結晶すべりとマルテンサイト変態を伴う 擬弾性・塑性材料挙動の数値シュミレーション

1. はじめに

Ti-Ni や Cu-Al 系合金が有する形状記憶効果や擬弾性効 果はマルテンサイト変態によって得られるものである.マ ルテンサイト変態は熱力学的荷重によって母相(オーステ ナイト)からマルテンサイト相に相転移する現象で,この 際に5~10%もの大きなひずみを生じる.

本研究では,マルテンサイト変態および結晶すべりを伴う擬弾性・塑性構成則の定式化を行ない,単結晶および多 結晶金属材料を模擬した三次元有限要素モデルに適用して 解析を行うことで,擬弾性挙動の発現機構および結晶すべ りの影響をミクロ・マクロの両視点から調査する.

 結晶すべりを伴うマルテンサイト変態構成 モデルの定式化

本モデルにおける変形と運動は有限変形理論に基づいて 記述し,マルテンサイト変態構成モデルは Idesman ら¹⁾ の熱力学モデルを基にしており,その発展方程式は最大散 逸の原理から導く.

2.1 変形と運動学

全体の変形に対する弾性,マルテンサイト変態,結晶す べりの寄与分を次式で示すように変形勾配の乗算分解で定 義する.

$$\boldsymbol{F} := \boldsymbol{F}^{\mathrm{e}} \boldsymbol{F}^{\mathrm{t}} \boldsymbol{F}^{\mathrm{p}} \tag{1}$$

また,マルテンサイト変態による変形は材料パラメータと して与えられる各相の変形勾配 $\hat{F}^{t(p)}$ と変数として与えられる体積率 $c^{(p)}$ を用いて次式で定義する.

$$\boldsymbol{F}^{\mathrm{t}} := \sum_{p=0}^{m} \hat{\boldsymbol{F}}^{t(p)} \boldsymbol{c}^{(p)} \tag{2}$$

ここで p = 0 の相は母相をあらわしている.

2.2 発展方程式

自由エネルギー関数は力学的ひずみエネルギー Ψ^{E} ,相の化学自由エネルギー Ψ^{Θ}_{0} , Ψ^{Θ}_{M} ,界面エネルギー,塑性硬化によるエネルギー Ψ^{H} を考慮し次式で定義する.

$$\Psi = \Psi^{\rm E} + c\Psi^{\Theta}_{\rm M} + (1-c)\Psi^{\Theta}_0 + Ac(1-c) + \Psi^{\rm H} \qquad (3)$$

ここで c はマルテンサイト相の体積率で $c = \sum_{p=1}^{m} c^{(p)}$ で 与えられる . A は界面エネルギーの影響の大きさを表す材 料パラメータである . さらに熱力学の第二法則から導かれ る Plank 不等式を用いて , これを常に満たす次式のような 発展方程式を導入する .

$$\dot{c}^{(pq)} = \lambda^{(pq)} X^{(pq)} \tag{4}$$



図-1 結晶方位依存性および材料パラメータ A の検証



図-2 結晶方位依存性および材料パラメータ A の検証

$$\begin{cases} X^{(p0)} = \boldsymbol{\chi}^{(p)} : J\boldsymbol{\sigma} - (\Psi_M^{\Theta} - \Psi_0^{\Theta}) - A(1 - 2c) \\ X^{(pq)} = (\boldsymbol{\chi}^{(p)} - \boldsymbol{\chi}^{(q)}) : J\boldsymbol{\sigma} \qquad (q \neq 0) \end{cases}$$
(5)

ここで $\dot{c}^{(pq)}$ は p 相から q 相への体積率変化, $X^{(pq)}$ は変態の駆動力をあらわし, $\lambda^{(pq)}$ は駆動力に対する変態の進展量を与える係数である.また,

$$\boldsymbol{\chi}^{(p)} = \boldsymbol{F}^{e} \left(\hat{\boldsymbol{F}}^{t(p)} - \boldsymbol{I} \right) \boldsymbol{F}^{t-1} \boldsymbol{F}^{e-1}$$
(6)

である.

結晶すべりの発展方程式については以下に示す Asaro ら²⁾のモデルを用いる.

$$\gamma^{(\alpha)} := \dot{a} \left| \frac{\tau^{(\alpha)}}{g^{(\alpha)}} \right|^n \operatorname{sign} \left(\frac{\tau^{(\alpha)}}{g^{(\alpha)}} \right) \tag{7}$$

ここで $\tau^{(\alpha)}$ は分解せん断応力, $g^{(\alpha)}$ はすべり抵抗力をあらわす変数である.

3. パラメータスタディ

ここでは,単結晶材料を模擬した簡単な8要素立方体有 限要素モデルを用いて,マルテンサイト変態構成モデルで 使用される幾つかの材料パラメータについてそれらが結果 に及ぼす影響を検証する.

図-1(a) に異なる結晶方位を割り当てて解析を行った結 果得られた応力ひずみ曲線を示している.実験で確認され ているヤング率,変態開始点の応力および変態ひずみの結 晶方位依存性をよく再現している.



図-3 内部にボイドが分布する有限要素モデル

続いて界面エネルギーの影響の大きさをあらわす材料パ ラメータ A を変えて解析し,得られた応力ひずみ曲線を 図-1(b) に示す.A が大きくなると,変態開始点の応力が 高くなる一方で変態の後半ではより低い応力で変態が進行 している.この結果は,界面エネルギーが相の核生成を妨 げる効果や,相体積率の変動により界面エネルギーが変態 を妨げる力から推進する力へと変わる効果をよく再現して いる.

また,転位や不純物の混入といった初期不整の影響を考慮した材料パラメータ k を変えて解析した結果得られた応力ひずみ曲線を図-2(a),(b) に示す.ここで(a) は,初期不整の影響が相の核生成だけでなく変態が進展する間も及ぶことを仮定し,変態の駆動力に k を組み込んだモデルを用い,(b) はその影響が核生成時に限られると仮定したモデルを用いて得られた結果である.これらの結果は,変態開始点の応力や応力ヒステリシスに及ぼす初期不整の影響を適切に再現しているといえる.

4. 擬弾性・塑性材料挙動の数値シュミレーション ここでは、単結晶および多結晶を模擬した有限要素モ デルに対して結晶すべりを伴うマルテンサイト変態構成モ デルを適用することで、擬弾性・塑性材料のの単軸変形を 想定した数値シュミレーションを実施し、その結果を検証 する.

4.1 マルテンサイト変態の進行に伴うミクロ組織の 進展シュミレーション

ここでは、図-3に示す内部にランダムにボイドを配置 した有限要素モデルを用いてマルテンサイト変態の進行に 伴うミクロ組織の進展をシュミレーションする。図-4に 解析で得られた各荷重ステップにおけるマルテンサイト体 積率の分布と相当応力の分布を示す.ボイド周辺で変態が 始まり、しばらく載荷を続けると帯状のマルテンサイトが 一気に析出する様子が観察できる.このように、瞬間的に ミクロ組織が大きく変化する様子は、実際の材料でマルテ ンサイト変態を観察する際にも見られる傾向であり、本モ デルがマルテンサイト変態に伴うミクロ組織の進展をよく 再現しているといえる.また、載荷軸の45°方向に変態が 進展しているが、図-4を見るとボイドの周辺の応力分布 は載荷軸の45°方向に集中しており、変態進展の方向はこ れに起因するものと考えられる.

4.2 多結晶擬弾性材料における結晶すべりの影響評価

多結晶擬弾性材料における結晶すべりの影響を議論する ため,多結晶材料を模擬した図−5(a)に示す有限要素モデ ルに対して,マルテンサイト変態における結晶すべりを考 慮するモデルおよび考慮しないモデルを適用し単軸変形を 想定した解析を行い,得られた結果を比較する.



図-4 マルテンサイト体積率とミーゼス応力分布



図-5 多結晶有限要素モデルと応力ひずみ曲線



図-6 マルテンサイト体積率と結晶すべりの分布

解析の結果得られた応力ひずみ曲線を図-5(b)に,結晶 すべりを考慮するモデルの a 点におけるマルテンサイト相 体積率および結晶すべりの分布を図-6 に示す.図-5(b)を みると,途中までは結晶すべりを考慮するモデルとしない モデルで同じ経路をだどるが変形が大きくなると結晶すべ りを考慮したモデルの応力がより低くなっていることがわ かる.また図-6より,マルテンサイト変態が終了した領域 において結晶すべりが卓越している様子が観察できる.こ れらの結果から,擬弾性材料において確認される残留ひず みは多結晶金属の非均一な応力分布に起因した局所的な結 晶すべりが生じるためであると考えられる.

5. 結論

本研究では,結晶すべりを伴うマルテンサイト変態構 成モデルを用いて擬弾性・塑性材料挙動をシュミレートし た.本研究で提案したモデルはマルテンサイト変態に伴う 不連続なミクロ組織をよく再現し,擬弾性・塑性材料挙動 におけるマルテンサイト変態と結晶すべりの影響を明らか にした.

参考文献

- A.V.Idesman, V.I.Levitas, D.L.Preston, J.Y.Cho: Finite element simulations of martensitic phase transitions and microstructures based on a strain softening model, *Journal* of the Mechanics and Physics of solids, pp.495–523, 2005.
- Asaro, R.J: Micromechanics of Crystals and Polycrystals, Adv. Appl. Mech, ver23, pp1-, 1983