

## FEM応答変位法を用いた斜面中のトンネル坑口部の 応答値算定手法に関する基礎的検討

井澤 淳<sup>1</sup>・野城一栄<sup>2</sup>・高野裕輔<sup>3</sup>・陶山雄介<sup>3</sup>・赤澤正彦<sup>3</sup>・丸山 修<sup>3</sup>

<sup>1</sup>正会員 博士（工学）（公財）鉄道総合技術研究所 鉄道地震工学研究センター  
(〒185-8540 東京都国分寺市光町2-8-38)

<sup>2</sup>正会員 博士（工学）（公財）鉄道総合技術研究所 構造物技術研究部  
(〒185-8540 東京都国分寺市光町2-8-38)

<sup>3</sup>正会員 （独）鉄道建設・運輸施設整備支援機構（〒231-8315 横浜市中区本町6-50-1）

### 1. はじめに

山岳トンネルは安定した地山中に建設されるため地震時の安定性が高く、耐震設計は省略されるのが一般的である。しかし、未固結地山中や斜面中に坑口部が位置する場合、地山の変形に伴って覆工に大きな断面力・変形が生じ、過去の地震においても被害が報告されている。したがって、覆工をRC構造として荷重を考慮した設計をすることが多いが、山岳トンネル坑口部の耐震設計については統一的な手法がなく、各現場においてそれぞれの手法で設計を行っているのが現状である。

地中構造物の地震時応答値の算定には、地震時に生じる周辺地盤の変位を地盤を介して構造物に与える応答変位法が採用されることが多い<sup>1)</sup>。しかしながら、一般的な応答変位法は梁ばね系の骨組みモデルを用いており、開削トンネルのような矩形のトンネルでは比較的容易かつ適切に適用できるものの、山岳トンネルのような馬蹄形やシールドトンネルのような円形を有するトンネル場合、地盤ばねやせん断力の設定が非常に煩雑となることなどが問題となり、実務への適用が困難である。

本稿では、未固結斜面中の山岳トンネル坑口部のRC山岳トンネル覆工の耐震設計手法の確立に向けて、FEM応答変位法を用いた地震時応答値算定手法の適用性について基礎的な検討を行った。

### 2. FEM応答変位法を用いた坑口部の応答値算定手法

本研究では、トンネル坑口部の応答値算定に図1に示すようなFEM応答変位法を用いた。これは、地盤応答解析と静的構造解析に分け、弾性体としてモ

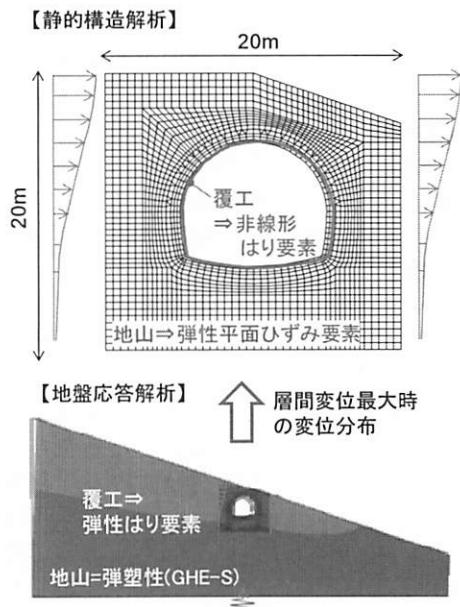


図1 適用するFEM応答変位法の概念図

デル化したトンネル覆工を有する斜面の2次元FEM地盤応答解析からトンネル坑口周辺地盤の変位分布を算定し、別途作成する2次元FEM静的構造解析において境界変位として作用させることにより、トンネル坑口部の地震時の応答値を求めるものである。一般的に、地中構造物に対して地盤と覆工とともに非線形性を考慮した複雑なモデルを用いて動的解析を行うことは難しいが、本手法では構造解析を静的解析により行うため、覆工に複雑な構成モデルを適用することができる。また、骨組解析による応答変位法を円形や馬蹄形の覆工に適用する場合、地盤ばねおよび周面せん断力の設定が問題となるが、本手法ではFEM静的構造解析において地盤物性を適切に設定することでこれらを自動的に考慮出来る利点もある。なお、静的構造解析においては、常時設計で

求まつた覆工配筋を用い、常時荷重により発生する断面力を初期荷重として与えたのちに、モデル化する周辺地盤の上下端の相対変位が最大となる時刻の地盤境界変位を地盤応答解析より求めて作用させる。厳密には静的構造解析において与える作用として、切欠き地盤周面に作用するせん断力および周辺地盤と覆工に作用する慣性力も与える必要がある<sup>2)</sup>。ただし、別途行った比較計算によりそれらの影響が地盤変位の影響に対して無視できるレベルであることが確認出来たため、実務上の簡便さを考慮して、周辺地盤の変位のみを作用として考慮することとした。

本稿では、上記手法の適用性の基礎的な検討を目的とし、N値30を想定した砂地盤からなる0, 10, 20°の理想的な斜面中に位置するトンネル坑口部を対象とした試計算を実施した。

### 3. 坑口部を有する斜面の地盤応答解析

#### (1) 地盤応答解析手法

2次元FEM地盤応答解析では、地盤の構成則として、主応力方向の回転を考慮出来る多重せん断ばねモデル<sup>5)</sup>に鉄道構造物の耐震設計<sup>3)</sup>で標準的に用いられるGHE-Sモデル<sup>4)</sup>を組み込んだモデルを用いた。

また、斜面中のように初期せん断が作用する未固結の地盤に繰返しせん断応力が作用すると、初期せん断の作用する方向へせん断ひずみが累積する傾向がある。図2に豊浦砂（相対密度80%）を用いた中空ねじりせん断試験において、初期せん断応力比0（等方状態）および0.75として初期せん断を与えた後、せん断応力比0.2(20kPa)の繰返しせん断を与えた場合のせん断応力-せん断ひずみ関係を示す。初期せん断を加えた状態で繰返しせん断を与えた場合、初期せん断の作用する方向へひずみが累積する傾向があるのが分かる。このような変形の累積は斜面中のトンネルの応答に影響するため、地盤応答解析において適切に評価する必要がある。しかしながら、この効果を含めて設計実務を行うには、適切なモデルがないのが現状である。そこで、通常のGHE-Sモデルを用いた地盤応答解析を行い、得られた変位分布を割り増して静的構造解析において作用させることとした。今回は、断層直下型の地震波を正弦波に換算した場合の等価な繰返し回数を3回程度と考え、図2(b)に示すように繰返し回数3回目と1回目のせん断ひずみ増加率を様々な初期せん断応力比、繰返しせん断応力比について求めた結果から、概ね1.2倍程度であることを確認し、割り増し係数1.2を用いることとした。

#### (2) 地盤応答解析条件

上記の手法を用いて0, 10, 20°斜面の試計算を行った。地盤はN値30の砂地盤を想定し、鉄道構造物等設計標準・基礎構造物<sup>6)</sup>に従って $\gamma=18 \text{ kN/m}^3$ ,  $V_s=248.6 \text{ m/s}$ ,  $\phi=36.2^\circ$ 度とした。また、粘着力を一律10kPa与えた。これらから得られる各地点の拘束圧

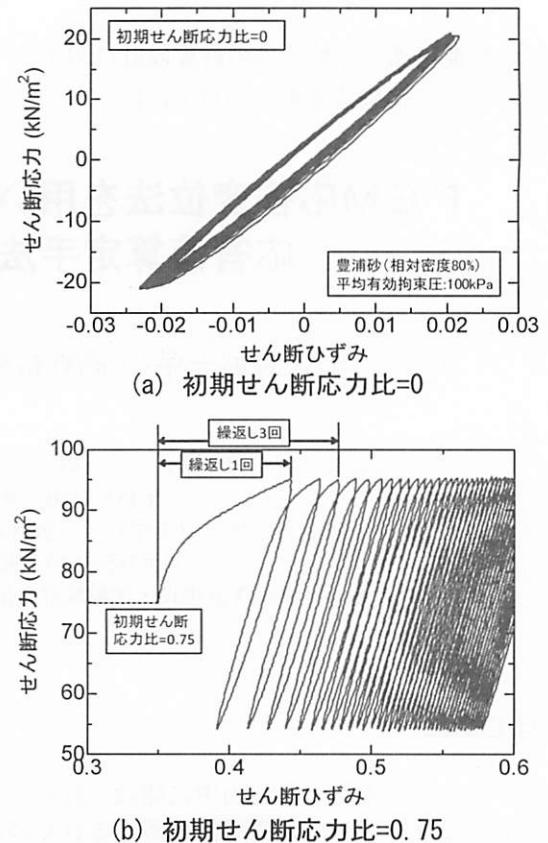


図2 初期せん断を与えた繰返し中空ねじり試験結果の例

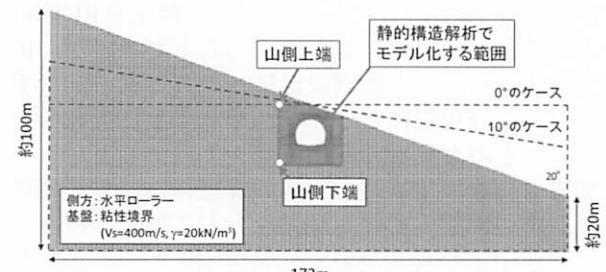


図3 地盤応答解析の概念図

に依存したせん断強度 $\tau_f$ とせん断剛性 $G_0$ （拘束圧の0.6乗に比例とした）を用いて基準ひずみ $\gamma_r (= \tau_f/G_0)$ を算出した。また、GHE-Sモデルの非線形パラメータには標準パラメータ<sup>4)</sup>を使用した。

覆工は隅角部のRC部材の応力-ひずみ関係における原点と最大耐力点を結んだ等価剛性程度( $EI=3000 \text{ kNm}^2$ )を有する弾性梁要素でモデル化した。斜面角度20°のモデルを図3に示すが、斜面角の異なる各ケースにおいて、基盤からトンネル下面までの距離と覆工直上の土被り(0.5D)が一致するように作成した。なお、静的解析においてモデル化する周辺地盤領域はトンネル径の2倍となる20m×20mの区間とし、モデル下端には $V_s=400 \text{ m/s}$ ,  $\gamma=20 \text{ kN/m}^3$ 相当の粘性基盤を設置している。

このモデルを用いて、以下のステップで応答解析を行った。

- ① トンネル部を地盤で満たした状態の自重解析より、拘束圧依存を考慮したせん断強度および初

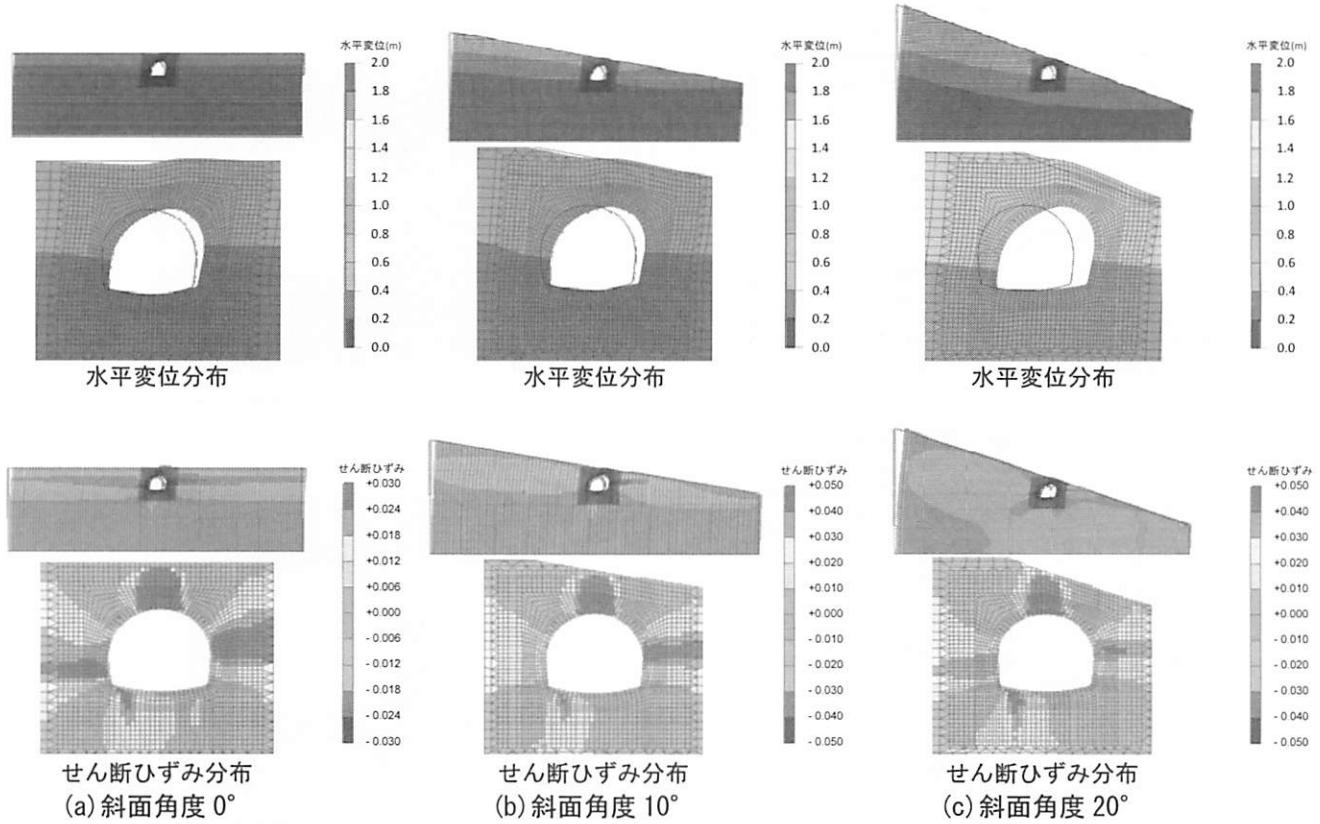


図5 上下端相対変位最大時の周辺地盤の変位およびせん断ひずみ分布(表示倍率5倍)

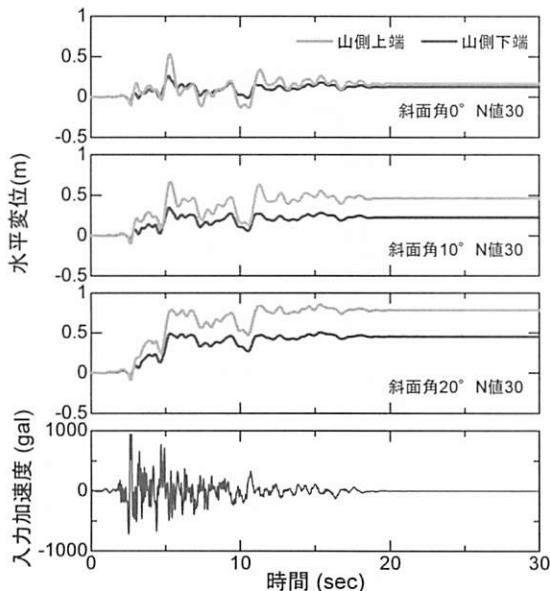


図4 周辺地盤上下端の変位時刻歴

期剛性を求める。

- ② トンネル部を考慮した状態（内部地盤を除き、覆工に梁要素を配置した状態）で初期応力解析を再度実施し、周辺地盤および覆工の初期応力状態を求める。
- ③ ②で求めた応力状態のみを各要素に与え、鉄道構造物等設計標準・耐震設計に示すスペクトルII(G1地盤)を基盤から入力する。

### (3) 地盤応答解析結果

図4に周辺地盤の山側上端、下端の水平変位の時刻歴を示す。斜面角度0°（整形地盤）の場合は振動中の変位が卓越し、残留変形はほとんど残らない。一方、斜面角度を有する場合は振動中に最大変位を生じるもの、同等の残留変形が生じていることが分かる。上下端の相対変位が最大になる時点の周辺地盤およびトンネル覆工の変位分布を図5に示すが、斜面角度が大きいほど覆工上下端の相対変位も大きくなっている。静的構造解析では、相対変位最大時に生じている地盤のせん断ひずみに対応する地盤剛性を算出して各要素に与えるとともに、境界変位を1.2倍まで与える。

## 4. 坑口部の耐震検討

### (1) 常時設計

表1にRCトンネル覆工の常時設計に用いた条件を示す。未固結・小土被り地山中のトンネル坑口部を想定し、地表面には傾斜がある条件とした。土被りは0.5D（トンネルの幅:D）、N値30、斜面角度は0°（ケース1）、10°（ケース2）、30°（ケース3）とした。表2に解析条件を示す。常時の設計では、図6に示すとおり全土被り荷重と対応した側圧を作用させて骨組解析を行い、鉄道構造物等設計標準開削トンネルに準拠した限界状態設計法により覆工

表1 トンネル覆工の検討条件

	項目	入力値
地盤	土被り	0.5D
	斜面角度	0° (ケース1) 10° (ケース2) 20° (ケース3)
	N値	30
	内部摩擦角 $\phi$	37°
	粘着力 c	10kPa
	ボアソン比 $\nu$	0.25
ネトルン	設計基準強度 $f_{ck}$	24 MPa
	断面	新幹線曲線

表2 解析条件（常時設計）

項目	入力値
荷重	全土被り荷重
単位体積重量 $\gamma$	18kN/m <sup>3</sup>
側圧係数 $\lambda$	0.45 (N=30)
ばね	引張ばね切り
変形係数 E	75,000kPa
地盤反力係数 $k_r$	$1.7 \times E \times D^{-3/4}$

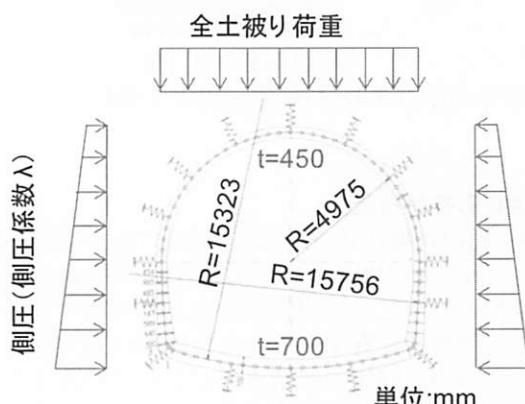


図6 常時設計で考慮した荷重

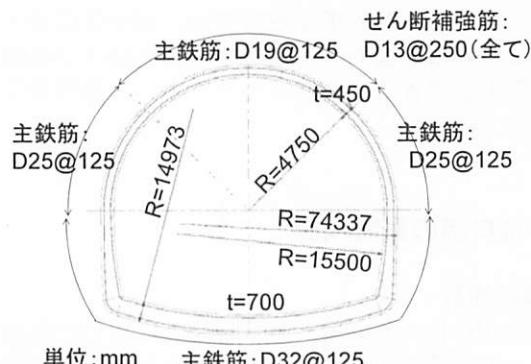
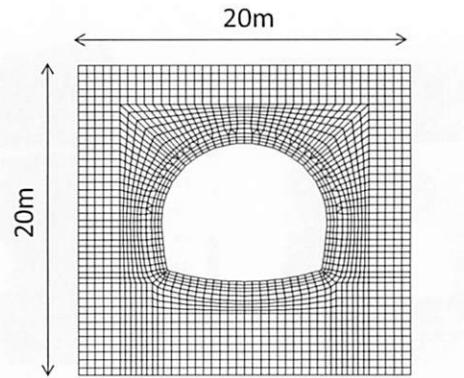


図7 常時設計による決定断面

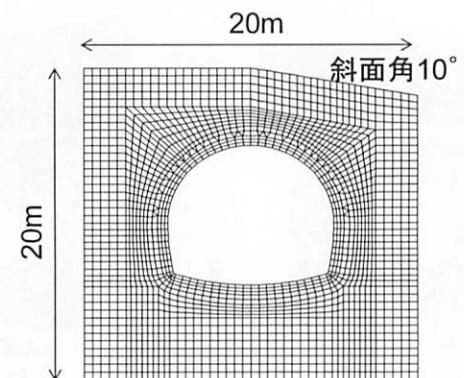
巻厚と鉄筋を決定した。常時の設計による断面を図7に示す。

## (2) 地震時応答値算定

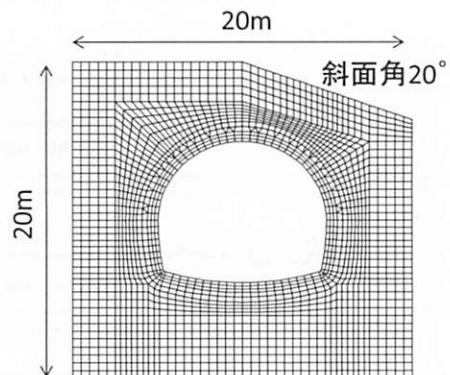
静的構造解析は2次元FEMにより行い、図8に示す



(a) ケース1(整形地盤)



(b) ケース2(斜面角度 10°)



(b) ケース3(斜面角度 20°)

図8 解析メッシュの例

ように20m×20mの範囲をモデル化した。地盤の弾性係数は3章で実施した地盤応答解析より算出される相対変位最大時の剛性を要素毎に入力した。覆工は鉄道構造物等設計標準 耐震標準<sup>2)</sup>に従い、非線形バイリニアモデルとしてモデル化し、4(1)で示した骨組解析により行った常時の設計で求まる断面力を初期値として与えた。このように作成したモデルに對し、地盤応答解析により得られた20m×20mの範囲の周面での地盤変位を静的構造モデルに作用させた。

図9にトンネルの応答（変形、断面力）を示す。どちらのケースも地盤のせん断変形に合わせてトンネルも全体的にせん断変形し、斜面角度が大きくなるのに伴い変形も大きくなる。トンネルの変形に応じ、アーチ右肩、左下隅角部では負曲げが、アーチ

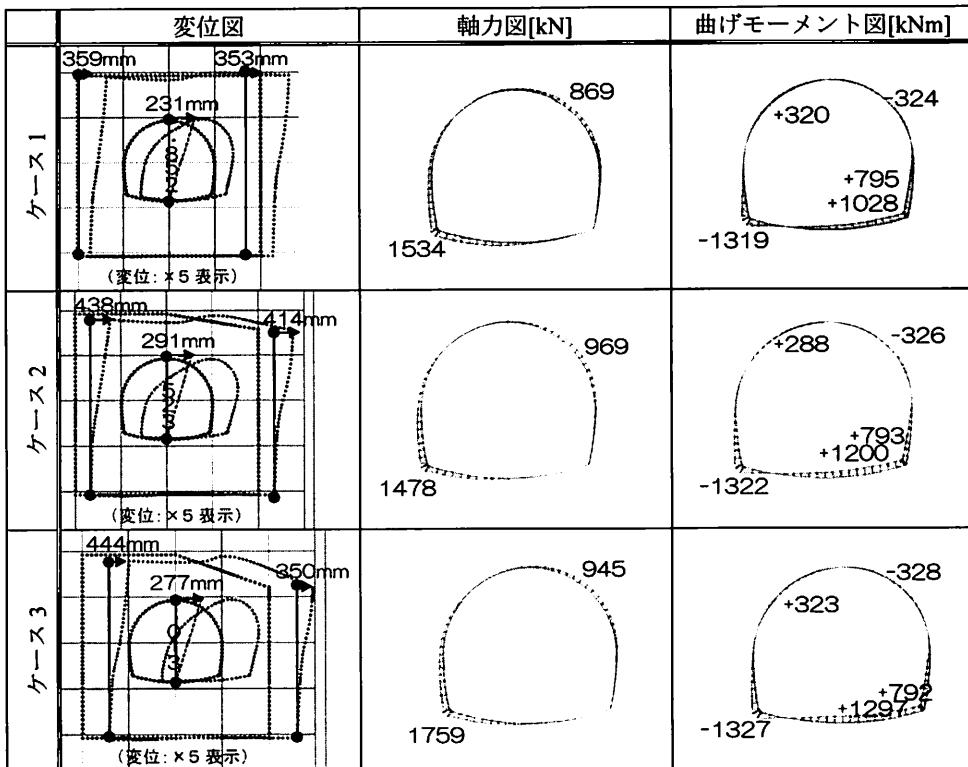


図9 トンネルの応答（変形、断面力）

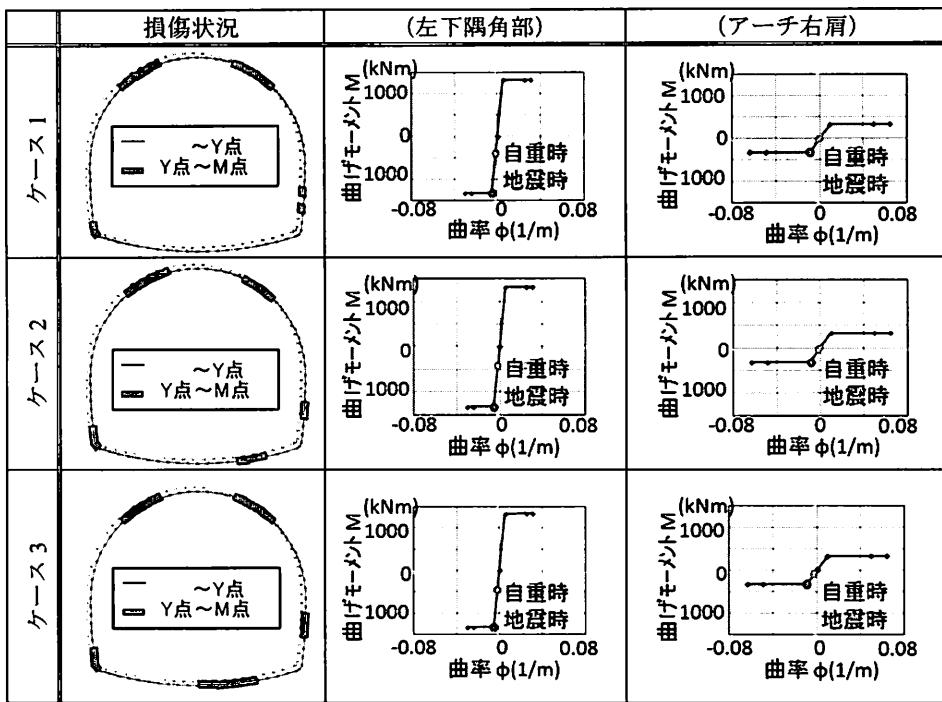


図10 覆工の曲げ損傷の進展

左肩、右下隅角部では正曲げが発生した。覆工の曲げ損傷の進展を図10に示すが、曲げが大きくなる隅角部、アーチ肩部、インバート端部などで鉄筋の降伏が生じた。図10に、アーチ右肩、左下隅角部の要素における曲率 $\phi$ 、Mの値も合わせて示すが、M点に到達する要素はなく、常時設計で決定した断面であっても、耐震設計において十分な安全性を有することを確認した。なお、せん断力は右下隅角部で大

きくなり、常時のせん断補強筋D13@250mmをD16@250mmにランクアップする必要が生じた。この傾向はケース2でも同様であった。

なお、本稿では、解析領域としてトンネル径の2Dに相当する20m×20m範囲を選択したが、図11に示すようにトンネルの周りの地盤のひずみを地盤応答解析と静的構造解析とで比較したところ両者が良く一致したことから、その妥当性を確認している。

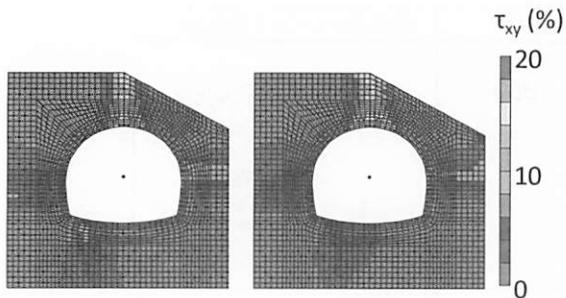


図 11 せん断ひずみ分布の比較（ケース 3）

## 5. まとめ

本稿では、未固結斜面中の山岳トンネル坑口部のRC山岳トンネル覆工の耐震設計手法の確立に向けて、FEM応答変位法を用いた地震時応答値算定手法の適用性について基礎的な検討を行い、以下の知見を得た。

- 1) 未固結斜面中に存在するトンネル坑口部の耐震設計における周辺地盤の地盤応答解析において、多重せん断ばねモデルにGHE-Sモデルを組合させたモデルを適用することで、適切に応答値が算定できることを確認した。また、初期せん断を受ける地盤の変形特性について、本検討では初期せん断の影響によるひずみの累積を豊浦砂の実験結果を元に1.2倍として設定したが、具体的な土の特性に応じた詳細な検討が必要である。
- 2) FEM応答変位法を用いて、L2地震動による斜面のせん断変形を受ける山岳トンネル坑口のRC

覆工の変形破壊挙動を検討した。その結果、今回の計算上においては、未固結小土被りの斜面中にあるトンネルにおいても、常時の設計条件で決まる配筋に対し、せん断補強を追加する必要があるが、大きな地盤のせん断ひずみに対してM点に到達する要素はなく、アーチ形状の山岳トンネルの地震時安全性を確認した。

今後は、これらの研究の成果をまとめ斜面中のRC山岳トンネル覆工の耐震検討法の提案に反映させていく予定である。

謝辞：初期せん断を与えた中空ねじりせん断試験の実施においては、東京大学の古閑潤一教授より多大な助言を頂きました。記して謝意を表します。

## 参考文献

- 1) 川島一彦、地下構造物の耐震設計、鹿島出版会、1994
- 2) 立石章、応答変位法における地震荷重の作用方法に関する研究、土木学会論文集、No.441, I -18, pp.157-166, 1992
- 3) 鉄道構造物等設計標準・同解説 耐震設計、鉄道総合技術研究所、2012.
- 4) 野上雄太、室野剛隆：S字型履歴曲線を有する土の非線形モデルとその標準パラメータの設定、第30回土木学会地震工学研究発表会論文集
- 5) 和田ら、2方向地震動を受ける無限均等ラーメン構造の弾塑性応答性状、日本建築学会構造系論文報告集、第399号、1989.
- 6) 鉄道構造物等設計標準・同解説 基礎構造物、鉄道総合技術研究所、2012.
- 7) 鉄道構造物等設計標準・同解説 開削トンネル、鉄道総合技術研究所、2001.