

# 八木の津波遇上について

東北大学工学部 正員 工博 岩崎敏夫

東北大学工学部 正員 工修 ○富樫宏由

## §-1. はじめに

従来、津波に関する理論的、実験的研究成果はかなり公表されてきているが、これらを實際問題に適用する場合には不明の点が余りにも多い。津波理論の現実への適用に当っては諸種の仮定が成されるが、特に問題のは津波の規模の大小と外洋または湾口における津波の具体的な津波としての諸元の決定であろう。これに関しては佐々木氏<sup>(1)</sup>も述べておられるが、現在のところ外洋または湾口の洋上で測定記録がない以上、ある程度想定に頼らざるを得ない。水深5.6mの地点に設置される駆潮儀記録は既に地形変化の影響を受けていたと考えられるので、最も必要とする湾口付近の洋上の最深部の侵入波形を推定するには不十分である。この意味で大船渡湾の津波防波堤や沖側で水深30m附近に設置される予定になつてゐる津波計のようなものが是非必要とされる。このようして測定記録がない現在では、普通湾口で侵入波の諸元を仮定して、湾内での変形と陸上への遇上高が計算されている。

今更云うまでもないことをあるが、津波問題の主眼は、run-upとback-washであり、こゝでは特にrun-upについて若年果九戸郡禮市町八木の場合を例として、簡単な理論的取扱いの仕方が説明してある。

## §-2. 津波の規模について

八木の津波の規模を決めるには、第一級の大きさと云われている明治29年津波と第二級の大きさの昭和8年津波をとり上げれば十分である。表-1に両津波の最大波高を示す。八木については、若一からわかぬよくな、最大

表-1

年	地	震度災害	土研報告	内務省	駆潮儀報	東大震研報	形	状
明治29年	八木	21.7	18.3	11.6	10.7		沿岸は殆んど偏平	
昭和8年	八木	7.5	7.2	6.8	6.0	3.5	八木港は狭いU字形	

以下M.29とする)では11m、昭和8年(以下P.8とする)では4mの差があり、大凡2倍もの違いがある。従って、これらの数値からだけでは如何とも推定の仕様が写ないので、出来得る限り文献に遡って調べてみる。その前に、「津波の最大波高」などとの定義を明らかにしておきたい。駆潮儀報にすれば、第一は駆潮儀の自動記録、第二は岸に打寄せた大浪の高さで汀線波高とでも称すべきもの(駆潮台ではこれを津波の高さとしてとっている)、そして第三には津波が打上げられた最も遠い地点の海面からの高さで、「浸水地域の最高度」とでも译すべきもの、ヒー以上の三種類に分類している。しかし、著者等は上の第三のものを補正して第四として「陸上での最大遇上高」を追加する。何故なら、第三の「津波が打上げられた(恐らく汀線から)最も遠い地点の遇上高」と「陸上での最大遇上高」とは明らかに異った事象だからである。この実例と計算例を後に示す。以上四つの分類に従って、表-1の値を文献で調べてみると次のようになる。

1). 審議災害土不詳<sup>(3)</sup>には「最大侵入高」としか書かれていないので、どの地點の高さを示すのか不明瞭であるが、數値の大きさから推して恐らくオ四の「陸上での最大侵入高」を示すものと思われる。

2). 土研報告(松尾博士)<sup>(4)</sup>のものは、S.8についてでは実地踏査による各地点の痕跡記録であり、M.29の値は土地の人の言により測定したものとある。侵水区域と各調査地点の侵水高が記入されており、明らかにオ四の「陸上での最大進上高」を示している(図-1)。図-1からオ三の意義による河岸から最も遠い地點の「侵水区域の最高段」は、約6~7mと読み取れる。

3). 内務省の値は文献が入手出来ず不明。

4). 駿轟時報(侵襲台)<sup>(5)</sup>は前述した如く、オニの意義に基づいた調査値であり河岸付近の最大侵入波高と見做される。3)の内務省の値もその値が近いことから恐らくこれに屬するものと思われる。

5). 審議彙報は、当時の被害状況の実地踏査により、「八木付近の海岸には少なくとも3.5~4m位の波が襲来したものと思われる」と推定したものとあるのであるから、やはりオニの分類に属するものであろう。

表-1の文献調査の結果は以上のようになっているので、その数値の意味するところが比較的明らかになったと言えるであろう。例えば、M.29では20m位の大きさの値はオ四の意義である「陸上での最大進上高」、11m位の小さな値はオニの意義である「岸に押し寄せる河岸付近での最大侵入波高」と見れば極めて理解し易い。又に、駿轟時報によれば  $H_{M.29} = 1.7 H_{2.8}$  (若干年平均)であり、九戸郡北部海岸での平均波高は  $H_{M.29} \approx 9.9 m$ ,  $H_{2.8} \approx 7.1 m$  となる。また、震災予防調査会報告によれば、九戸郡北部海岸の洋上で  $H_{M.29} = 9 \sim 12 m$  となつてゐる。従って、前述の「河岸波高」とそれによる「陸上での最大進上高」という解釈の仕方は、かなり妥当性があることを裏付けるものと言えよう。

以上を総括して、外洋から八木の岸に押し寄せる最大津波高は、M.29で約10m、S.8では約6m位、そして最大進上高は、M.29で約20m、S.8では約7m位と推定出来る。

次に、周期はM.29、S.8共に10~15minで、既に2~10min内外が最も多くたようである。波向は南東で、オ2波末にはオ3波が最大である。

### 3-3. 簡単な津波進上理論による計算。

こゝでは陸上への津波進上を有限振幅波の進上と見做して、孤立波理論を用いて該波津波の進上来取り扱う。従って、侵入波は洋上より一地点で碎けている状態があるが、その碎波波高と海底勾配Sと水深Hと関係を計算すると次のようになる。まず、八木港の港口から港奥までの最深部を連ねた水深変化図は図-2のようになる。図-2から八木港の海底勾配Sの概略値を示すと次のようになる。

$$-20m < h \leq -10m \text{ で, } S = 1/100, \quad -10m < h \leq -6m \text{ で, } S = 1/75, \quad -6m < h \leq 0 \text{ で, } S = 1/30$$

従って、岸博士の実験によれば、 $S = 1/100$  は孤立波理論の適用範囲に入っているようであるから、少なくとも水深10m以深で碎波点が存在することになる。実験曲線では、 $H_b/h_0 = 0.9$ となる。このようにであるから、八木港の港口では  $h = 12m$  であって、こゝでの碎波波高は  $H_b = 0.9 \times 12 = 10.8m$  となる。



M.29 の侵入波高は前節のようにな  $10^m$  位であるから

図-2

港口付近では碎波しているところである。また、S.8

の侵入波高は前節のようにな  $6^m$  であるが、 $H_b/h_b$

$\approx 0.9$  は既に成り立たないから、少なくとも水深

$10^m$  以為のところで碎けていることである。同様に、

岸博士の実験結果によると、 $S = \frac{1}{4} \sqrt{5}$  で  $H_b/h_b \approx 1.2$

となるでいるから、 $h_0 = H_b/1.2 = 6/1.2 = 5^m$  となる。

しかし、図-2 やうわく  $h = -5^m$  は既に

$S = \frac{1}{30}$  の領域に入ることになることがわかる。

$h = -6^m$  附近では  $S \approx 0$  となつてはいる部分があることから、 $h = -5^m$  で既に碎けていることに余りそうである。よって、以下次のように bore を仮定してみる。 $bore$  の波高を  $A$  とし  $M = \sqrt{1 + \frac{2}{gh_0}}$  とおけば、

$$M.29 ; \quad h_0 = 12^m, \quad S = 10.8^m \quad \therefore \frac{2}{gh_0} = 0.88 \quad \therefore M = 1.2$$

$$S.8 ; \quad h_0 = 5^m, \quad S = 6.9^m \quad \therefore \frac{2}{gh_0} = 1.38 \quad \therefore M = 1.3$$

となる。上に仮定した bore は Whitham<sup>(1)</sup> の変形理論を適用して汀線流速を求める。Whitham の bore の変形に関する次の近似式は、 $h_0 > 0$  以下の汀線では非常によい近似を与えると云われている。

$$\frac{h_0}{A} = f(M) = \frac{(M^2 - 1) \exp\{a_1 \tan^{-1}(M + a_2)/a_3\}}{(M - 1)^{\frac{1}{2}} (M - a_4)^{\alpha} (M^2 + a_5 M + a_6)^{\beta} (M + a_7)^{\gamma}} \quad (1)$$

ここで  $A$  は、最初の bore の強さ  $M$  から決まる定数である。また、

$$a_1 = 0.2808, \quad a_2 = 0.6769, \quad a_3 = 0.3179, \quad a_4 = 0.7471, \quad a_5 = 1.354$$

$$a_6 = 0.5593, \quad a_7 = 2.393, \quad \alpha = 1.180, \quad \beta = 1.173, \quad \gamma = 1.673$$

(1) 式により 上に仮定した bore の汀線流速を求めると次のようにある。

$$M.29 ; \quad h_0 = 12^m, \quad M = 1.2 \quad \therefore A = f(M) = f(1.2) = 3.342 \times 10^{-1}$$

$$\therefore A = \frac{h_0}{f(M)} = \frac{12}{3.342 \times 10^{-1}} = 35.91$$

(1) 式と関連する、 $M$  と bore の各量との関係は次式で与えられる。

$$\frac{U}{\sqrt{gh_0}} = M \sqrt{2M^2 - 1}, \quad \frac{U}{\sqrt{gh_0}} = \frac{2M(M-1)}{\sqrt{2M^2 - 1}} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \quad (2)$$

$$\frac{C}{\sqrt{gh_0}} = \sqrt{2M^2 - 1}, \quad \frac{C}{h_0} = 2(M^2 - 1) \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

(2) の諸量の定義のもとで、(1) 式より求められた定数  $A$  に基づいて汀線流速  $U_0$  は、 $M \rightarrow \infty$  として

$$U_0^2 = (1.763)^2 \cdot 9.8 \cdot 35.91 = 1093.8, \quad U_0 = (U_0 / \sqrt{gh_0})^2 = 1093.8 / 9.8 \cdot 12 = 9.3, \quad U_0 = 3.05$$

同様にして、S.8 の bore についても。

$$S.8 ; \quad h_0 = 5, \quad M = 1.38, \quad \therefore A = \frac{6}{2.065 \cdot 10^{-1}} = 29.2$$

$$U_0^2 = (1.763)^2 \cdot 9.8 \cdot 29.2 = 889.43, \quad U_0 = 889.43 / 9.8 \cdot 6 = 15.13, \quad U_0 = 3.89$$

以上のように求められた  $U_0$  は 5 通り、図-3 で示された陸上断面に対する逆上高を求めてみる。

図-3で点線は各断面の平均勾配を示す。 $\frac{1}{10}$  すな

急勾配の断面は図-1で「陸上への最大進工高」を示すと見做される地点への勾配であり、 $\frac{1}{100}$  すなは緩勾配の断面は図-1で「汀線から最も遠くまで進工する」と考えられる八木川沿いの継続勾配である。

Mehante<sup>(1)</sup>によれば、陸上への進工波に対する底面ささつきを考慮した近似式は。

$$\frac{U^2}{2} = \frac{U_s^2}{2} - (S + F)(X - X_s) , \quad F = \frac{f}{\alpha^2} \quad \text{----- (3)}$$

故に、先端における閾値進工高は

$$\frac{R}{h_0} = \frac{U_s^2}{2} \cdot \frac{1}{1 + F/S} \quad \text{----- (4)}$$

Hall-Watts<sup>(2)</sup>は斜立波の鉛直壁に対する進工実験から、 $F = 0.08$  の値を得ているのでこれを用いて概算する。(1)式で求めた  $U_s$  と (3), (4)式を用い、図-3 のよう各断面での最大進工高を求める。(4)式は勾配が変わることには、右図により次式の如き算出で求められる。すなばく、 $S_1$  と  $S_2$  が対称に 0 において、最大進工高が求められる。

$$\frac{U^2}{2} = \frac{U_s^2}{2} - (S_1 + F)(X_1 - X_s) - (S_2 + F)(X - X_1)$$

さて、M.29 では、 $h_0 = 12$ ,  $U_s = 3.05$  がわかっているから、

$$S_1 = 0.1, \quad F = 0.08, \quad X_1 - X_s = 300/12 = 25$$

$$\frac{U^2}{2} = \frac{U_s^2}{2} - (S_1 + F)(X_1 - X_s) = 4.65 - 0.09 \times 25 = 2.4$$

$$R - R_1 = h_0 \cdot \frac{U^2}{2} \cdot \frac{1}{1 + F/S_2} = 12 \times 2.4 \times \frac{1}{1 + 0.08/0.1} = 16 \text{ m}$$

$$\therefore R = 3 + 16 = 19 \text{ m}$$

$R = 18 \text{ m}$  の値は、松尾博士の  $18.3 \text{ m}$  と殆んど一致する。次に、 $S_1 = S_2 = \frac{1}{100}$  では、

$$R = 12 \times 4.65 \times \frac{1}{1 + 0.08/0.01} = 62 \text{ m}$$

となり、これが汀線より最も遠い地點の進工高の記録  $6 \sim 7 \text{ m}$  と極めてよい近似を示している。

また、 $S = 8$  では、 $h_0 = 5$ ,  $U_s = 3.89$  に対して、 $S = \frac{1}{100}$  すなばく八木川沿いの最大進工高は、

$$R = h_0 \cdot \frac{U_s^2}{2} \cdot \frac{1}{1 + F/S} = 5 \times 15.1 \times \frac{1}{1 + 0.08/0.01} = 4.2 \text{ m}$$

となり、非常によく近似している。

以上で筆者等は、津波の痕跡記録の解析の仕方と陸上への津波進工高の算出は簡単な三つの式を使って二次元的で取扱い出来るところを示した。尚、津波は成海城で碎けた *break* になるとことにして取扱いだが、波形勾配との関係から更に研究を要する問題が仍々と思われる所以、今後こへ点を追求していく計画である。最後に、この論文を書くに当つて資料の提供をされた方々に感謝の意を表す所である。東北地方整備局工事事務所の金子所長と菊池課長にこへに記して謝意を表す。

尚、参考文献は紙面の都合により省略せざるを得ず。

和 わ り

