# 非線形応答値を特徴指標とする探索的な設計地震動の合成

DESIGN INPUT MOTION SYNTHESIS USING NONLINEAR RESPONSE VALUE AS FEATURE INDICES BY SEARCHING ALGORITHM

# 宮本 崇\*・本田 利器\*\*

Takashi MIYAMOTO and Riki HONDA

#### \*学生会員 工修 東京大学大学院 博士後期課程 工学系研究科社会基盤学専攻(〒113-8656 東京都文京区本郷 7-3-1) \*\*正会員 工博 東京大学大学院 准教授 工学系研究科社会基盤学専攻(〒113-8656 東京都文京区本郷 7-3-1)

A scheme for generating the design input ground motion is proposed. Nonlinear response values of structural systems are used as feature indices to define the characteristics of ground motions. The input motion is generated by searching an appropriate wave in the space where the norm is defined by those feature indices. As numerical example, the proposed scheme is applied to a case considering a 10DOF structure. The generated wave is compared with the ones generated by other conventional methods. The results verify the performance of the proposed scheme.

Key Words : seismic design, input ground motion, nonlinear dynamic analysis, information geometry space

# 1. はじめに

近年,四川大地震,スマトラ島沖地震,パキスタン地 震など,世界各地で大地震が相継ぎ,その被害は多大 なものとなっている.日本においても,兵庫県南部地 震や新潟県中越地震を始めとする地震の被害は甚大で あり,地震防災は今もって重要な課題だと考えられる.

地震の脅威から人命や社会を守る方法として,構造物の耐震設計を合理的に行うことは重要である.現在, 社会基盤構造物の設計は性能照査型への移行が進みつつあり,動的解析によって構造物の挙動を推定することにより安全性の評価を行う設計手法が採り入れられている<sup>1),2)</sup>.このとき,設計荷重として考慮される地震力は静的荷重としてではなく時刻歴波形として与えられ,この時刻歴波形に対する挙動によって構造物の耐震性能は評価されるため,設計基準として採用する地震動を合理的に設定することは,今後の耐震設計において重要な要素となる.

設計に用いる地震動の時刻歴波形(以下では設計地 震動と呼ぶ)の設定という問題においては,設定された 地震動を設計に用いる意味を明らかにするために,そ の地震動の強度を適切に評価することは重要であると 考えられる.現在,設計地震動は応答スペクトルによ る地震動の強度評価に基づいて合成する手法が多くと られている<sup>3),4),5)</sup>が,構造物の非線形挙動を考慮するに は不十分であると考えられる.また,実際に設計,建設 される構造物には物性のばらつきや系全体の複雑さ等 に起因する不可避な不確実性が存在し,こうした不確 実性は構造系の非線形挙動に大きな影響を与えると考 えられるため,少数の精緻な解析が地震動の精緻な評 価につながるとは限らない.しかし,不確実性に対す る設計の考え方の例として挙げられる信頼性設計<sup>6),7)</sup> のような確率論に従う手法では具体的な時刻歴波形を 決定することは難しく,また非常に大きい自由度の非 線形構造モデルのパラメタを変化させて動的解析を行 い,地震動の評価を行うことも,現時点では現実的な 手法であるとは言い難い.

そこで本研究は,対象構造系の非線形挙動を考慮す るために十分と考えられる程度に単純化された構造系 を利用し,この構造系の応答値を特徴指標として,地 震動がより複雑な構造物に与える影響を記述すること を試みる.また,構造系の不確実性を考慮するために 動的解析のモンテカルロシミュレーションを行い,そ れによって得られる特徴指標の確率分布をもって地震 動の評価を行うこととし,対象構造系に対する影響の 大きな地震動の合成という問題を,確率分布のなす空 間における探索問題として定式化を行う.定式化に基 づき,波形合成の手法を構築し,合成された波形の性 能の検証を数値解析によって行う.

### 2. 提案手法

### 2.1 特徴指標を用いた地震動の記述

設計地震動の決定のためには,地震動が構造系に与 える影響を適切に評価する必要がある.実際に建設さ れる構造系は複雑なものであり,地震動に対するその 動的挙動を完全に予測することは難しいと思われるが, 構造系の1次モードに対応する1自由度系の挙動など, 適切にモデル化された構造モデルの挙動は実際の構造 系の挙動と関連性が高いと考えられる. そこで,評価の対象となる地震動による構造モデル の応答値を,設計される構造系の挙動を表す値ではな く地震動の強度を表現するための一つの指標とみなす ことで,地震動の特徴を表現することを考える.この とき,対象構造系の非線形挙動の影響を考慮するため, 構造モデルもまた非線形モデルを用いることとする.

本提案手法は,設計される構造系を単純化された構 造モデルで代替するものではない.対象構造系の挙動 を記述する指標として関連が高いと考えられる物理的 な値を以て,地震動が構造系に与える影響を記述する ことが目的であり,したがって記述に用いる指標は一 つである必要はない.条件に応じて,ある一つの構造 モデルの変位応答や速度応答など複数の指標を用いる ことや,構造系の様々な振動モードに応じた複数の構 造モデルの応答値を同時に利用することによって,地 震動の持つ多様な特徴の複数の観点からの表現や強度 評価の信頼性の向上を図ることができると考えられる.

本田, 岡元ら<sup>9)</sup>は同様の考え方に基づき地震動その ものの類似性評価を行っており, 宮本, 本田<sup>10)</sup>は, 特 徴指標を利用して地震動が設計対象となる構造系に与 える影響の類似性の評価を行っている.本稿は, こう した考え方を背景に,特徴指標による地震動の記述手 法に基づいて時刻歴波形の合成を行うものである.

# 2.2 確率システムとしての系における地震動の影響 の記述

生起しうる地震動や実際に建設される構造系は,種々の断層パラメタや建設地点の地盤特性,あるいは材料 特性や構造諸元といった構造パラメタに不確実性が存 在し,その挙動が様々に変動する.このような系は,入 力波や構造系を定めても非線形出力が確率的に変動す るため,系の全体を確率システムとしてとらえること ができる.地震動の強度の評価もまた,このような不 確実性を前提として,確率システムとしての系に対し て行われるべきである.

しかし,構造系のパラメタの変動を考慮するとして も,実際の構造系に近い挙動を示すと思われる非常に 大きな自由度の構造モデルを幾通りも用意し,これら に対する動的解析を設計の変更の度に行うことは現時 点では難しい.

そこで,単純化した構造モデルの応答値を指標とし て用いることで地震動の評価を行う際に,構造パラメ タの変動を考慮した解析を行う.上述のように構造系 に不確実性があるために,個々の精緻な非線形動的解 析の結果は信頼性が低いと思われるが,複数の動的解 析のモンテカルロシミュレーション結果を用いて議論 を行うことで地震動の評価の頑強さが増すことが期待 される.

このとき,特徴指標として用いる構造モデルの応答 値は確率分布として得られるが,確率的な変動を持つ 非線形構造系に対して地震動が持つ影響は,特徴指標 の平均や分散ではなく確率分布の形状がその情報を有 していると考えられる.そこで,地震動の評価に特徴 指標を用いる際にはその値を平均値や分散などに単純 化せず,確率分布そのものを用いることとする.

以上の考えから,本研究では不確実性を持つ構造系 の非線形挙動に対する地震動の影響を評価するために, 特徴指標の確率分布を用いることとし,確率分布のな す空間の中で地震動を考えることとする.

以下に,このような確率分布のなす空間を合理的に 取り扱う方法論について,その概要を述べる.

(1) 情報幾何空間

確率分布の空間を考える方法に,情報幾何<sup>11),12)</sup>の手 法がある.これは,微分幾何の概念を確率分布の為す 集合に適用し,空間の幾何的構造を解析する手法であ り,確率分布のモデル選択の最適性に関する議論を行 う統計的推論や,確率的な出力を持つニューラルネッ トワークシステムの学習則に関する分析を行う学習理 論等の分野において,幾何的な概念を応用することで 新たな視点や知見が得られている<sup>13),14),15)</sup>.

確率分布が為す集合を空間として考える際に,

 
 確率分布の位置を示す座標系 ξ の取り方によらず , 確率分布によって幾何構造が定まる

2. 確率変数 x の変換に関して幾何構造が不変である という要請を満たすよう幾何学的な特性を定めるとき, このような要請を満たすリーマン計量は次式で与えら れる Fisher 情報量のみである<sup>12)</sup>.

$$g_{ij}(\boldsymbol{\xi}) = E\left[\frac{\partial}{\partial \xi_i} \log p(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{\xi}) \frac{\partial}{\partial \xi_j} \log p(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{\xi})\right] \quad (1)$$

ここで,Eは確率分布 $p(x, \xi)$ の下での期待値を表す.

Fisher 情報量によって空間上で近傍にある 2 点の距離を算出することができるが,確率分布の微分が必要であり,また空間上で離れた位置にある 2 点の距離を算出することができないことから,確率分布の数式表現が与えられず,また位置の比較を行う 2 点も必ずしも近傍にはない本研究において使用することは難しい. そこで,2 つの確率密度関数 p,qの相違の量を以下のようにして定義する,KL ダイバージェンスを用いて確率分布の距離を定量化することとする.

$$D(p,q) = \begin{cases} \sum_{i} p(\boldsymbol{x}_{i}) \log \frac{p(\boldsymbol{x}_{i})}{q(\boldsymbol{x}_{i})} & (離散分布の場合) \\ \int p(\boldsymbol{x}) \log \frac{p(\boldsymbol{x})}{q(\boldsymbol{x})} d\boldsymbol{x} & (連続分布の場合) \end{cases}$$
(2)

ここで,xは確率変数ベクトルである.

KL ダイバージェンスは対称性 D(p,q) = D(q,p) を 満たさないことから,数学上の意味での距離とはなら ないが,計算が容易であることや局所的には Fisher 情 報量と一致すること,また確率密度関数の相違を測る 尺度として統計解析や情報理論などの分野において広





図-2 特徴指標の計算に用いる構造モデル

考えられる.しかし, PGA や応答スペクトルといった 指標による地震動の評価では非線形領域を含む構造系 の特性を十分に考慮することができず,設計物に応じ た設計地震動の設定という考え方は十分な形で達成さ れていない現状にあると言える.

そこで,2.1 節に述べた特徴指標を用いた地震動 の評価に基づき,設計地震動を合成する手法を考える. 構造物の特性に合わせ,指標の算出に用いる構造モデ ルや着目する値を変え,指標の値が大きな値をとるよ うな地震動の合成を行うことで,構造系の特性に合わ せた地震動の評価と合成を行うことがここでの目的で ある.

今,様々な地震動がなす集合を空間として捉え,個々 の地震動による特徴指標の結合確率分布のKLダイバー ジェンスによってこの空間の距離を規定することとす る.この空間の中で地震動の特徴を考えるとき,地震 動が構造物の非線形挙動に対する影響が大きくなると いうことは,特徴指標が大きく変化するということで あり,これは空間内で大きく距離が移動するように地 震動が変化することに相当する.したがって,特徴指 標を用いて地震動の空間を考えることにより,地震動 の構造系への影響の獲得を空間内での移動として捉え ることができる.

ここでは、地震動の制約を振幅のパワーで与えること とし、パワーの増加を抑えながら特徴指標の空間を大き く移動するような地震動の変化方向を探索することを 考える、特徴空間上の座標  $\xi$  に位置する地震動  $f(\xi)$  の 持つパワーを  $P(f(\xi))$  で表し、座標の変化を  $d\xi$  とする と、上述の問題は |dP| = |P(f + df) - P(f)| = const.という制約の下で

$$|d\boldsymbol{\xi}| = D(p(f + df), p(f)) \tag{4}$$

を最大化する問題として考えることができる.ただし, D(p,q)は確率分布  $p \ge q$ の KL ダイバージェンスを表 し,p(f)は地震動 fによる特徴指標の確率密度関数を, dfは地震動の微小変化を表している.

図-1 解析に用いる対象構造系

く利用されていることから<sup>13),15)</sup>,本研究においてもこ れを用いることとした.なお,KLダイバージェンスの 計算の際,本稿では式(2)における連続分布の場合の 定義を用いている.

(2) 自然勾配

リーマン空間上の関数の最適化問題においては,そ の勾配を自然勾配と呼ばれる形で考えることがふさわ しいことが指摘され,数値解析によってもその有効性 が確かめられている<sup>14)</sup>.これは,関数の定義される空 間が曲がった構造をしているために,通常の微分演算 によって求められる勾配が関数の最急降下方向を表し ていないためである.

ある関数  $\Psi(x)$  の最急降下方向は, x を微小量変化させたときの  $\Psi$  の変化

$$d\Psi = \Psi(\boldsymbol{x} + d\boldsymbol{x}) - \Psi(\boldsymbol{x}) \tag{3}$$

がxの変化量に対して最大となる方向として通常定義 される.このとき,dxのノルム ||dx||が同じでなけれ ば,様々なdxに対する  $d\Psi$ を比較する意味がないが, リーマン空間においてはdxのノルムの値が空間の場 所によって異なる.そこで,ノルムの変化を計算に採 り入れ,||dx|| = const.という制約条件の下で自然な勾 配方向を定めるのが自然勾配の考え方である.

甘利は,いくつかの空間における自然勾配を導出している<sup>14)</sup>.自然勾配は信号処理や学習理論等の分野において積極的に応用されており,独立成分分析やニューラルネットワークシステムの学習則などに利用されている<sup>14),15),16)</sup>.

2.3 特徴指標のなす空間内における地震動の合成手法 設計地震動の時刻歴波形は,設計対象とする構造系 の性質や重要度に応じて設定されることが望ましいと したがって,パワーの増加を抑えるという形で効率 性を考えるとき,構造系に対して影響の大きい地震動 の合成は, dP = const.という制約の下で KL ダイバー ジェンスの変化が最大となる df を求める操作を繰り返 すことで目的の波形の探索を行う問題として定式化さ れる.

なお,これは空間内における移動距離が一定のときに 地震動のパワーの増加を最小にすることと同値である から,自然勾配と同様の考え方を用いて  $|d\xi| = \text{const.}$ の制約の下で

$$dP = P(f(\boldsymbol{\xi} + d\boldsymbol{\xi})) - P(f(\boldsymbol{\xi}))$$
(5)

を最小にする問題と考えることもできるため,自然勾 配による探索問題と同値であるとみなすことができる.

# 3. 数値シミュレーション

本節では,前節による考え方に基づき,設計対象と する構造系に対し影響の大きな地震動の合成手法を構築し,その有効性を検証する.

本手法は,特徴指標の種類や値という形で設計地震 動の条件を表現し,空間の範囲の制約という形で設計 地震動の解の範囲を表現することで,課せられた条件 と制約に対応した地震動の合成手法の構築を行う.し たがって,設計地震動に求められる様々な要件に対し, 本手法は幅広い要求に応えられるものであると考えら れる.ただし,具体的な性能要件の設定は本論文の主 旨ではないため,ここでは10自由度系構造物を想定し 以下のような検討を行った.

3.1 解析条件

(1) 地震動の合成手法

地震動の合成は,波形の微小変化を繰り返し行う反 復試行によって行う.

今,第nステップにおける入力地震動を $f_n(t)$ とおき,その特徴指標 $\xi_n$ の確率密度関数を $p(\xi_n)$ とする. 地震動のパワーをP(f(t))で表すこととし, $\alpha$ を定数として

$$dP = P(f_{n+1}(t)) - P(f_n(t)) = P(f_n(t) + df) - P(f_n(t)) = \alpha$$
(6)

の制約の下で地震動に変化 df を与え, KL ダイバージェンス

$$D(p(\boldsymbol{\xi}_{n+1}), p(\boldsymbol{\xi}_n)) \tag{7}$$

を最大化することがここでの目的となる.

今,地震動の変化 df を,ウェーブレット変換<sup>18),19)</sup> によって与えるとする.

$$df = \eta \cdot c \cdot \psi_{a,b}(t) \tag{8}$$

 $\psi_{a,b}(t)$ は,シフトがa,スケールがbの解析信号ウェー ブレット<sup>20),21)</sup>であり, $a,b,\eta$ は実数とする.また,

$$c = \int f_n(t)\psi_{a,b}^*(t)dt \tag{9}$$

とする.式 (8) は, cを乗じたウェーブレットを足し合わせることで $f_n(t)$ の該当するウェーブレット変換の成分を大きくすることを意味する.

df を加えたときの地震動  $f_{n+1}(t)$  の実数値部分のパワーは ,

$$P(f_{n+1}(t)) = \int \left( Re\left(f_n(t) + \eta \cdot c \cdot \psi_{a,b}(t)\right) \right)^2 dt$$
  
$$= \int \left(f_n(t) + \eta \cdot Re(c \cdot \psi_{a,b}(t))\right)^2 dt$$
  
$$= \int f_n(t)^2 dt$$
  
$$+ 2\eta \int f_n(t) \cdot Re(c \cdot \psi_{a,b}(t)) dt$$
  
$$+ \eta^2 \int \left( Re\left(c \cdot \psi_{a,b}(t)\right) \right)^2 dt$$
(10)

となる. ここで,

$$\int f_n(t)^2 dt = P_n \tag{11}$$

$$\int f_n(t) \cdot Re(c \cdot \psi_{a,b}(t))dt = P_{\text{cross}}$$
(12)

$$\int \left( Re(c \cdot \psi_{a,b}(t)) \right)^2 dt = P_w \tag{13}$$

とおくと, df を加えたときのパワーの増分値は

$$P(f_{n+1}(t)) - P(f_n(t)) = P(f_{n+1}) - P_n$$
  
=  $\eta^2 P_w + 2\eta P_{cross}$  (14)

と表すことができる.この値が $\alpha$ となれば良いので,

$$\eta = \frac{-P_{\rm cross} + \sqrt{P_{\rm cross}^2 + \alpha \cdot E_w}}{P_w} \tag{15}$$

として  $\eta$  を求めることができる (ただし,簡単のため  $\eta$  を正の数であるとした).

以上のようにして求められた  $\eta$  と解析信号ウェーブ レット  $\psi_{a,b}(t)$  を用いて,

$$f_{n+1}(t) = f_n(t) + \eta \cdot c \cdot \psi_{a,b}(t) \tag{16}$$

として合成される  $f_{n+1}(t)$ を,解析信号ウェーブレット のシフトとスケールをランダムに変化させて複数合成 し,それらの中から式 (7)を最大にするものを第n+1ステップにおける地震動として採用する.

以上の操作を繰り返すことによって,対象構造系に 対して効率的に影響を獲得するように波形を探索的に 合成する.

#### (2) 対象構造系

対象構造系として,図-1に示す非線形10自由度系 を用いた.各バネの復元力特性はバイリニアモデル<sup>24)</sup> に従い,1次モードの固有周期は1.0sである.



図-3 波形合成に用いた初期波形

構造パラメタの変動を考慮した解析を行うため,モ ンテカルロシミュレーションを行う.初期剛性  $k_i$ (i = 1,...10) および初期降伏力  $f_y^i$ (i = 1,...,10) の2種の構 造パラメタに対し,設定値を中心として20%の一様変 動をiごとに独立に与えて構造系を100体作成し,こ の100体に対する動的解析結果をもって,対象構造系 に対する地震動の影響を議論することとした.

### (3) 特徴指標

地震動の特徴を表現する特徴指標の計算のために,バ イリニア1自由度系を用いた.対象構造系の1次モー ドの固有周期が1.0sであることを考慮し,固有周期が 1.0sとなるようばね定数を設定し,減衰は5%とした. 図-2に,構造モデルの諸特性を示す.

設計構造系である10自由度系の非線形挙動と関連性 の高い指標は複数考えられるが,構造系の破壊に変位 応答の関連が高いと考えられること,および地震時保 有耐力法などにおいて考慮されているように構造系が 応答履歴の中で吸収するエネルギーが重要と考えられ ることから,本解析では上記のように設定したバイリ ニア1自由度系の最大応答変位と履歴吸収エネルギー の2種の応答値を用いた.

特徴指標の計算の際に構造パラメタの不確実性の影響を考慮するため,構造モデルと同様に初期剛性  $k_0$  および初期降伏変位  $x_y$  にそれぞれ独立に  $\pm 20\%$  の一様変動を与えたモデル 1000 体を作成し,動的解析のモンテカルロシミュレーションを行い,上記の2指標の結合確率密度関数を特徴指標とした.

#### (4) 地震動

波形の合成を行う際の初期波形として,図-3に示す 波形を用いた.この波形は2007年新潟県中越沖地震時



図-4 初期波形による 10 自由度系の最上部のノードの応答 値の例

| 表—1 波形合成の解析における諸条件 |                        |  |  |
|--------------------|------------------------|--|--|
| 変化させる時間領域          | 5.0 - 20.0 [s]         |  |  |
| 変化させる周波数領域         | $0.3 - 1.2 \; [Hz]$    |  |  |
| パワー増分の制約 $dP$      | $0.02 \cdot P(f_0(t))$ |  |  |
| 1 ステップにおける波形候補数    | 30 <b>波</b>            |  |  |
| 波形探索の総試行回数         | 50 回                   |  |  |

に K-NET 観測点小千谷で観測された記録を元に経験 的グリーン関数法により合成された波形であり,同図 下に示す周波数特性を有している.この波形による対 象構造系の変位応答の例を図-4に示した.対象構造系 は1次モード周期が1.0sであるのに対し,解析に用い た初期波形は振幅が小さいことに加え短周期成分が卓 越した波形であるため,構造系の挙動は小さな値にと どまっている.

この初期波形を用いて,上述の手法による波形の探 索を行った.構造系の1次モードの固有周期が1.0s で あること,また降伏後に剛性が <sup>1</sup>/<sub>4</sub> に低下することか ら,波形の変化に用いた解析信号ウェーブレットのス ケールの変動範囲をウェーブレットの卓越周波数帯が 0.3-1.2Hz に相当する範囲に,振幅の大きな箇所が構 造系の挙動に重要であると考えられることからシフト の変動範囲を卓越時刻帯が5.0-20.0 s に相当する範 囲に定めた.

また,地震動の制約として,ここでは初期波形のパワーの200%を制約として考え,1ステップにおける波形のパワーの増分を初期波形のパワー *P*(*f*<sub>0</sub>(*t*))の2%に定めて50回の反復を行うこととした.各ステップで合成する波形の候補を30波として,この30波の中から式(7)を最大にする波形を選ぶ操作を反復した.表-1に,以上の解析条件をまとめる.

なお,1ステップにおける波形のパワーの増加は初期 波形のパワーの2%としたが,実際の解析において各 ステップにおける波形候補の作成の際には,一度この 制約を10%として計算を行い,波形の候補が決まった 際に,すなわち波形の変化に用いる解析信号ウェーブ レットが決まった際に,改めてパワーの制約を2%と して式(15)のηを求め,その後に波形を変化させてい る.これは,波形の変化に用いるウェーブレット関数

表-2 入力地震動による,10自由度系の最上部のノード応答値の平均値の比較

|        | <b>最大変位</b> [cm] | <b>最大速度</b> [cm/s] | 靭性率 $\mu$ |
|--------|------------------|--------------------|-----------|
| 提案手法   | 20.6             | 80.7               | 7.31      |
| 比較手法1  | 25.7             | 75.5               | 9.27      |
| 比較手法 2 | 14.0             | 81.5               | 5.29      |
| 比較手法 3 | 10.8             | 46.1               | 5.04      |

を,制約の下で波形を最大に変化させる方向とみなし, 一度波形を大きく変化させることでその方向を定めた 後に同一の方向に波形を微小に変化させることで,各 ステップにおける勾配方向の変化をより精度良く追従 しようとするという考えに基づいており,勾配の方向 のみを考慮している自然勾配の導出や,最急降下法を 用いた学習則における学習係数の利用と発想を同じく している.

3.2 提案手法による波形の変化過程

前節に述べた条件の下で,提案手法による波形の合 成を行った.

図-5は,初期波形,15ステップ後,30ステップ後, 50 ステップ後の4つの段階について,提案手法におけ る波形の変化の様子を時刻歴波形とその時間周波数特 性の観点から比較したものである.波形の時間周波数 特性の表現には, Morlet ウェーブレットを用いた連続 ウェーブレット変換<sup>19)</sup>から得られるスカログラムを利 用している.波形の変化を行う前の初期波形は,3.0Hz 付近の周波数成分を 10.0 s 前後の時間に有しており, この波形による 10 自由度系の変位応答の平均値 *E*(*x*) は小さく 0.82cm となっている.これに対し,15 ステッ プ後の波形は 10 自由度系の 1 次モード周期に相当す る 1.0Hz 付近の周波数成分を獲得しており,その結果, E(x) は 12.5cm と初期波形に比較して大きな値をとる. 更に波形の変化が進む 30 ステップ, 50 ステップ後では, 波形が獲得する周波数成分が更に低周波成分へと移行 しているが,これは部材の降伏に伴う構造系の長周期 化に対応しているものと考えられる.このように,提 案手法による波形の合成においては , 波形の強度に応 じて波形の獲得する特性が変化していることが分かる.

3.3 他の手法により合成された波形との比較

提案する波形の合成手法の効率性を検証するために, KLダイバージェンスの最大変化方向を波形の探索に 用いる提案手法に加え,下記の3種の手法を用いて波 形の合成を行い,提案手法との結果の比較を行った.

比較手法 1:解析信号ウェーブレットの足し合わせによって合成された複数の波形候補の中から最適な波形を選択する際,特徴指標のKLダイバージェンスを用いずに,特徴指標のうち変位の平均値の変化が最大となる波形の変化方法を採用すること

とした.すなわち,提案手法に比較して,特徴指 標を一つしか用いておらず,波形の変化量の定量 的な評価を平均値の差によって定義していること に特徴を持つ.

- 比較手法 2:波形の変化の際に足し合わせる解析信号ウェーブレットのシフトやスケールを変えず,波形合成の試行を通じて同じウェーブレット関数を足し合わせることとした.ウェーブレット関数の卓越時間帯と卓越周波数は,初期波形の振幅が大きい時間帯や構造系の1次モードの固有周期を鑑みてそれぞれ12.0sと1.0Hzとした.
- 比較手法 3:解析信号ウェーブレットのシフトとス ケールを表-1の範囲でランダムに決定した.提 案手法に比較して,KLダイバージェンスを用い た最適な変化方向の選択を行わず,ランダムに波 形が変化していく.

提案手法に加えて上記の3種の手法を用いた波形の合成を, $dP = 0.02 \cdot P(f_0(t))$ の制約の下で行った.

各手法による波形の合成を行った際の波形の変化の 様子を図-6に示す.提案手法,および変位の平均値 を波形の変化方向の選択に用いた(a),(b)の場合は, 10.0sの付近で振幅が卓越し,一箇所の振幅がパルス的 に大きくなるよう波形が選択的に変化する様子が見ら れる.同図(c)における手法においても,同じウェー ブレット関数を意図的に繰り返し足し合わせているた めに一箇所の振幅が同様に卓越している.これに対し, ランダムに波形を変化させた手法である同図(d)は一 箇所の振幅が卓越することはなく,変動が与えられた 5.0-20.0sの範囲で一様に変化している.

また,各手法によって50ステップ後に合成された波 形を用いて,1自由度系の動的解析を行った際の特徴指 標の確率密度関数を図-7に示す.波形をランダムに変 化させた場合の応答値である同図(d)に比較して,KL ダイバージェンスや変位の平均値の変化量を用いて選 択的に波形の変化を行った(a)や(b)の手法は最大変 位や履歴吸収エネルギーが大きな値をとっていること が分かる.また,これらの手法は一箇所の時間周波数 特性を集中的に変化させた(c)の手法と比較をしても 大きな指標値をとっていることから,波形の一箇所の 振幅をパルス的に大きくすれば地震動の影響が大きく なるわけではなく,他の重要な波形の要因が(a)や(b) の手法によって選択されたと考えられる.





図-5 KL ダイバージェンスを用いた探索手法による波形の変遷 (左:時刻歴波形,右:スカログラム (等高線), E(x) は波形に よる 10 自由度系の変位応答の平均値を表す)







(a) 提案手法 (KL ダイバージェンスを用いた場合)



(b) 比較手法1(変位の平均値を用いた場合)



(c) 比較手法2(1箇所の時間周波数特性のみを変化させた場合)



(d) 比較手法 3 (ランダムに波形を変化させた場合)

図-7 変化後の地震動による特徴指標の2次元確率密度関数(左:鳥瞰図,右:等高線)

(a) と (b) の結果を比較すると,変位の平均値の変化 量を波形の変化方向の選択基準に用いた手法による結 果である (b) は,(a) に比較して変位量は大きな値を取 る一方で,履歴吸収エネルギーは相対的に低くなって いる.これに対し,2指標値のKLダイバージェンスを 波形の変化方向の選択基準に用いた提案手法では,波 形が変化した結果,変位と履歴吸収エネルギーの両方 の値が大きくなっている.

各波形による 10 自由度系の最上部のノードの最大変 位と最大速度,最大靱性率の値について,全 100 体の 構造モデルに対する結果の平均値をとったものを表-2 に示す.同表の結果を見ると,変位の平均値の変化量を 用いて波形の変化の選択を行った比較手法1による波 形は,10 自由度系の変位応答が最も大きな値をとって いる一方で,速度応答は提案手法や比較手法2よりも 小さい値を取っている.これに比較して,KLダイバー ジェンスを用いて2つの特徴指標を考慮しながら波形 の合成を行った提案手法による波形は,変位と速度の 両方において大きな値をとっている.これは,構造系 に対する波形の強度の評価を2指標を用いて行うこと によって非線形挙動が多面的に評価された結果,変位 応答のみではなく速度応答も大きな波形が合成された 結果であると考えられる.

### 4. まとめ

本研究は,設計対象とする構造系に対応する,非線 形構造モデルの応答値の確率分布を地震動の特徴指標 としてとらえ,特徴指標の確率分布のなす空間の中で 地震動を考慮し,対象構造系に対し影響の大きな波形 を合成する手法の提案を行った.同手法の有効性を検 証するための数値解析を行った結果,提案手法により 合成された波形は対象構造系に対して影響の大きな特 性を選択的に獲得することにより,効率的に強度を得 ていくことが確認された.

対象構造系が1ケースのみであったため,事例の蓄積 が必要であることが今後の課題として考えられる.ま た,複数の特徴指標を考慮することで地震動の強度の 評価が多面的なものとなり,その結果,構造系の多様 な挙動に対する影響が大きくなる波形を合成すること ができると考えられるが,特徴指標の数を増やし構造 系もより詳細なモデルを用いて検討を行うことで,提 案手法による合成波形の性能の評価をより詳細に行う ことも必要である.

#### 参考文献

- 1) 日本地震工学会 編:性能規定型耐震設計 現状と課題, 鹿 島出版会 2006
- 2) K.R.Mackie , B.Stojadinovic:Performance-based seismic bridge design for damage and loss limit states , *Earthquake Engng Struct. Dyn.* Vol.36 , 2007
- 大崎順彦:新・地震動のスペクトル解析入門,鹿島出版会, 1994
- Mihailo D. Trifunac:Early History of Response Spectrum method, Soil Dynamics and Earthquake Engineering 28, pp.676-685, 2008
- 5) 理論地震動研究会 編著:地震動 その合成と波形処理, 鹿 島出版会, 1994
- 6) C.Allin Cornell:Engineering seismic risk analisys, Bulletin of the Seismological Society of America. Vol.58, No.5, pp.1583-1606, 1968
- 7) 星谷勝:確率論手法による振動解析, 鹿島出版会, 1974
- 8) 星谷勝,構造物の信頼性設計法,鹿島出版会,1986
- 9) 本田利器,岡元良輔,澤田純男:構造系の非線形応答特 性に基づいた地震動の類似性の評価,地震工学論文集 pp146-152,2007
- 10) 宮本 崇,本田 利器:非線形応答値を特徴指標とした,構 造系に与える影響の観点からの地震動の類似性評価,第 30回土木学会地震工学研究発表会論文集(投稿中),2009
- 11) 甘利俊一,長岡浩司:情報幾何の方法 岩波講座 応用数学, 岩波書店,1993
- 12) 甘利俊一:情報幾何,別冊 数理科学 多様体の広がり, pp130-137,サイエンス社,2008
- 13) 村田昇:情報理論の基礎,サイエンス社,2005
- 14) S.Amari:Natural Gradient Works Efficiently in Learning, *Neural Computation* 10, pp.251-276, 1998
- 15) Hyeyoung Park:勾配学習の幾何学,数理科学 No501 MARCH 2005, pp.10-15, サイエンス社, 2005
- 16) Aapo Hyvarinen et al.:詳解独立成分分析,東京電機大
   学出版局,2005
- 17) 防災科学技術研究所 強震ネットワーク K-NET http://www.k-net.bosai.go.jp/k-net/
- Charles K.Chui:ウェーブレット入門, 電機大出版局, 1993
- 19) Christopher, Gilbert: A Practical Guide to Wavelet Analysis, Bulletin of the American Meteorogical Society Vol. 79, No.1, pp.61-78, 1998
- 20) 大濱吉礼,本田利器:解析信号ウェーブレットを用いた 入力地震動の合成,土木学会年次学術講演会講演概要集 第1部 Vol.58, pp.597-598, 2003
- 21)本田利器,宮本崇:解析信号ウェーブレットによる時間 周波数特性を考慮した入力地震動表現,土木学会地震工 学論文集 Vol.29,pp.139-145,2007
- 22) 甘利俊一,村田昇:独立成分分析,サイエンス社,2002
- 23) 村田昇:入門独立成分分析,東京電機大学出版局,2004
- 24) 土木学会 編:動的解析と耐震設計 第2巻 動的解析の方法,技報堂出版,1989

(2009年4月9日受付)