac{(2n-1) \cdot \pi \cdot H}{L}\right)}$$
(1)

式(1)より,実験で用いた容器のスロッシング1次,2次モード振動数の理論値は,表-2に示すように,それぞれ0.76Hz,1.52Hzである.

表-3(1)に式(1)で示される理論値と比較のた めの加振条件を示す.加振実験は,矩形水槽を ボルトで固定した振動台に,変位制御の正弦波 加振で行う.式(1)より,1次は0.76Hz,2次は 1.52Hzの±0.15Hzの範囲で,加振回数を20回と 統一して,片振幅1.0,2.0,3.0mm,加振する. ここで複数の振幅を選んだのは,研究<sup>つ</sup>で論じた 減衰定数に振幅依存性が少ないことを再度確認 するためである.

## 2.5 対策を施した実験の条件設定

前節での実験値と理論値とを比較して確認を 行った上で,対策案である金網設置による加振 実験を行い,対策無との比較を行う.ここで表 -3(2)に示すように,対策案有無での加振条件は, 1 次モード振動数は 0.73~0.79Hz,2 次モードは 1.49~1.55Hz までを 0.01Hz 刻みで,加振回数は 20 回に統一して行う.なお振幅は,波高の差が生 じ易くかつこの矩形容器での溢流限界を考慮して 片振幅 3.0mm とする.

# 3. 実験結果

#### 3.1 スロッシング挙動の確認

スロッシングの 1,2 次モード振動数(理論値) との確認をするため、制御可能で、波高の差異が

表-2 スロッシング 1,2 次モードの振動数理論値

起振方向幅(mm)	水深(mm)	1次モード(Hz)	2次モード(Hz)
1,000	300	0.76	1.52

表-3 振動装置の加振条件

振動数(Hz)	0.61~0.91 1.37~1.67	振動数(Hz)	0.73~0.79 1.49~1.55
振幅(mm)	$\pm 1.0, 2.0, 3.0$	振幅(mm)	±3.0
加振回数(回)	20	加振回数(回)	20



図-1 最大応答波高と入力振動数の関係(加振振幅 2mm)

確認しやすい表-3(1)に示す起振条件で正弦波加 振を行う.代表的な例として加振振幅 2mm の時 の振動数と発生する上昇側の最大応答波高の関係 を図-1に示す.ここで水深は300mmであるので, 理論値はそれぞれ0.76Hz,1.52Hzである.一方, 実験値での上昇側の最大応答波高の生じた固有振 動数は、1次、2次それぞれ0.76Hz、1.52Hzであ る.これより理論値と実験値が一致していること が確認できる.

1 次モードに関しては,入力振動数 0.76Hz で最 大応答波高 17.6cm を示したが,0.73Hz では 3.9cm, 0.79Hz では 5.0cm を示した.これより,理論値で ある 0.76Hz とこの前後の振動数域を比較すると,









1 次モードの場合,上昇側の発生応答波高が大き く異なっていることが確認できる.

一方,2次モードでの上昇側の最大応答波高を 示した振動数は、1.52Hzではある.これと1次モ ードと比較すると2次モードは鋭いピークを示さ ず、1.49~1.53Hzの間で最大応答波高約6cmのな だらかな上昇側の応答波高を示している.さらに 式(1)から水深を変化させても顕著な差がないこ とを考慮すると、2次モードの場合は、共振振動 数を特定するのではなく、ある範囲の共振振動数 を見出してからモード形状に即した対策、具体的 にはモードの節が生じる部分に網を設置する方法 が得策と考える.

### 3.2 1次モードにおける応答波高の比較

図-2(1)~(7)に1次モード共振域における対策 有無の加振振幅 3mm の応答波高波形を示す.対 策案として typel の応答波高波形を示す.対策無, typel ともに起振開始から徐々に波高が増加して いる.

理論値である図-2(4)の入力振動数 0.76Hz にお いて,対策無は起振終了後自由振動となってから 60 秒経過したにも関わらず, -10~+20cm 程度 の波高が生じており,さらに一度揺動し始めると 容易に減衰しないことが確認できる.type1では, 起振開始から 8 秒程度経過した時の上昇側の応答 波高は 3.3cm であり,その後上昇時の勾配が対策 無と比較すると緩やかで,起振中から波高を抑制 している.さらに,10 秒程度で液面挙動がほぼ終 息していることがわかる.

次に図-3に1次モード共振域での上昇側の最大 応答波高を示す.ここで,横軸は上昇側の最大応 答波高を示した入力振動数 $f_0$  (0.76Hz)で各入力振 動数を除して無次元化したものを採用する.対策 無の場合は, $f/f_0=1.0$ における上昇側の最大応答波 高は 28.1cm であったのに対して,金網設置による 上昇側の最大応答波高は type1 では 3.6cm, type2 は 4.0cm,そして type3 では 4.4cm となった. type1 における上昇側の波高低減率は,本実験では 87% である.

# 3.3 2次モードにおける応答波高の比較

図-4(1)~(7)に2次モード共振域における対策 有無での加振振幅 3mm における上昇側の応答波 高波形を示す.対策案として type1 の上昇側の応 答波高波形を示す.対策無の場合は,起振中に波 高が徐々に増加し,自由振動となってからはビー ト状態になりながら減衰する.この挙動は,理論









(2) スロッシング 2 次モード共振域 図-7 各入力振動数における減衰定数

値に近い入力振動数において顕著に見られる.と ころで,理論値である図-4(4)の入力振動数 1.52Hzは,上昇側の最大応答波高は起振終了前後 に生じるのではなく,起振終了後20秒経過した所 で生じる.これは,自由振動へ移行してから水槽 内の流れに平面方向の回転挙動が生じ,かつ計測 ポイントである水槽側壁端部では側壁からの反射 波との干渉が生じ,そのため応答波高が高くなり, ビート状の波高応答を示したためである.一方, type1 は起振終了後ビート状態ではなく,20秒程 度で液面挙動がほぼ停止していることがわかる. 図-5に2次モード共振域での上昇側の最大応答 波高を示す.図-3同様に横軸は, f<sub>0</sub>(1.52Hz)で除し て無次元化している.対策無の場合は f/f<sub>o</sub>=1.0 に おける上昇側の最大応答波高は 13.7cm を示した. 一方,金網設置による上昇側の最大応答波高は, type1 では 4.8cm, type2 は 5.4cm, そして type3 で

は 5.7cm であり,対策無と typel を比較すると波 高低減率は 65%である.

ここで、座間らの研究<sup>6</sup>によれば、スロッシン グ発生時の溢流現象は、20%程度の波高の減少で も溢流防止への大きな効果が期待されると論じら れているので、本論文で得られたことで十分な波 高低減効果があると判断できる.さらに応答波高 が大きい共振時ほど波高低減効果が顕著に表れる ことがわかる.

次に,図-6に金網の開口率と波高低減率関係を 示す.1次,2次モードともに開口率と波高低減効 果の関係は,開口率が小さくなるに応じて波高が 低減されており,この傾向はほぼ直線関係となっ ていることがわかる.

### 3.4 減衰定数の比較

図-7(1),(2)に非接触計測から算出した1次,2 次モードそれぞれの応答波高データから算出した 減衰定数を示す. 横軸は上昇側の最大応答波高を 示した入力振動数 f<sub>0</sub> で各入力振動数を除して無 次元化したものを採用する.減衰定数の算出方法 は,応答波高に固有振動数の±20%の範囲でバンド パスフィルターをかけて算出した減衰波形を用い, 式(2)からシンプレックス法による非線形最適化 により算出した.

 $\eta(t) = A e^{-\varpi_0 h t} \cos(\varpi_q t - \theta_0) \qquad \cdot \cdot \cdot \qquad (2)$ 

ただし、 $\omega_q$ は角固有振動数、h は減衰定数、A は 振幅、 $\theta_0$ は位相差、 $\omega_0$ は固有角振動数である.

対策無における減衰定数は、振動装置の入力振 動数,波高や振動モード形状に依存せず、0.1~ 0.4%と一定の値を示している.この値は、従来か ら論じられている自由表面でのスロッシングの減 衰定数として妥当な値であり<sup>13)</sup>、図-2、図-4に示 す応答波高波形からも一度揺動すると液面挙動停 止まで相当な時間を要することがわかる.一方, 金網設置時においては、1次モード共振域である *ff*<sub>6</sub>=1.0では、type1のとき減衰定数は 2.86%であ り,対策無の 0.26%と比較すると約 10 倍程度増加 している.

次に,2次モード共振域である入力振動数 ƒ/f<sub>o</sub>=1.0の場合は, type1 では減衰定数が 1.75%で あり,対策無の 0.4%と比較すると 4 倍以上の増加 が得られている.

これより,金網を設置することで減衰定数は全 ての領域においても増加しており,かつ開口率が 小さいほど増加している.これは液体が金網を通 過するときの抵抗力が金網の開口率が小さいほど より大きくなるためであると考えられる.

### 3.5 水槽モデルの縮尺による振動特性の影響

図-7(1),(2)に,使用済み核燃料プールの起振方 向における 1/20 縮尺時でかつ振幅 3mm の減衰定 数を比較として示す.ここで,横軸は縮尺毎の1 次,2次モードそれぞれで最大応答波高を示した 入力振動 foで除した無次元量を示す. また, 1/20 縮尺モデルで用いた金網は,表-1に示す typelと type3 と線径,目合いも含めて同諸元の開口率 46.9%, 60.8%を採用している.1次モード共振域 の f/f\_=1.0 における減衰定数は, type1 では 1/10 で 2.86%, 1/20 で 2.56%, type3 では 1/10 で 1.45%, 1/20 で 1.99% である. 2 次モード共振域の f/f\_=1.0 における減衰定数は、type1 では 1/10 で 1.75%, 1/20 で 1.28%, type3 では 1/10 で 0.97%, 1/20 で 1.29%である. これより 1/20 縮尺モデルに比較し て,起振方向2倍,奥行3.6倍となった1/10縮尺 モデルと 1/20 縮尺モデルの減衰定数を比較する と,相対的に縮尺の変化に係わらず,減衰定数の 変化は同じような傾向を示している. また, 開口 率より1次モード共振域における f/f\_=1.0 におけ る減衰定数は, type1 では 2.86%, type2 で 2.10%, type3 で 1.45% であり、減衰定数に寄与するのは、 金網の開口率であることがわかる.

### 4. おわりに

本論文で提案したスロッシング現象の減衰対策 は、起振中から波高の増加を抑制し、かつ自由振 動となってからの減衰定数が増加することを目的 としている.さらに、水槽内に金網を3枚設置し たことで、1次モードに加えて、1次よりも砕波し やすい2次モードにも対応させたスロッシング減 衰対策案の有効性を検証した.以下、得られたこ とをまとめて示す.

(1) 1次モードにおける上昇側の最大応答波高は、 スロッシング共振域である *ff*<sub>0</sub>=1.0 において、 対策無と type1 を比較すると今回の実験において約 87%の波高低減が確認できた.減衰定 数は,同入力振動数時の約10倍程度増加した.

- (2) 2次モード共振域である f/f<sub>o</sub>=1.0 においても, 対策無と type1 を比較すると,約 65%の上昇 側の波高低減効果が今回の実験において確認 でき,減衰定数は約4倍の増加が見られた.
- (3) スロッシング2次モード共振域では、1次モー ド共振域ほどの波高低減率や減衰定数の増加 は見られなかった.
- (4) スロッシング1,2次モード共通して,共振時における流体運動が大きくなり,金網を通過するときの抵抗も大きいため,顕著な減衰効果が確認できる.さらに開口率が小さいほど波高低減効果も大きく,減衰定数の増加も得られた.開口率の差異に関しては,開口率が小さくなるにつれて波高低減率および減衰定数が増加することが確認できた.また,開口率と波高低減効果の関係は,ほぼ直線関係にあることを確認した.
- (5) 柏崎刈羽原子力発電所内の核燃料貯蔵プールの約 1/10, 1/20 縮尺モデルでの加振実験より,縮尺を変化させても,減衰定数はほぼ同様な傾向を示すことを確認した.このことから,縮尺が減衰定数の変化に与える影響は、少ないと考えられる.これは、設計上有益と判断する.

以上により,本論文で提案した対策案によって, 地震時に発生する容器内貯蔵液のスロッシングを 抑制する効果が得られ,ここで提案する対策案は 有用な手法の一つであると考える.

今後の課題としては,実構造物に適用するため に金網が受ける流体力を計測して適用可能か検証 する必要がある.また,金網を水面から底面まで 挿入するのではなく,金網のサイズや種類につい ても検討する必要があり,定量的な評価を試みる 必要がある.一方,本論文は,一方向の加振のみ の検討であるので,異なる方向での加振や鉛直方 向の加振およびそれらの複合に対する対策案の減 衰効果に関して検討していく必要がある.そのた めの一つの手法として,振動実験のみならず振動 実験の結果を基に自由表面を扱う数値流体解析を 行い,振動実験では再現出来ない場合などを検討 する予定である.

# 謝 辞

本研究の一部は(独)日本学術振興会科学研究 費・基盤研究(C)及び中央大学理工学研究所共同研 究助成の給付を受けたことを付記する.

# 参考文献

- 東京電力株式会社:柏崎刈羽原子力発電所1~7号機原 子炉建屋オペレーティングフロアにおける溢水について、 健全委第10-5号、参考資料1,2008.9.
- 坂井藤一:2003年十勝沖地震における浮き屋根子規タン クの被害について、日本鋼構造協会、JSSC, No.52, 2004.4
- 3) 消防研究所:平成15年(2003年)十勝沖地震に際して 発生した出光興産㈱北海道製油所原油タンク火災に係わ る火災原因調査報告書,2004.3.
- 酒井理哉,東貞成,佐藤清隆,田中伸和:溢流を伴う矩形 水槽の非線形スロッシング評価,構造工学論文集 vol.53, pp.597-604, 2007.3.
- 5) 井田剛史,平野廣和,有田新平,佐藤尚次,奥村哲夫: スロッシング発生時の貯槽浮屋根挙動の一考察-φ4000 タンクモデルでの振動実験,土木学会論文集 A, Vol.63, No.3, pp.444-453, 2007.6.
- 6) 座間信作、山田實、西晴樹、廣川幹浩、平野廣和、鈴木 森晶:石油タンクのスロッシングによる内溶液の溢流の 算定、消防研究所報告、第101号、pp.14-20、2006.9.
- 池田達哉,井田剛史,平野廣和,佐藤尚次:矩形断面容 器におけるスロッシング対策案の検討,応用力学論文 集,vol.11,pp549-556,2008.8
- 8) 豊田幸宏,田中伸和:平成19年新潟県中越沖地震時に発生した使用済燃料貯蔵プールの溢流を伴うスロッシング評価,(財)電力中央研究所環境科学研究所研究概要2007年度版
- 9) K. Muto, Y. Kasai, M. Nakahara, and Y. Ishida: Experimental tests on sloshing response of a water pool with submerged blocks, in S.J. Brown, editor, proceedings of the 1985 Pressure Vessels and Piping Conference 98-7 (Fluid Structure Dynamics). ASME, pp.209–214, 1985.
- 10) 渡辺昌宏,小林信之,本多智一,大野克徳,本井久之: 隔壁挿入による矩形容器内液体スロッシングの制振特性, 日本機械学会論文集(C編),67
- 11) 巻 657 号, pp.1422-1429, 2001.5.
- 12) 萩生田弘,平野廣和,野路利幸,立見栄司:スロッシン グを利用した制振装置の研究,土木学会第43回年次学術 講演会第 I 部門, 1988.10.
- 13) 葉山眞治,有賀敬治,渡辺辰郎:長方形容器におけるスロ ッシングの非線形応答,日本機械学会論文集,49 巻 437 号,1983.1.
- 14) 廣川幹浩,座間新作,山田實,西晴樹,畑山健:石油タンクのスロッシング減衰定数,消防研究所報告,第98号, pp.66-73,2004.9.

(2010年3月9日 受付)