

(17) 河川水質変動特性の解説ならびに重回帰分析——(討議)

東京都下水局 奥野 長晴

1 因子分析・主成分分析について

因子分析法は多次元分布をする集団の周辺分布係数間の偏り係数を基礎とし、ある2変量間の相関係数が変ると、それ以外の変量間のそれが同一であつても、最終分析結果はかなり変つてくる。たとえば、原著者はおとの主成分分析のときにマンガンと一般細菌との2つの変量を除去してしまつたために、当初、人為的汚染因子と呼ぶオーネのグループに属してBODが、オーネではアツのグループに移動してしまつた。原著者の言葉を借りれば「BODは気温因子に属する」といふがえなければならぬことである。一部の変量を変えたことはより最終結果が大きく変るこことが因子分析法や主成分分析法の一つの弱点である。

式(2)が本す子とは工学的にいかなる意味をもつ相應なのであらか? ディメンションを異にする量を合成していくことと、情報量を増加するためには各量を測定して水質をベクトル量にしておきながら、再びスカラーに変換していこうこととの理由がよくわからない。

因子分析+主成分分析は多次元ベクトルの元を周辺とする分布の相互関係を問題とするものであるから、同一母集団に属する標本であることが本法適用の基本的前提条件である。某川流域の開発の状況や水利用の形態などを考慮していこうとしたう、長年月向のデータを一まとめにしてそれを同一母集団に属すると考えてよいものかどうか疑問の多いところである。

表-1において、流量はオーネのグループに0.747を、アツのグループに0.447という値をもつてゐるが、流量は二の兩者に因連していこう。陰イオン活性剤も同様にオーネとアツグループにまたがつていこう。バリマックス基準を用いたう軸を直交回転しても因子負荷量が極大値と最小値とに区分されず、中間の値のものが残つたわけである。水質項目はたゞ二つの外部条件だけに因連するといふことは現実にありえないにもかかわらずありえることを前提としたバリマックス法を適用したことがその理由である。したがつて斜交回転を原理とするオブリマックス法やクラーケン法などを用ひればもう少し違う結果がえられるかもしれない。

2 BOD変動の予測について

原著者は将来のある時刻のBODを過去何日分かの温マンガン酸カリ消費量やDOなど数多くの変量を用いて推定する試みをしていこう。二つ奇異に思れるのは前節において因子分析によつて変量を分類していこうにもかかわらず、全変量を用いて予測式を作成していこう点である。バリマックス法によつて3因子に属する3つのグループに分類した二つは直交せずであることを示している。統計学的には独立(直交)とは代数的には無相容を意味する。BODの属するグループと直交していこうグループに属する変量を用いてBODを推定するのは無理ではなかろうか? 推定式中の独立変量の数を増加すると、重相関係数は増加する。しかしながら、標準誤差は減少とは限らない。また推定値の変動と誤差の変動の比をそれを自由度でわったものの比、すなはちF値、は増加することは限らない。つまり変量の増加は推定式の精度を向上していこうとはいえない場合もある。

3 評価

不確定要素があまりにも多すぎる環境の汚濁現象を定量化するためにはマクロからミクロへといふ分析的思考ではなく、局所的厳密性がある程度捨てても大局的には正しいといふ理解のできる方法論を必要とする。それに培えてくれるものが一つがニードモデルされた多変量解析や時系列解析法である。しかしこのような手法はほんの端につけたばかりで、多くの蓄積はなされていなかる。原著者は文字通りパイオニア的困難に遭遇したニヒル性に現れていこう。原著者の二の研究が実戦になつて、二の方面に多くの努力が集中されることを期待しておきたい。