

異方硬化理論に基づく砂の繰り返し載荷時の変形挙動の表現

東北大学 大学院 ○加藤 高之
東北大学 工学部 猪田 善輔
東北大学 工学部 柳澤 茂司

1. はじめに 地震時にあける砂地盤の挙動を予測するためには従来用いられている Hardin - Druckerich モデルや Ramberg - Osgood モデルのような一次元的解析では、限界を有する。近年地震時の液状化現象には、三次元的応力を発生させる表面波が大きく関与していることが、指摘されているからである。本研究は簡便で、しかも、多次元応力状態における繰り返し載荷時の砂の変形挙動を表現し得るモデルを提案し、代表的な応力経路に適用し、既往の実験結果と比較することによって、その適用性について検討を行なうものである。

2. 提案する構成式 砂の基本的性質をすべて取り込むことは、極めて複雑な構成式をもたらすことになるので、式となるべく簡便にするため、つぎのような操作を行なった。

①工学的には、塑性ヒドロ速度の大きさを適切に判断することが、その方向を正しく表現することより大切であると考え、負荷曲面について単純化を行なう一方、塑性係数について十分な注意が払われている。

負荷曲面 ピステリシス現象や Bauschinger 効果などを、多次元応力空間で表現するため次式で規定する。

$$f(S_{if} - \alpha_{if}) - R(\theta) \cdot \sigma_0(\lambda_c) \cdot p' = 0 \quad (1)$$

関数 $R(\theta)$ は、元平面上の負荷曲面の断面形状を決定する。その他パラメーターについては、図 1 と図 3 を参照。

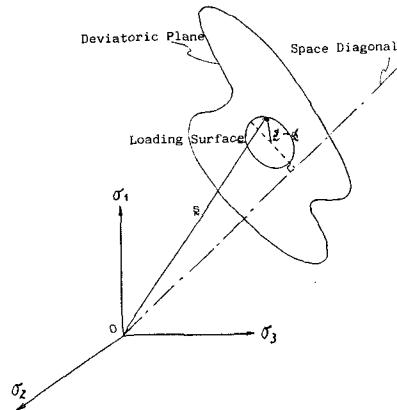
背応力 摩擦性材料である粒状体の塑性変形は、第一義的に、応力比で統一的に表現できるはずであるが、

負荷曲面とその背応力の運動を偏差面上に限定する。

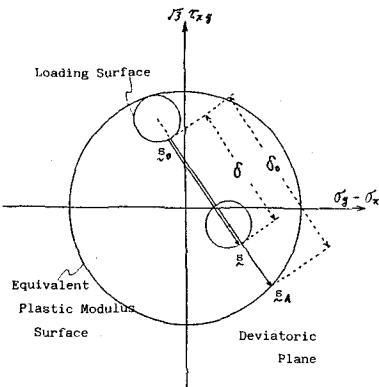
$$\alpha_y = c(\lambda_c)(S_{if} - \alpha_{if}) \quad (2)$$

硬化則 Dafalias - Popov の提案した境界曲面理論を簡略化して扱うため、等塑性係数なる概念を提案する。(詳細は発表時に行なう。図 2 参照)

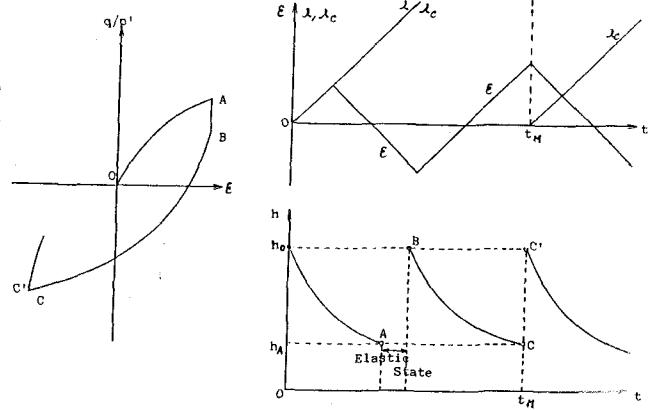
変相曲面 等方的硬化の大きさを示す $\alpha_h(\lambda)$ のパラメーター λ_c を、変相曲面を越えてかか応力反転が生じた場合にはゼロクリアースすることによって、変相曲面を越えてかか



図(1) 負荷曲面



図(2) 等塑性係数面(比例負荷)



図(3) パラメーター α_y の変化

の除荷時では、その直後から塑性変形を生じることになる。

(図(3) 参照)
ダイレイタンシー
塑性偏差ヒズミは流れ則を用いるが、ダイレイタンシーにつ

いては、微視的構造に大きく影響されるので、偏差面上の塑性ボテンシャルとは別に、内部構造の変化を巨視的に表現する次の関数を求める。

$$\dot{\epsilon}_{ij}^p = D(\sigma_{ij}, \alpha_{ij}, \epsilon_{ij}^p) \cdot \dot{\lambda} \quad (3)$$

3. 計算例 主軸の回転を伴わない場合の経路[A][B]と主軸の回転を伴う場合[C]の三つ(図(4))に対し計算を行ない、龍岡・石原・東畠の実験結果と比較し、その適用性について検討する。

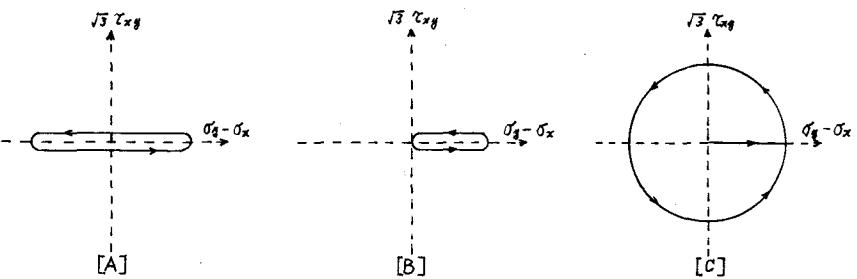
経路[A] 三軸圧縮伸張試験 非排水状態の有効応力経路を図(5)に示す。繰り返し載荷に伴ない、間歇水压が上昇し、有効拘束圧がなくなることにより液状化が生じる過程が、的確に表現されている。この過程で生じる過剰間隙水压増分は、液状化直前で最も大きく、第1サイクルで次に大きく、中間のサイクルで小さいという傾向は、東畠による実験事実と一致するものである。

経路[B] 三軸圧縮試験 非排水状態の有効応力経路を図(6)に示す。有効拘束圧は次第に減少するが、再振りの場合と異なり、回を重ねても液状化には至らず途中で停滞するという現象は表現できるが、東畠の実験でみられるような応力経路が右に傾く現象すらねど、可逆的開閉水压変動までは表現できない。

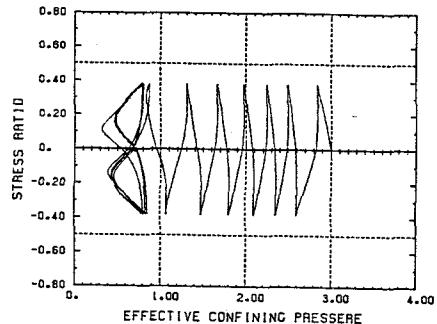
経路[C] 偏差応力の二次の不变量一定 図(7)は、偏差面上の応力点での塑性偏差ヒズミを適当な間隔でプロットしたものである。塑性偏差ヒズミ増分ベクトルは常に外側を向いており、応力の主軸(半径方向)と応力増分の主軸(接線方向)の中間にある。しかし、わずかでも大きさの増加がみられないことが東畠の実験事実に反する。

4. あとがき 定性的には、ほぼ満足すべき結果が得られたと言える。今後、このモデルを用いた解析が、地震時にあり多様な応力状態の砂地盤の挙動の予測となり得るためには、適切なパラメータの決定方法の検討がなされなければならない。また、「せん断」と「圧縮」の連成挙動についても、十分、配慮すべきである。

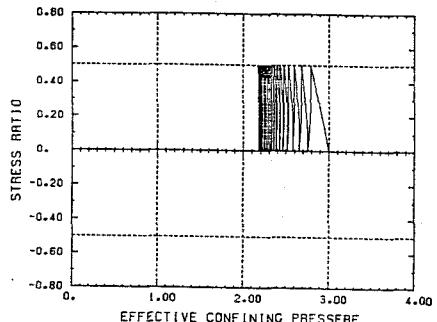
参考文献：範囲の都合上、詳細は砂質土および砂地盤の変形・破壊強度の評価、pp.53-59または東北大学工・土木修論 加藤高志、1985¹⁾ D.Kujawski & Z.Mroz(1980)"A Viscoplastic Material Model and Its Application to Cyclic Loading"Acta



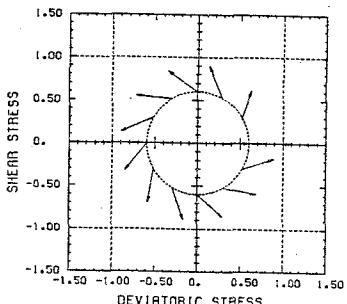
図(4) 応力経路



図(5) [A] の有効応力経路図



図(6) [B] の有効応力経路図



図(7) 塑性偏差ヒズミ増分