開水路中の杭水制に作用する流体力とその抵抗係数について

On the drag force acting on the pile dike in the open channel and its resistance coefficient

青木宗之*・吉野 隆**・福井吉孝*** Muneyuki AOKI Takashi YOSHINO and Yoshitaka FUKUI

*学生員 修(工) 東洋大学大学院 工学研究科 環境・デザイン専攻(〒350-8585 埼玉県川越市鯨井2100) **正会員 博(工) 東洋大学准教授 理工学部機械工学科(〒350-8585 埼玉県川越市鯨井2100) ***正会員 工博 東洋大学教授 理工学部都市環境デザイン学科(〒350-8585 埼玉県川越市鯨井2100)

In order to reproduce the flow around the pile dike exactly, the model experiment and the numerical analysis were carried out. Throughout this research, we examined the form resistance term of the 2-D shallow water equation. By introducing the resistance coefficient α , reproducible precision of flow velocity was improved over 30%. By applying some observation data of depth *h* and flow velocity *u*, we decided the suitable value α . We concluded that the most suitable condition was Case2 in which we used depth *h* and flow velocity *u* just before each column. As a result, the reproducible ratio of the flow around the group of columns is over 80%, and its accuracy was the highest.

Key Words: drag force, resistance coefficient a, numerical analysis, pile dike

1. はじめに

近年の河川計画において,河川全体の自然の営みを 視野に入れ,河川が本来有している生物の生育や育成, 繁殖環境などを保全,創出するための多自然川づくり が求められている¹⁾.

著者らは、河川中に生息している水生生物である魚 類に着目して研究を行ってきている²⁾.魚の行動は、 (1)物理的要因(流速,水深,河床構成材料および河岸 形状)や(2)化学的要因(水質),(3)その他の要因(日 照,水温および外敵の出現など)によって大きく変化 する.また、河道内に杭水制(図-1)やブロック護岸 などの河川構造物や植生群、樹木群などがある場合、 流れなどの物理的要因は大きく変化する.それに連動 して、魚の行動は大きく変化するといえる.

魚の行動特性を把握できれば、魚がどのように行動 し、どのような場所に存在するかを明確にできる.そ の結果、魚にとって好ましい避難場所や休憩場所など を提案できるといえる.

著者らは、杭水制などの河川構造物が設置されるこ とによって生じる流れとそれに対する魚の行動、対応 についての解析を模型実験および数値計算によって行 ってきている.数値計算においては、流れを二次元浅 水流モデルにより、その流れに対する魚の行動をラン



図-1 杭水制(北上川水系砂鉄川:岩手県一関市)

ダムウォークモデルにより再現できることを示した²⁾. 実際,魚の行動は,主として流速に支配されること から,杭水制の内部やその周辺の流れを詳細に再現す ることが重要である.そのためには,杭水制の形状抵 抗や配置,配列による抵抗を考慮する必要がある.な お,形状抵抗は抗力係数 C_D を用いて表わす.杭水制 は円柱であるため, C_D はおよそ1.0³⁾である.一方,秋 草ら⁴⁾は円柱型の水制を,福岡ら⁵⁾は河道内樹木群を, 林ら⁶⁾は樹林帯を,清水ら⁷⁾,は植生を疑似するため に,模型実験で円柱を使用し,円柱群の C_D (0.9~1.0⁴⁾, 1.2⁵⁾,1.27⁶⁾,1.0~1.5⁷⁾)を求めている.なお,これら既 往の研究による円柱群配列は,千鳥配列⁴⁷⁰および整列 配列⁴⁾で設置されている(図-2).これらの C_D は,円 柱群全体での C_D でありながら,単一円柱の C_D と類似 していることが分かる⁸⁾.しかし,円柱群の配置や配 列についての流体抵抗までは言及されていない.円柱 群周辺での流れは、円柱の直径や設置間隔によって異 なってくる.特に、円柱群密度が大きくなると、流れ 特性が大きく変化すると考えられる.

本研究の目的の一つは、杭水制内外における流れの 数値解析の再現精度を増進させることである.著者ら は、円柱群の配置や配列の違いによる抵抗を考慮する ことで、その目的を達成することができると考え、二 次元浅水流方程式の形状抵抗項の再検討を行うことと した.そのために、模型実験および数値解析を行った.

2. 流れの支配方程式について

数値計算により,水深および流速を求めるために, 以下に示す二次元浅水流方程式と連続を使用する. <x方向の運動方程式>

$$\frac{\partial M}{\partial t} + \frac{\partial u M}{\partial x} + \frac{\partial v M}{\partial y}$$

$$= -gh\frac{\partial H}{\partial x} - \frac{gn^2 u\sqrt{u^2 + v^2}}{h^{\frac{1}{3}}} + \frac{\partial}{\partial x} \left(\varepsilon \frac{\partial M}{\partial x}\right) \qquad (1)$$

$$+ \frac{\partial}{\partial y} \left(\varepsilon \frac{\partial M}{\partial y}\right) - \frac{g}{K^2} M\sqrt{u^2 + v^2}$$

<y 方向の運動方程式>

$$\frac{\partial N}{\partial t} + \frac{\partial u N}{\partial x} + \frac{\partial v N}{\partial y}$$

$$= -gh\frac{\partial H}{\partial y} - \frac{gn^2 v \sqrt{u^2 + v^2}}{h^{\frac{1}{3}}} + \frac{\partial}{\partial x} \left(\varepsilon \frac{\partial N}{\partial x}\right) \qquad (2)$$

$$+ \frac{\partial}{\partial y} \left(\varepsilon \frac{\partial N}{\partial y}\right) - \frac{g}{K^2} N \sqrt{u^2 + v^2}$$

<連続式>

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0$$
(3)

ここに, u, v: x, y方向の平均流速(m/s), M, N: x, y方向の流量フラックス(m²/s), g:重力加速度 (=9.8(m/s²)), h: 水深(m), H: 水位 (=z+h(m)), z:河床高(m), ε : 渦動粘性係数(m²/s)である. なお, 渦動粘性係数 ϵ は次式で定義される.

$$\varepsilon = \frac{\kappa}{6} u_* h \tag{4}$$

ここに, κ: カルマン定数, u_{*}: 摩擦速度(m/s)である. また, (1), (2)式中の右辺第2項および第5項は, それ ぞれ底面抵抗項, 円柱(群)の形状抵抗項である. n: マニングの粗度係数(m^{-1/3}s), K: 円柱群の透過係数(m/s) である. 福岡ら⁵は, 円柱群の透過性の大きさを表す





図-3 配置・配列の変化例 (a_w一定)¹⁰

抵抗特性として,透過係数Kを

Κ

$$=\frac{1}{\sqrt{C_D \cdot a_W/2g}}$$
(5)

で定義している. これは,河道計画においても使用されていることから^{3,9},著者らも参考にしている. ここに, C_D :円柱(群)の抗力係数であり,本研究では $C_D=1.0^{3,4,7}$ とした. a_w :単位体積の流体塊中にある x方向における円柱群の投影面積(m^2/m^3)である. なお, a_w は次式により定義される.

$$a_w = \frac{T \cdot a}{A \cdot h} \tag{6}$$

ここに, *T*: 円柱本数, *a*: 円柱の投影面積(=*d*×*h*(m²)), *d*: 円柱の直径(m), *A*: 円柱群設置面積(=*b*×*L*(m²)), *b*: 円柱群設置幅(m), *L*: 円柱群設置長さ(m)である⁹. しかし,本研究では図-2 や図-3 のように, 円柱群配置 方法の違いによって生じる抵抗も異なってくるという ことを考慮し, (5)式の透過係数 *K* を

$$K = \frac{1}{\sqrt{\alpha \cdot C_D \cdot a_W / 2g}}$$
(5')

とし、円柱群配置の違いによる抵抗係数αを定義した.

3. 実験概要

実験に用いた水路は,水路幅 B=0.8(m),水路全長 10.8(m),水路勾配 1/500 の矩形断面水路であり(図-4), 表-1 に示すケースで実験を行った.ここで,表-1 中密 生度*λ*は

$$\lambda = \frac{T \cdot \frac{\pi d^2}{4}}{A} \tag{7}$$

で定義される. 観測領域は 2.0(m)×0.8(m)である. また,擬似杭水制として,直径 *d*=0.5(cm),高さ 15(cm)の木製円柱を使用した. なお,円柱群は水路右岸側に設置し,常に水没しない高さである.円柱群設置面積*A*は*b×L*=0.085×1.925(m²)である.

円柱配列は、千鳥配列の方が整列配列よりも流速低 減効果が高く、実河川でも多く採用されている一様な 分布の千鳥配列とした(図-1,2 a)).

実際の河川に設置されている杭水制の例は, 直径 *d* が 15(cm)~20(cm)であり, 横断方向設置間隔 *s* および縦 断方向設置間隔 *l* は 50(cm)~100(cm)が多い.本実験で 採用した *d*, *s*, *l* は, 水理模型実験に対して推奨されて いる縮尺模型 1/10~1/30¹¹⁾に対応している.

実験は、本研究で定義したαを算出するために、円 柱に作用する流体力 FD, 流速および水深の測定を行っ た. F_Dの測定には, 表-2 に示した精度の歪ゲージ式3 分力計(日章電機製:LMC-3502-10N)を使用した. 測定方法は、円柱が設置されている箇所に3分力計を 設置し (図-5°), 円柱一本一本に働く Fpを測定した. なお、 F_D は最上流端 (x=0(cm))の2本の円柱で測定 を行った. それ以降は横断方向に設置されている円柱 が3本,2本…となるように,x=12,24,36,48,60,72,84, 96, 108, 120, 132, 144, 156, 168, 180, 192(cm)に設置され ている円柱のF_Dを測定した.流速の測定には、二次元 電磁流速計(KENEK 製: VM2001)を,水深の測定に はポイントゲージ(三光精密工業製)を使用し、図-6 に示した測点 (x=-2, 0, 194(cm)および x=2~192 を 10(cm) 毎, y=1~11(cm) を 1(cm) 毎, y=13(cm), y=15~75(cm)を 10(cm)毎) で測定を行った. また, 実 験時の平均水深は10(cm)である.

実河川において,流体力 F_D を測定することは困難で あるが,模型実験より得られた流体力 F_D の結果から算 出される α は無次元数である.そのため、本実験で得 られた α は、実河川にも適用できると考えている.

4. 実験結果

4.1 流体力 F_p

図-7,8に、円柱群内の縦断方向の平均流速 u の変



表-1 実験ケース

	円柱 本数 (本)	流量 <i>Q</i> (l/s)	横断方向 設置間隔 <i>s</i> (cm)	縦断方向 設置間隔 <i>l</i> (cm)	密生度 ん(×10-2)
Run1	122	28	4	4	1.46

表-2 3分力計の設置方法

定格負荷	$F_x = F_y = F_z = 10(N)$
定格出力	約0.5mV/V(約1000×10 ⁻⁶ ストレーン)
非直線性	±0.2%FS
ヒステリシス	±0.2%FS
許容過負荷	±150%FS
干渉度	±2%FS/FS
零点の温度影響	±0.01%FS/°C
感度の温度影響	±0.05%Reading/°C



化図および円柱に作用する流体力 F_Dを示す.

流速および流体力は、流下するにつれて低減していることが分かる.なお、 α を考慮した F_D は、以下の式で定義される.

$$F_D = \frac{1}{2} \rho \cdot \alpha \cdot C_D \cdot a \cdot u^2 \tag{8}$$

ここに, ρ: 水の密度(=1000(kg/m³)), u: 流速(m/s) である.円柱群によって流速が低減された結果,F_Dも小 さくなった.ここで、本実験でのRe数の範囲は4.0× $10^2 \sim 2.2 \times 10^3$ であるため,円柱の C_D は 1.0^8 である.ま た, x /L=1 では u が約 1/6 減少しているのにも関わら ず, F_Dは約 2/3 であり, uに比して大きな F_Dになって いる. 永井ら¹²⁾は, s/d>6 であれば円柱間の相互干渉 は無視でき、1/d>6.0 であれば下流側円柱は上流側円柱 の後流域に入るものの、上流側円柱によって形成され る渦の影響を受けないとしている.本実験での s/d, l/d は8であるため、円柱間の相互干渉や渦による影響は ないと考えられる. そこで, 円柱群内の乱れ(-pu'v')に 着目した. 図-9 に、円柱群内における縦断方向の乱れ (-pu'v')の変化図を示す. 福岡ら¹³⁾と同様に, 乱れは流 下するにつれて大きくなっていることが分かる. この ことが、uの値に対して F_D が大きくなってしまった原 因だと考えられる.これは、円柱群のある場で生じる 流れの特性であり、αを考慮することで、正確なF_Dを 見積もることができると考えられる.

4.2 円柱群配置の違いによる抵抗係数αの算出

実験結果を流れの解析に反映させるために、得られた F_D より、 α を算出した.なお α は、(8)式を変形し

$$\alpha = \frac{2F_D}{\rho \cdot C_D \cdot a \cdot u^2} \tag{8'}$$

となる. しかし, α を算出する際に使用する, $u \Leftrightarrow a$ に含まれる h をどのような場所, または条件で使用するかは, 厳密には定められていない.

そこで本研究では、以下の二通りの方法でαを算出 することとした(**表-3**, 図-10).

1)流れの安定した,最上流にある円柱での直上流 (2(cm))の水深hおよび平均流速uを用いた方法であ る.つまり, F_D に対して一定のhおよびuを用いた場 合である.

2)それぞれの円柱の直上流 (2(cm)上流) でのhおよ び平均流速uを使用した. つまり, F_D に対して異なる hおよびuを用いた場合である.

(1) Case1 による算出:一定のh およびu を用いた場合

図-11 に、Casel の方法で算出した α を示す. u およびhが、それぞれの F_D に対して一定の値であるため、 α も F_D と同様に、流下するにつれて低減していることが見てとれる.

(2) Case2 による算出:異なる h および u を用いた場合
 図-12 に, Case2 の方法で算出したαを示す. αは,





多少のバラツキはあるが、流下するにつれて増加して いることが分かる.これは、hおよびuが、それぞれ の F_D に対して異なる値であるためである.特に、円柱 群内ではuが大きく低減するため、 α の算出に影響す ることが分かる.

ここで、x/Lが同値であれば、算出した α の値に大き な差異は見られなかった。そのため、y=4,8(cm)の箇所 での値、y=2,6,10(cm)の箇所での値を平均し、 α の値 を定量化した。なお図-11,12において、 α_f はx/L=0, つまり最上流端における円柱での α の値である。 α_i は、x/Lの箇所での各円柱の α の値である。本実験で得られ た α_f は、約1.0 であったため、 $\alpha_f=1.0$ とした。

以上の二通りの方法より算出したが、u およびhの 選定如何によって、 F_D が同一の値であっても、 α は大 きく変化することが分かる.なお、**表**-3の Case3 では、 α を考慮しないため、 α の算出に使用するu,hは必要が ない、つまり、どの円柱に対しても α =1.0 となる.

用する水深h, 流速u 最上流にある円柱より 一定の Case1 2(cm)上流 u, hそれぞれの円柱の直上流 異なる Case2 (2(cm)上流) u, hαを算出せず, α=1.0,C_D=1.0 u, ht Case3 使用しない レレて計算を行う *<u>_____</u>____ - 🗇 -----flow ----->0------2(cm) 最上流端の円柱(x/L=0) a) Casel の方法で使用する u, h の箇所 $u_h \to \infty$ u, hflow 2(cm) 2(cm) 2(cm) 2(cm) 2(cm) 最上流端の円柱(x/L=0) b) Case2 の方法で使用する u, h の箇所 $\square u h \bigcirc \square h$ 図-10 円柱群配置の違いによる抵抗係数αの算出に

表-3 円柱群配置の違いによる抵抗係数αの算出に使

5. 数值解析

5.1 離散化について

流れの支配方程式は,有限差分法を用いて離散化した.時間項には前進差分,移流項には風上差分,その他の項には中央差分を適用している.なお,格子については,スタッガード格子を採用した.

使用する水深h. 流速 u の簡略図

5.2 計算条件について

計算条件は、*dt*=0.0001(s)とし、流れを安定させるために計算時間は 200(s)とした. なお、x、y 方向のメッシュは、それぞれ 540 個および 40 個であり、計算水路も実験水路と同様に 1/500 の水路勾配を与えた.

また,(4)式の渦動粘性係数 ϵ に含まれる,カルマン 定数 κ には $0.4(m^2/s)^{14}$,マニングの粗度係数nは $0.015(m^{-1/3}s)を与えて計算を行った.$



5.3 境界条件について

境界条件は、上流端においては、一定の流量フラックスを与えた.また、下流端においては、実験より得られた流量 Q と水深 h の関係 (図-13) をもとに、流量フラックスを与えた.なお、壁に面したメッシュにおいては、y 方向の流速 v ϵ 0 とした.

5.4 透過係数 K について

Kは、その値が0に近づくほど通水しにくくなり、 大きくなるほど通水しやすくなるという特徴を持って いる. つまり、 α が大きいほど通水しにくくなり、小 さいほど通水しやすくなる.

(5')式中のαに、Casel, 2より算出したα/α_fの値(図-11, 12)を代入し、Kを算出した(図-14). これらは、Casel, 2の方法で算出した値であり、αを算出した箇所のu, h が反映されている. この算出されたそれぞれでのケースのKを(1), (2)式に代入し計算を行った.

また、円柱群配置による抵抗係数 α =1.0 とし、 α を考 慮しないケース(Case3 とする)を加えた. ゆえに、 計 3 ケースにおいて、実測値との比較検討を行うもの とする. なお、本研究での α_f の実験値が 1.0 であった ため、各ケースにおいて、 α_f =1.0 としている. また、 今回の検討ケースでの a_w は 3.728(m²/m³)であるため、 x/L=0 での K は 2.2929 となっている. つまり、(5')式 に α_f および a_w を代入することで、図-14 中に表記され ている近似式の切片が決定する.

5.5 計算結果について

図-15 に、各検討ケースにおける平面流況を示す. 各ケースにおいて、円柱群による水刎など、実測値と 同様の流況が再現されている.また、図-16,17 に、 各箇所での計算結果(水深,流速)を示す.水深の計 算では、各ケースにおいて、各箇所の再現率 R は 95(%) 以上であり、良好に再現できている.ここで、再現率 R は

$$C_{i} < E_{i} \mathcal{O} \succeq \gtrless R = \frac{C_{i}}{E_{i}} \times 100(\%)$$

$$E_{i} < C_{i} \mathcal{O} \succeq \gtrless R = \frac{E_{i}}{C_{i}} \times 100(\%)$$
(9)

で定義した.ここに、 C_i : 各測点における計算結果の 水深hまたは流速 u, v, E_i : 各測点における実験結果の 水深hまたは流速u, v である.

流速の計算においても、円柱群の設置されていない 主流部および側壁部での再現率は、Casel,3 では 85~95(%)、Case2 では95(%)以上であり、良好な結果を 得た.また、各ケースにおいて、円柱群流入直後 (0<x/L<0.2)での流速の再現性は、80(%)以上の再現率で ある.しかし、Casel,3 では、流下するにつれて再現 精度が悪くなっている.円柱群内においての再現率は 30~50(%)であり、円柱群際においての再現率は 50~70(%)あった.一方、Case2 においての再現率は、 Casel,3 の精度よりも10~30(%)以上高く、円柱群内で は70~80(%)、円柱群際では85(%)以上の再現率であっ た.以上の結果は、K、つまり、 α の設定によって得ら れた結果である.

図-18, 19 に, 流速 u, v の横断分布図を示す. 図-18



では、各ケースにおいて、円柱群による流速低減を再 現できている. 図-19 では、各ケースとも y/B=0.3125 までの再現率は 85(%)以上であるが、それ以降は約 60~70(%)と低下した(図-19 a)). x/L=1(図-19 b)) でも、各ケースの再現率は約 60~80(%)であり、流速 u に比べ、流速 v の再現性が低く、実測値よりも大きな 値になっている. これは、横断方向(y 方向)の円柱 の抵抗係数 C_L (揚力係数)を考慮していないためだと 考えられる. C_L は、 C_D よりも小さくなるため¹⁵⁾、y 方 向の透過性は、x 方向よりも大きくなる. しかし、(5[']) 式より算出する K は、x 方向の円柱の抵抗係数(C_D) を 代入しているため、 C_L よりも抵抗を高く見積もってし まっている. ゆえに、x,y 方向の円柱の抵抗係数 C_D 、 C_L を考慮し、(5['])式の K を算出することが望ましい.

杭水制などの構造物がある場の流れを詳細に再現するためには、Case2の方法で α を算出するほうが良いことが分かった.その際、計算対象点となる場所に見あった α (図-12)の値を選定し、透過係数K(図-14b))



を算出する必要がある.

5.6 Case2 より求めたαの妥当性の検証について

Case2 の方法で算出した α の妥当性を検証するため に、表-4のケースにおいて数値計算を行った.これは、 Run1(Q=28(l/s))より得られた実験結果 F_D をもとに、 Case2の方法で算出した α を流量Qの異なる Run2, 3、



流量Qは同一で配列が異なるRun4に適用した.また, 円柱を配置した x/L の値は全て同一である.なお, Run2~4 の F_D は測定していない.ここで, Run4 の a_w は 4.492(m^2/m^3)のため, x/L=0 でのKは 2.0889 となる.







図-21~23 に, Run2~4 における円柱群設置箇所での 計算結果を示す. 流量が変化した Run2, 3, 流量が同一 であり円柱群配列が異なる Run4 においても, Run1 と







図-23 Run4 における円柱群設置箇所での計算結果

同様に円柱群流入直後(0<x/L<0.2)での流速の再現率は 80(%)以上であり、精度が高い.円柱群際での流速の再 現率は、Casel, 3 においては約 60(%)であるが、Case2 では 95(%)以上であり、Case1,3 に比べ 35(%)の精度が 上がった.また、Run2,3 での円柱群内の流速は、Case1, 3 では約 40(%)、Case2 では約 80(%)の再現率であり、 Run4 では 90(%)以上の再現率であった.

つまり、本研究で定義した、円柱群配置の違いによる抵抗係数 α の値は妥当であり、流量が変化した場合や円柱群配列が異なった場合でも、Case2の方法で算出した α の値(図-12)を使用することで流れを良好に再現できることが分かった.そのため、計算を行うことで円柱に働く大まかな F_D は、予測可能である.

6. まとめ

本研究で得られた知見は、以下の通りである.

1)本研究で定義した,円柱群配置の違いによる抵抗 係数αを考慮することにより,流速の再現精度は30(%) 以上増進することが分かった.なお,円柱群配置の違 いによる抵抗係数αは,二通りの方法で算出したが, それぞれの円柱の直上流での水深 h および流速 u を使 用する Case2 の方法が好ましかった.

2)水深および円柱群の設置されていない主流部およ び側壁部での流速の再現率は 95(%)であり,精度が非 常に高い.

3) Case2 の方法で算出したαを用いた結果,円柱群内 部および円柱群際の流速の再現率は 80(%)以上であり, 最も精度が高かった.

4) 杭水制などの構造物がある場の流れを詳細に再現 するためには、適切な αの値を設定する必要がある.

5) aは、円柱群配列を変化させても適用可能である. しかし、今後さらに詳細な検討を加えることが必要である.

6)著者らが目標としている,杭水制が設置されてい る河川内での魚の行動は,本解析において得られる水 理量(水深,流速)とランダムウォークモデルを用い た魚の行動解析モデルを組み合わせることによって達 成できると考える.

7. 今後の展望

本研究の解析法を用いることで、精度良く流れを再 現できることが分かった。円柱群周辺における流れの 再現精度をさらに増進させるためには、円柱群配置の 違いによって、同一の a_w でも α は異なる値を表してし まうので、さらに a_w と α の関係を詳細に調べていく。

併せて,同一の円柱本数で*a*_wが変化する場合もある ため,その点についても検討を行う. さらに、円柱群内での乱れにも着目し、それがαに 及ぼす影響を解析に反映させていく.

謝辞:本研究は,東洋大学校友会奨学金および東洋大 学特別研究の助成を受けて行った.ここに記して謝意 を表します.

参考文献

- 1) 国土交通省河川局 HP: 多自然川づくり基本指針, http://www.mlit.go.jp/river/press_blog/past_press/press/2 00607 12/061013/s02.pdf
- 高水克哉,栗原朋之,青木宗之,内山文哉,福井吉 孝:杭水制内外の流れと魚の挙動,水工学論文集, 第51巻,pp.1273-1278,2007
- (財)国土技術研究センター編:河道計画検討の手 引き、山海堂、pp89-117,2003
- 4) 秋草 勲,吉川秀夫,坂上義次郎,芦田和男,土屋 昭彦:水制に関する研究,土木研究所報告,第107 号-6, pp.67-72,1960
- 5) 福岡捷二,藤田光一:洪水流に及ぼす河道内樹木群 の水理的影響,土木研究所報告,第 180 号-3, pp.135-143, 1990
- 6) 林健二郎,藤井優宏,重村利幸:開水路中における
 円柱群に作用する流体力に関する実験,水工学論文集,第45巻,pp.475-480,2001
- 7) 清水義彦, 辻本哲郎, 中川博次, 北村忠紀: 直立性 植生層を伴う流れ場の構造に関する実験的研究, 土 木学会論文集, No. 438/II-17, pp.31-40, 1991
- 8) 本間 仁:標準水理学, 丸善, pp.151-152, 1984
- 9) (財) リバーフロント整備センター:河川における 樹木管理の手引き,山海堂, pp. 107-167, 1999
- 10)青木宗之,栗原朋之,高水克哉,福井吉孝:杭水制 に働く流体力について,流体力の評価とその応用に 関する講演集,第4巻, pp.31-37, 2006
- 11)山本晃一:護岸・水制の計画・設計--歩先そして 一歩手前-,山海堂, pp.327-330,2003
- 12)永井荘七郎, 倉田克彦:開水路流れの中の円柱の相 互干渉, 土木学会論文報告集, 第196号, pp.57-64, 1971
- 13)福岡捷二,渡邊明英,高次 渉,坂本博紀:低水路 沿い樹木群の密度変化による流れの混合と発達過 程,水工学論文集,第45巻, pp.87-92,2001
- 14)福岡捷二:洪水の水理と河道の設計法,森北出版, pp.46-47,2005
- 15)福岡捷二,宮川朝浩,飛石 勝:円柱橋脚まわりの 流れ,河床変動と流体力,水工学論文集,第41巻, pp.729-734,1987

(2009年4月9日 受付)