地震時のアバットの滑動によって生じる 橋軸方向変位と橋軸直角方向変位の相互関係が ワーレントラス橋の全体系に与える影響について

関昆 竜太郎1・千田 知弘2・馬越 一也3・松井 友希4・星宮 魁人5

 ¹非会員 東北学院大学 工学部環境建設工学科4年(〒985-8537宮城県多賀城市中央一丁目13-1)
²正会員 東北学院大学准教授 工学部環境建設工学科(〒985-8537宮城県多賀城市中央一丁目13-1)
³正会員 株式会社地震工学研究開発センター 解析技術センター (〒810-0003福岡県福岡市中央区春吉3-21-19)
⁴学生会員 東北学院大学大学院 工学研究科環境建設工学専攻2年 (〒985-8537宮城県多賀城市中央一丁目13-1)
⁵非会員 (前)東北学院大学 工学部環境建設工学科(研究当時) (現)株式会社オリエンタルコンサルタンツ 東北支社 構造部 (〒980-0811宮城県仙台市青葉区一番町4-6-1仙台第一生命タワービルディング)

1. はじめに

著者らは、土木学会地震工学委員会・性能に基づ く橋梁の耐震構造計画・設計法に関する研究小委員 会 WG2 の活動の一環として、トラス橋のアバット が地盤変動によって滑動した場合、トラス橋にどの ような挙動が生じ得るかの検討を FEM 解析を用い て継続的に行っている¹⁻⁵⁾.前報⁵⁾においては、ワー レントラス橋を対象とし、構造的に不安定になるま でに許容される地盤の変動量を、橋軸方向、橋軸直 角方向、高さ方向にそれぞれ単独に与えて評価する とともに、それらの変位を組み合わせた複合方向変 位を与えて評価した結果を報告した.

そこで得られた知見として、橋軸方向変位は、わ ずか数 mm オーダーの変位量でトラス橋の下弦材に 甚大な損傷を与えるとともに大きな面外変形を生じ させ、構造的な不安定を生じさせることが示された 一方で、複合変位として橋軸直角方向の変位が加わ った場合、構造的に不安定になるまでの橋軸方向の 変位量が増加するケースがいくつか見られた.例え ば、橋軸方向変位のみであれば、0.045mの変位で構 造的に不安定となるが、橋軸方向変位と橋軸直角方 向変位の複合変位を与えた場合、0.059mまで橋軸方 向変位が許容されるといった事例である. そこで本研究では、ワーレントラス橋の支承部に 橋軸方向変位と橋軸直角方向変位が組み合わされた 複合方向変位が生じた場合、どのような挙動が生じ 得るのか、また与えられる変位量の違いによって、 構造的に不安定となるまでの挙動に差が生じ得るの かを、FEM解析で評価した結果を報告する.

2. 構造諸元

対象とするワーレントラス橋⁶の側面図を図-1に, 正面図を図-2に,上面平面図および下面平面図を図 -3に,主構の断面配置図を図-4に示す.本研究では 既報¹⁾を基に,全幅員6.9m(有効幅員6.0m),支間 50m,高さ6.5mを有する下路式ワーレントラス橋を 解析対象とした.図-1に示す側面図手前側を上流, A1側を右岸,A2側を左岸と仮定し,A2側をピン支 承,A1側をローラー支承とした.また,図-3に示す ように下弦材のA1側の端部の格点を[1],A2側の端 部の格点を[8]とした上で,各格点部に[1]~[8]の番 号を順に振った

なお,床版に関してのみ幅6.9m,厚さ0.19mの簡 易的な矩形断面と仮定し,縦桁および横桁によって 支持される構造とした.



3. FEM解析モデルおよび境界条件パラメータ

本研究では、熊本地震の報告書でも多く使用され

表-1 解析に用いた各材料定数

| 部材 | ヤング率 (GPa) | 単位体積重量 (kN/m ³) | せん断弾性係数(GPa) | |
|----------|------------|-----------------------------|--------------|--|
| 鋼材 | 206. 0 | 77. 0 | 77.0 | |
| コンクリート床版 | 25.0 | 24. 5 | 10.8 | |

表-2 解析に用いた各材料定数

| モデル名 | A1 | | | A2 | | |
|------|------|---|-------|----|---|---|
| | x | у | z | x | у | z |
| ZO | 強制変位 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 |
| Z1 | 強制変位 | 0 | 0. 01 | 0 | 0 | 0 |
| Z2 | 強制変位 | 0 | 0. 02 | 0 | 0 | 0 |
| Z3 | 強制変位 | 0 | 0. 03 | 0 | 0 | 0 |
| Z4 | 強制変位 | 0 | 0.04 | 0 | 0 | 0 |



図-5 上面平面図および下面平面図

た汎用有限要素法解析ツールSeanFEM⁷⁾を用いて弾 塑性解析を行なった.FEM解析モデルの作成にあた っては、図-1~図-4の諸元を基にトラス部材はファ イバー要素でモデル化し、コンクリート床版はシェ ル要素で弾塑性体としてモデル化した.コンクリー ト床版は幅6.9m×厚さ0.19mの矩形断面として簡易 モデル化し、スラブアンカーで縦桁および横桁と合 成することで床版の影響を考慮することとした. FEM解析モデルの要素分割全体図を図-5に示す.座 標はA1からA2に向けて正とする橋軸方向にz軸,橋 軸直角方向にx軸,高さ方向下向きにy軸を取った. 解析に使用した各材料定数を表-1に示す.鋼材は SS400とし、鋼材、コンクリートともに公称値を用 いた.節点間距離は0.3~0.8mとし、全節点数2692, 全要素数2913として解析を行った.

解析に用いた境界条件と強制変位条件を表-2に示 す.表-2中では、拘束を○で表記した.境界条件お よび強制変位条件は、支承部に与えた.支承のモデ ル化に際しては、ばね要素を用いてモデル化した. ばね定数に関しては、変位を拘束する場合は1×10⁴ GPaとし、強制変位を与える場合には、1×10⁻¹²GPa

とした. なお, 橋軸直角方向に強制変位が入るモデ ルに関しては、両端のz方向変位を拘束した方がよ り高い応力が下弦材に生じるため、あえて安全側の 解析を実施した.強制変位は、まず初期不整として 橋軸方向に強制変位を与えた後、橋軸直角方向変位 を強制変位として与えていくこととした. 初期不整 として与える橋軸方向変位は、0.00m、0.01m、 0.02m, 0.03m, 0.04mの5種類とした.以後,各モデ ルの呼称は、強制変位を与える方向であるz方向と、 与えた初期不整量を組み合わせて、Z0モデル、Z1モ デル, Z2モデル, Z3モデル, Z4モデルとそれぞれ 呼称する. 各モデルに対して橋軸直角方向の強制変 位を与えていき、それぞれ構造的に不安定になるま での挙動を比較した.なお,0.05m以降の解析を実 施しない理由は、橋軸方向に0.046m以上の強制変位 を与えると構造的に不安定になる⁵⁾ため,初期不整 として与えられないためである.

弾塑性解析においては降伏点を235MPaとし,完 全弾塑性でモデル化した.強制変位は,構造的に不 安定となり解析が収束しなくなるまで与えた.また, 自重を考慮して解析を実施した.

4. 解析結果および考察

本研究の解析において,弾性域で生じるトラス橋 の変形挙動および軸方向応力分布の代表例として, Z1モデルの応力分布図を図-6に示す.全てのモデル において,変形量に差はあるものの,ほぼ図-6に示 すような変形,軸方向応力分布を示す.特徴として, トラス橋の平面図心から点対称の変形を示すラーメ ン構造のような変形挙動を示すため,A1の下流側と A2の上流側が曲げ圧縮となり,A1の上流側とA2の 下流側が曲げ引張となる.なお,本研究では全ての 図の変形倍率を30倍として表示することとする.

下弦材に生じる軸方向応力と橋軸直角方向への強 制変位量の関係を示した図を図-7に示す. 図中に示 した各応力は,A1側の上流の下弦材の端部,A1側 の下流の下弦材の端部にそれぞれ生じる軸方向応力 となる.

図-7において、構造的に不安定となる橋軸直角方 向変位を比較すると、Z0モデルからZ2モデルにかけ て一定割合で減少しており、初期不整量が多いほど、 小さい橋軸直角方向変位で構造的に不安定になるこ とが分かる.Z3モデルに関しても同様に構造的に不 安定となる橋軸直角方向変位が減少するはずである が、Z2モデルとZ3モデルを比較すると、構造的に不



図-6 弾性域で生じるトラス橋の変形挙動および 軸方向応力分布の一例



図-7 下弦材に生じる軸方向応力と橋軸直角方向への 強制変位量の関係

安定となる橋軸直角方向変位は初期不整が大きいZ3 モデルの方が大きく,Z4モデルに至っては,初期不 整の無いZ0モデルよりも大きい.

この挙動の理由を圧縮側の下弦材に生じる応力の 状態に求めると、Z0モデルとZ1モデルは弾性域で構 造的に不安定となり、Z2、Z3、Z4モデルは圧縮側 の下弦材が降伏した後に構造的に不安定になってい ることが図-7から分かる.また、初期不整量が大き いZ4、Z3、Z2の順に、降伏後から構造的に不安定 になるまでに許容される橋軸直角方向の変位が大き い.加えて、圧縮側が降伏しても、引張側の応力の 傾きに大きく影響していないことからも、他の部材 等で急激な変形や応力分布の変化を抑制していると 推察され、下弦材に生じる変形、応力分布から構造 的に不安定になる要因を明らかにすることは困難で あることが示唆される.そこで、下弦材以外の部材 の変形も加味し、構造不安定に至るプロセスを再検 討することとした.

下横構の大変形と橋軸直角方向変位の関係を表-3

表-3 下横構の大変形と橋軸直角方向変位の関係

| モデル名 | 下横構大変形時の 橋軸直角方向変位 (単位:m) | A1-A2 (単位:m) | 解析終了時の変位 (単位 : m) | |
|------|--------------------------------|------------------|----------------------|--|
| ZO | A2 : 0. 2200 A1 : 0. 2235 | 0. 0035 | 0. 2235 | |
| Z1 | A2 : 0. 1936 A1 : 0. 1941 | 0. 0005 | 0. 1941 | |
| Z2 | A2 : 0. 1708 A1 : 0. 1708 | 0.0000 | 0. 1708 | |
| Z3 | A2 : 0. 1501 A1 : 0. 1749 | 0. 0248 | 0. 1749 | |
| Z4 | A1 : 0. 1240 A2 : 0. 1482 | 0. 0242 | 0. 3000 | |

に、Z0モデルの構造的に不安定になるまでの挙動を 図-8に、Z1モデルの構造的に不安定になるまでの挙 動を図-9に、Z2モデルの構造的に不安定になるまで の挙動を図-10に、Z3モデルの構造的に不安定にな るまでの挙動を図-11に、Z4モデルの構造的に不安 定になるまでの挙動を図-12に、図-7中のZ0モデル とZ4モデルを対象として下横構の大変形が生じた変 位箇所を加えた図を図-13に示す.

表-3を見ると、Z0、Z1モデルはA2の下横構が先 に面外に大変形を生じた後、A1側の下横構が面外に 大変形しており、A1側の下横構の大変形時の橋軸直 角方向変位と構造的に不安定になる橋軸直角方向変 位が一致している. つまり, A1, A2の両方の下横 構が大変形すると同時にトラス全体系の構造的安定 性が失われたことが示唆される. Z3はA1側とA2側 の下横構の大変形が同時に起きているが、構造不安 定となるメカニズムは同様であると考えられる.こ のことは、図-9~図-11を比較しても見て取れる. この挙動を図-9を例に見ていくと、(b)の時点では圧 縮側の下弦材に面外変形が生じており、その下弦材 に取り付けられている下横構にも面外変形が生じる. その下横構の面外変形が進むと、(c)のように急激に 下横構に大変形が生じ、それとともに下弦材にもま た急激に面外変形が生じることでA2側の耐力が失わ れる. A2側の耐力が失われることで、(d)のように A1側の下横構の面外変形が加速し、それに伴いA1 側の下弦材の面外変形も加速し,全体系の構造安定 性を失っていくメカニズムとなることが示唆される.

一方,表-3においては,Z3モデルとZ4モデルの挙動に関し,Z0~Z2モデルの挙動とは大きく異なる挙動を示している.Z0~Z2モデルは,表-3中に示した |A1 - A2 | の値は小さく,ほぼ同時に両側の下横構が大変形し構造的に不安定になるが,Z3モデルとZ4 モデルの|A1 - A2 | の値は大きく,A1もしくはA2の どちらかの下横構が大変形した後も逆側の下横構は







図-9 Z1モデルの構造的に不安定になるまでの挙動

すぐに大変形せずに構造的な安定性を保っていることが分かる.その挙動は、モデルZ0とモデルZ4を比較した図-13からも分かる. |A1 - A2 | が大きくなる



図-10 Z2モデルの構造的に不安定になるまでの挙動



図-11 Z3モデルの構造的に不安定になるまでの挙動

ことも踏まえ、図-11と図-12を比較していくと、先 に下横構に大変形が生じる側がA1側とA2側とで異 なるが、(d)までの挙動はほぼ同じである.また、 (c)までの挙動は各図ともZ0~Z2モデルと差は無い. ただし、表-3に示すように、Z3モデル、Z4モデルは、 圧縮側の下弦材が他のモデルと比して小さい橋軸直 角方向の変位量で降伏しているため、(c)時の変形は



図-12 Z4モデルの構造的に不安定になるまでの挙動



図-13 下横構の変形に着目した下弦材に生じる軸方向 応力と橋軸直角方向への強制変位量の関係

他のモデルと比べても大きい. (c)から(d)の挙動に 関しても図-11と図-12に大きな差は見られないが, (d)において、下横構に先に大変形が生じた側(A1 もしくはA2)の2径間目の圧縮側の下弦材(各図で 四角で示した箇所)の応力が、反対側の圧縮側の2 径間目の下弦材に生じている応力よりも減少する挙 動が見られる.Z3モデルは(d)の時点で構造的に不 安定となるが、Z4モデルはその後も構造的に不安定 にならず、(e)の時点で圧縮側の2径間目の下弦材の 応力がA1, A2の両方で(d)の時の半分程の値となり, (f)ではさらに小さい値となっている. 圧縮側の下弦 材が早い段階で降伏していることを鑑みると、Z3モ デルとZ4モデルにおいては, (c)から(d)にかけて, 下横構が大変形を生じた箇所の下弦材で塑性ヒンジ の挙動が生じることで,大変形が生じた反対側の下 横構の大変形を抑制することが示唆される. Z3モデ ルでは、A1、A2両側の下横構に大変形が生じた時 点で構造的に不安定となるが、Z4モデルは、両側の 下横構が大変形した後,圧縮側の2径間目の下弦材 の応力が減少していることから,A1側とA2側の両 方で塑性ヒンジの挙動が生じ、つり合いが取れるこ とで構造的に不安定になるまでに許容される橋軸直 角方向の変位量が増加すると推察される.

以上より,与えられる複合方向の変位の違いによ る構造的に不安定になるまでの挙動の違いは明らか となったが,本解析では先に橋軸方向の変位を与え てから橋軸直角方向の変位を与えて解析を行う手法 を用いており,逆に複合方向の角度を決めて,橋軸 方向と橋軸直角方向の変位を与えた解析を行った場 合,同様の挙動を示すかの照査は必要であろう.

5. まとめ

本研究では、ワーレントラス橋の支承部に橋軸方 向変位と橋軸直角方向変位が組み合わされた複合方 向変位が生じた場合、与えた変位量の違いによって、 構造的に不安定となるまでの挙動に差が生じ得るの かを、FEM解析で評価した.得られた知見を以下に 示す.

・橋軸方向と橋軸直角方向の変位がトラス橋に生じた場合,構造的に不安定となる主要因は,下弦材の

変形では無く、下横構の変形挙動であることが示さ れた.

・橋軸方向の変位量が小さい場合,A1とA2の両側 の下横構に大変形が生じると構造的に不安定となる ことが示された.また,A1側とA2側の下横構の大 変形は,ほぼ同時に生じることが示された.

・橋軸方向の変位量が比較的に大きい場合,A1側, A2側のどちらかの下横構に大変形が生じても,逆側 の下横構にはすぐに大変形が生じないことが示され た.その理由として,下横構に大変形が生じた側の 下弦材で塑性ヒンジの挙動が生じ,周辺の下弦材の 応力が減少するため,構造的な安定性を保てさせる 可能性が示唆された.

参考文献

- 松井友希,千田知弘,崔 準祜,馬越一也, :トラ ス橋における地盤変動時の挙動に関する基礎的検討, 令和元年度技術研究発表会,土木学会東北支部, 2020.
- 2) 松井友希,千田知弘,崔準祜,馬越一也:地盤変動時におけるトラス橋に生じる変形挙動に関する基礎的検討,第75回土木学会全国大会講演論文集CD-ROM,2020.
- 3) 松井友希,星宮魁人,千田知弘,馬越一也:地震時の地盤変動によって生じるワーレントラス橋の損傷に関する数値解析的検討,令和2年度東北学院大学工学部研究報告, Vol.55, No.1, p.11-21, 2020.
- 4) 松井友希,千田知弘,馬越一也,星宮魁人,崔準 祜:地盤変動によって損傷を受けたワーレントラス 橋を対象とした地震応答解析に関する基礎的研究, 第23回橋梁等の耐震設計シンポジウム講演論文集, pp.45-52,2021.
- 5) 星宮魁人、千田知弘、馬越一也、松井友希、崔準 祜:地震時のアバットの活動によって生じるワーレ ントラス橋の損傷に関する静的研究、第23回橋梁等 の耐震設計シンポジウム講演論文集、pp.37-44、2021.
- 橘善雄, (中井博改訂):橋梁工学, 共立出版株式 会社, 付録・トラス橋の設計図, 1994.
- 株式会社耐震解析研究所(現:地震工学研究開発センター): SeanFEM Ver 1.22 理論マニュアルと検証, 2007.