# MPS 法による流体---剛体連成解析のための造波・流出境界の構築

岩手大学 学生会員 砂川透吾, 菊地重友, 正会員 小笠原敏記, 堺 茂樹

#### 1. はじめに

陸上に遡上した津波や高潮などによる氾濫流が構 造物に衝突したとき,観測や実験では不確定条件が 多いため,その流体力を正しく推定することは意外 と難しく,流体-構造連成解析による数値計算との 併用が望まれる.その正確な流体力を推定するため には,まず安定した波の造波が要求される.貯留水 槽を用いた造波方法は,初期条件の設定を比較的容 易に行えるが,貯留開口部の乱れを伴った不安定な 波を生成させるため,安定させるまでに長い伝播距 離が必要となる.また,遡上した氾濫流を計算領域 外に滑らかに流出させるための流出境界も望まれる.

そこで本研究では、粒子法の1つである MPS 法を 用いて、剛体粒子で構成されたピストン式造波板に よる造波境界を構築し、実験で得られた孤立波の波 高と比較し、その造波境界の妥当性を検討する.さ らに、水粒子の流出を安定に行うことができる静水 圧近似の仮想領域を設定した流出境界を提案する.

## 2.MPS 法の概要

MPS 法は Koshizuka・Oka (1996) によって提案された粒子法の一手法であり,自由表面を含む非圧縮 流体の動的な解析を可能とした.支配方程式は次式 で表される連続の式とN-S 方程式を用いる.

$$\frac{D\rho}{Dt} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{D\boldsymbol{u}}{Dt} = -\frac{1}{\rho}\nabla p + v\nabla^2 \boldsymbol{u} + \boldsymbol{g} \tag{2}$$

ここで、 $\rho$ は流体の密度、tは時間、uは速度ベクト ル、pは圧力、vは動粘性係数、gは重力加速度を表 す. MPS 法では以下の粒子間相互作用モデル(勾配 モデル、ラプラシアンモデル)を用いて離散化する.

$$\left\langle \nabla \phi \right\rangle_{i} = \frac{d}{n^{0}} \sum_{j \neq i} \left[ \frac{\phi_{j} - \phi_{i}}{r_{ij}^{2}} \mathbf{x}_{ij} w_{ij} \right]$$
(3)

$$\left\langle \nabla^2 \phi \right\rangle_i = \frac{2d}{n^0 \lambda} \sum_{j \neq i} \left[ \left( \phi_j - \phi_i \right) w_{ij} \right]$$
(4)

ここで、dは次元数、 $n^{0}$ は基準粒子数密度、 $\phi_{i}$ およ び $\phi_{j}$ は各粒子i、jのスカラー量、 $r_{ij}$ は粒子i、j間の 距離、 $x_{ij}$ は粒子i、j間の相対位置ベクトル、 $\lambda$ は拡散 方程式の解析解を満たす係数、 $w_{ij}$ は重み関数である.

### 3. 流出境界について

流出境界として,粒子相互作用の有無に用いる影響半径に相当した仮想領域を設定する.仮想領域内に流入した水粒子には,図-1に示すように水平速度 $u_i$ を時間的に一様,鉛直流速 $v_i$ をゼロおよび圧力 $p_i$ を静水圧近似として与えた.流出境界の精度検証には,図-1に示す水柱( $^{W}L \times {}^{H}2L$ ; L=0.4m)の崩壊問題を行い,x=3Lでの流出境界の有無による水平流速および圧力への影響について検討する.

図-2 は, x=1.5L, 2L および 2.5L での鉛直断面平均 より求めた水平流速 u の時間変化の比較である.流 出境界の有無に関わらず,水平流速は良く一致し, 境界に近い x=2.5L でも境界の影響は見られない.同 様に,圧力の時間変化の比較を図-3 に示す.水平流 速に比べて若干の差が生じるが,護岸や家屋を越流 した後の氾濫流の逆流を抑制することを目的として いることから,この程度の差異は問題ないと考えら れる.以上より,各物理量を与えた仮想領域は,流 出境界としての役割を果たすことが可能と言える.

#### 4. 造波境界について

造波境界として, 剛体粒子で構成されたピストン



MPS 法,造波境界,流出境界

岩手県盛岡市上田 4-3-5 岩手大学工学部社会環境工学科 · 019-621-6448 · 019-652-6048



図-2 流出境界の有無による水平速度の時間変化の比較

式造波板(高さ 0.6m,厚さ 0.05m)を設定する.造 波板を滑らかに稼働させるため,各剛体粒子に与え る物理情報を位置ではなく,次式の速度 *u<sub>i</sub>*とする.

$$u_{i} = \frac{A \pi}{2t_{0} \cosh^{-2}\left\{2\pi\left(\frac{t}{t_{0}} - \frac{1}{2}\right)\right\}} \quad (0 \le t \le t_{0}) \quad (5)$$

ここで,*A*は造波板の変位幅,*t*<sub>0</sub>は造波板の最大変位 に要する時間である.

図-4 に、式(5)を用いて稼働するピストン式造波板 および発生する孤立波の空間波形を示す.ここで to は 3.6 秒, A は 0.302m とする.造波板の移動に伴っ て流体粒子も乱れることなく、安定した孤立波が生 成されていることがわかる.図-5 は、造波板から 2.0m の位置における波高について、計算値 H<sub>num</sub> と実験値 H<sub>exp</sub>を比較したものである.なお、H<sub>num</sub>の値は 0.1 秒 間の平均値である.H<sub>num</sub>の値は、H<sub>exp</sub>の値に概ね一 致していると言える.H<sub>exp</sub>の値に比べて多少のバラ つきが見られる原因として、表面張力、造波板の剛 体粒子と水粒子間の力の相互作用、表面近傍の粒子 数密度の疎密などが考えられる.今後、これらの事 項の詳細な検討が必要がある.

#### 参考文献

Koshizuka,S. and Oka,Y (1996): Moving-Particle Semi-implicit Method for Fragmentation Incompressible Fluid, Nucl. sci. Eng., 123, pp. 421-434.



図-3 流出境界の有無による圧力の時間変化の比較



図-5入射波高の実験値と計算結果の比較