# ランダムな繰り返し載荷を受ける鋼製橋脚の 延性き裂発生・進展挙動及び照査法の検証

Ductile crack initiation and propagation in steel bridge piers subjected to random cyclic loading

## 葛 漢彬<sup>\*</sup>,藤江 涉<sup>\*\*</sup>,岩田 勝成<sup>\*\*\*</sup> Hanbin Ge, Wataru Fujie and Katsunari Iwata

\*正会員 博士(工学) 名城大学教授 理工学部建設システム工学科(〒468-8502 名古屋市天白区塩釜口 1-501) \*\*正会員 修士(工学) 藤江建築総合事務所(〒444-0828 愛知県岡崎市針崎 1-8-2) \*\*\*\*学生会員 名城大学理工学研究科博士課程前期課程(〒468-8502 名古屋市天白区塩釜口 1-501)

> This study is aimed to clarify behavior of ductile crack initiation and propagation in steel bridge piers subjected to random cyclic loading, and to verify an evaluation method of ductile crack initiation using a damage index. Dynamic analyses using fiber model are performed in order to investigate displacement response and damage of steel bridge piers. And cyclic tests are carried out and random displacements are determined based on dynamic analysis. By performing finite element analysis using shell and fiber models, hysteretic plastic strain behavior at the base of specimens is clarified, and the ductile crack initiation is evaluated by the proposed damage index.

Key Words: Ductile crack, steel bridge, random cyclic loading, verification method キーワード: 延性き裂, 鋼製橋脚, ランダム繰り返し荷重, 照査法

#### 1. はじめに

近年刊行された鋼橋の耐震・制震設計ガイドライン<sup>1)</sup> において、レベル2地震動に対する鋼製橋脚の構造安全 性の照査項目として、変形性能および低サイクル疲労が 挙げられている.後者は、図-1における延性き裂発生 を起点とした一連の破壊機構に相当すると考えられる. 近年では、土木・建築の分野においても鋼製橋脚やH形 梁ー柱接合部の延性破壊実験,脆性破壊実験が多く行わ れるようになってきたものの、構造物の設計に応用でき るような実用的照査法に関する研究は非常に少ないのが 現状である.

延性き裂発生を起点とした一連の破壊機構を考慮した 場合,設計においてどの時点を破壊基準と捉えるのかが 問題となる.最も厳しいのは延性き裂発生を破壊基準と 捉える場合である.次に延性き裂進展,脆性破壊が破壊 基準として考えられる.しかしながら,延性き裂進展か ら脆性破壊に至る機構が未だ十分に解明されていない現 状では,これらを設計において評価することは非常に困 難であると考えられる.また,鋼製橋脚などの土木鋼構 造物ではいったん脆性破壊が発生すると崩壊につながる ことも考えられるので,少なくとも脆性破壊の発生は防 ぐ必要がある.したがって,まず延性き裂発生を破壊基



図-1 土木鋼構造物の地震時脆性破壊の経路模式図

準と捉え、これに対する照査法を確立する必要があると 考えられる.

一般に橋脚の耐震性能評価は両振漸増変位載荷で行われることが多い.一方、鋼製橋脚のハイブリッド地震応 答実験などから、地震動によって応答特性が異なること が指摘されており<sup>2</sup>)、合理的な設計を行うためには、載 荷履歴の違いが破壊性状に及ぼす影響を把握しておくこ とが重要であると考えられる.

これまでに行われたハイブリッド地震応答実験は主に 局部座屈による破壊を対象としており、延性き裂に着目 したものは見当たらない.低サイクル疲労に関する鋼製 橋脚の繰り返し載荷実験は、近年行われるようになって きており、既往の研究において用いられた載荷履歴につ いては次に述べる通りである.

封除休夕	h	а	В	D	t	D	1	$H_y$	$\delta_y$	D/D
时间代件中口	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	$\Lambda_{f}$	λ	(kN)	(mm)	$\Gamma/\Gamma_y$
No.1	782	143	152	133	8.76	0.368	0.365	104	5.15	0.1
No.2	780	143	152	133	8.76	0.368	0.364	104	5.13	0.1
No.3	779	143	152	133	8.76	0.368	0.364	105	5.12	0.1
No.4	783	143	152	133	8.76	0.368	0.366	104	5.16	0.1
No.5	782	143	152	133	8.76	0.368	0.365	104	5.15	0.1

Note: h =柱高さ, a =ダイヤフラム間隔(設計値), B =フランジ幅, D =ウェブ幅, t =板厚(引張材料試験片の板厚の平均値),  $R_{f} =$ 幅厚比パラメータ,  $\overline{\lambda} =$ 細長比パラメータ,  $H_{s} =$ 降伏水平荷重,  $\delta_{s} =$ 降伏水平変位,  $PP_{s} =$ 軸力比(供試体に与える鉛直荷重Pと全断面降伏荷重 $P_{s}$ の比).

表-2 溶接ワイヤの機械的性質および化学成分

機械的性質						化学成分(%)	)	
降伏点(MPa)	引張強さ(MPa)	伸び(%)	吸収エネルギー(J)	С	Si	Mn	Р	S
510	590	30	98 (0°C)	0.05	0.52	1.56	0.015	0.009



図-3 実験装置概要図

- 1) 坂野ら<sup>3)-5)</sup>: 両振定変位振幅載荷
- 坂野ら<sup>6</sup>:両振定荷重載荷,変位制御の片振定変位振 幅載荷
- 3) 三木ら<sup>7</sup>:3 サイクルごとの両振漸増変位振幅載荷,

#### 定変位振幅載荷+単調引張載荷

4) 陵城ら<sup>8</sup>:10 サイクルごとの両振漸増変位振幅載荷 以上の研究のうち、坂野ら<sup>3,5</sup>、三木ら<sup>7</sup>、陵城ら<sup>8</sup>は著 者らが行ってきた実験<sup>9,10</sup>とほぼ同様の載荷方法を用い ている.一方、坂野ら<sup>6</sup>は変位制御の完全片振載荷を行 っており、また荷重制御の両振定荷重載荷実験では、変 位が漸増もしくは漸減している実験結果もみられ、他の 研究とは異なった載荷方法となっている.

坂野ら<sup>36</sup>は一連の研究において,FEM により低サイ クル疲労き裂発生寿命を概ね評価できることを示してい るが,両振や片振および漸増変位や漸減変位といった載 荷方法の違いが低サイクル疲労寿命に及ぼす影響につい て詳細な検討はしていない.また,三木ら<sup>7</sup>,陵城ら<sup>8</sup> も載荷方法の違いが鋼製橋脚の低サイクル疲労寿命に及 ぼす影響について言及していない.

以上のように、ランダムな繰り返し載荷を受ける鋼製 橋脚の延性き裂挙動に関する検討がなく、漸増変位繰り 返し載荷の場合との違いも明らかではない.そこで本研 究では、地震動を想定したランダムな繰返し荷重による 載荷実験を実施し、延性き裂の発生・進展挙動を明らか にする.また、シェル解析を行うことで基部のひずみ挙 動を明らかにするとともに損傷度を用いて延性き裂発生 評価<sup>11)</sup>を行う.さらに、はり解析を実施し、著者らが提 案している延性き裂照査法<sup>13</sup>の適用性を検証する.

#### 2. 実験概要

## 2.1 実験供試体

実験供試体の概要図,実測寸法・構造パラメータを図 -2,表-1 にそれぞれ示す.図-2 に示すように供試体 の高さ方向には中心間距離間隔 a で板厚 9mm(設計値) のダイヤフラムが設置されている.また,供試体基部に

表--3 引張試験結果

$\sigma_y$	Ε		$E_{st}$	$\mathcal{E}_{st}$	$\sigma_{\!u}$	$\mathcal{E}_{u}$	
(MPa)	(GPa)	$\mathcal{E}_{\mathcal{Y}}$	(GPa)	(%)	(MPa)	(%)	V
381	210	0.182	5.06	1.88	550	24.4	0.289
Note : $\sigma_y$	= 降伏応	力, E=	ヤング率,	<i>ɛ</i> <sub>y</sub> =降	伏ひずみ,	$E_{st} = O$	ずみ硬化
開	始時の硬	化係数,	e <sub>a</sub> = ひずる	9.硬化開	始時のひ	ずみ, σ <sub>u</sub> :	= 引張強
さ	, ε"= 破	断ひずみ	, v= ポア	・ソン比.			

はリブが設置してある.フランジとウェブはグルーブ溶接されており,溶接は CO2半自動溶接で行い,溶接ワイヤは YFW-C50DM を使用した.表-2に溶接ワイヤの機械的性質,化学成分を示す.

本実験で使用した鋼材はSM490YA である. 材料定数は, JIS1 号引張試験片7本の平均値より求めた. 表-3 に材料 定数を示す. なお,破断ひずみ ε<sub>u</sub> は試験前後の試験片か ら伸び量を計測し計算した.

#### 2.2 実験装置

本実験の実験装置の概略図を図-3 に示す.水平方向の 荷重は載荷フレームの柱に固定した MTS 構造物試験機 (±350kN)により載荷する.一方,鉛直方向の荷重は, 梁にローラー支持された鉛直力ジャッキにより載荷する. 鉛直力は鉛直力ジャッキの下に取り付けた鉛直力ロード セルにより計測する.鉛直力ジャッキおよび鉛直力ロー ドセルは,アクチュエータの変位に応じて水平方向に自 由に動くことができ,常に鉛直下方向に載荷できる.実 験装置の都合上,台座を設置した.供試体と載荷板およ び台座と供試体間はそれぞれボルトで固定してある.

#### 3. 水平方向載荷パターンの検討

## 3.1 検討方法

本研究では、地震動を想定したランダム載荷を受ける 鋼製橋脚の延性き裂発生・進展挙動について検討するこ とを目的としている.そのためには、ハイブリッド地震 応答実験などにより動的な荷重を実験供試体に与えるこ とも考えられるが、き裂発生・進展を逐次観察していく のは容易ではない.そのため本研究ではまず、はり要素 を用いてモデル化したファイバーモデルによる動的解析 を実施し、応答変位や損傷度について検討した後、得ら れた応答変位の中からいくつかを選定し水平変位として 実験供試体に与えることとした.ただし、準静的載荷実 験であるため、水平変位を与える際の速度は実地震に比 べて非常に遅く、その影響は別途検討する必要がある.

#### 3.2 動的解析方法

図-4に解析モデルの概要図を示す.解析モデルの寸法 および構造パラメータを表-4に示す.解析モデルは実験



供試体の8倍スケールとした.

解析には汎用解析プログラム ABAQUS<sup>13</sup>を使用した. 解析モデルは、Timoshenko はり理論に基づくはり要素B31 を用いて作成した.通常のベルヌーイ・オイラーはり要 素ではせん断変形を無視しているが、この要素ではせん 断変形の影響を考慮している.

図-4に示すように柱頂部に集中質量を持たせ、基部を 完全固定とした.また、基部の有効破壊長領域における 平均ひずみの収束解を得るために有効破壊長領域<sup>1)</sup>を5分 割した.材料構成則は修正2曲面モデル<sup>14)</sup>を用い、修正2 曲面モデルに必要な材料定数は表-3の値を用いた.

柱頂部の集中質量により柱に導入される軸力比は, P/P<sub>y</sub> = 0.1, 0.15, 0.175 の3つの場合を考えた. 軸力比P/P<sub>y</sub> = 0.175 は道路橋示方書<sup>15</sup>により算出した.

入力地震波は道路橋示方書<sup>15)</sup>に示されている地震動の 例のうち,兵庫県南部地震で観測されたレベル 2-タイプ 2-II種地盤地震動の3波 (Fukiai, JRT-NS-M, JRT-EW-M) を用いた.  $P/P_y=0.1$ , 0.15, 0.175のそれぞれに対して, 3 波を1回ずつ入力した. なお,  $P/P_y=0.1$ の場合について は、本震に続き同規模の余震が2回続くケースを想定し て3波を3回ずつ入力する解析も行った.

著者らは既報<sup>12</sup>において,ファイバーモデル解析では, シェル要素を用いた有限要素モデル<sup>11)</sup>のようなき裂発生 個所近傍の詳細なモデル化が困難であることから,シェ ル要素を用いた有限要素モデルに比べて基部の塑性ひず みを小さく評価してしまうことを明らかにした.そこで, Manson-Coffin 則と Miner 則に基づく損傷度において,塑 性ひずみ範囲に基部のひずみ集中現象を補正する係数を 乗ずることで,ファイバーモデル解析によりき裂発生評 価を行う方法を提案している<sup>12)</sup>.提案手法における損傷 度は以下の式より算出する,

$$D = C \sum \left( \beta \cdot \varepsilon_{pr} \right)^m \tag{1}$$

ここで、*C、m*は鋼種によって決まる定数 (SM490 に対しては C = 9.69,  $m = 1.86^{11,12}$ )、 $\varepsilon_{cr}$ は塑性ひずみ範囲、 $\beta$ は

表-4 動的解析モデルの寸法・構造パラメータ

D/D	h	В	D	t	D	Rc	7	Т	Κ	$H_y$	$\delta_y$
$1/1_y$	(mm)	(mm)	(mm)	(mm)	Ŋ	λ	(s)	(kN/m)	(kN)	(mm)	
0.1	6264	1216	1076	70	0.368	0.362	0.548	168926	6742	40.9	
0.15	6264	1216	1076	70	0.368	0.362	0.671	168926	6367	38.7	
0.175	6264	1216	1076	70	0.368	0.362	0.724	168926	6180	37.5	

Note: T= 固有周期, K= 初期酮性.

基部角部のひずみ集中補正係数で無補剛断面鋼製橋脚の 場合β=3.73<sup>12)</sup>である. 塑性ひずみ範囲の抽出法にはレン ジ法<sup>10</sup>を用いた. D=1 となったときの半サイクル数を解 析による予測延性き裂発生点とする. ひずみ集中補正係 数<sup>12)</sup>は次のように求めた.まずシェル解析,はり解析に おいてそれぞれ塑性ひずみ履歴を出力し、レンジ法を用 いて塑性ひずみ範囲を算出する. そして、シェル解析と はり解析により得られた塑性ひずみ範囲の比を求める. 全ての解析モデルについて塑性ひずみ範囲比を求め、実 験における延性破壊点に相当する半サイクルまでの平均 をとって各解析モデルのひずみ集中補正係数を算出した. 最後に、全ての解析モデルから求めた平均値を補正係数 とした. なお, 文献 12)によれば, 幅厚比パラメータ (0.25 と0.35) による変化は若干あるものの、細長比パラメータ (0.25~0.45)、載荷履歴(1サイクル載荷、3サイクル載 荷および定振幅載荷)および材質(SS400とSS490)によ る影響は非常に小さい.

ランダム載荷を受けた際の本手法の妥当性は未だ明ら かにされていないが、本研究では、動的解析結果を対象 に式(1)を適用し、載荷パターンの検討の参考にした.実 験終了後には、本手法による予測結果と実験結果の比較 を行い、本手法の妥当性を検証したがこれについては後 述する.

#### 3.3 動的解析結果

図-5~7 に解析の結果得られた応答変位および損傷度 を示す.図-5 はJRT-NS-M を入力したときの軸力比の違 いによる解析結果の比較を示したもの、図-6 は  $P/P_y =$ 0.175 のときの応答変位と損傷度を各地震波について示し たもの、そして図-7 は $P/P_y = 0.1$ のもとで JRT-EW-M を 連続3回入力したときの応答変位および損傷度を示して いる.各図において、応答変位の図中には応答変位  $\delta_0$ , 最大荷重時変位  $\delta_{max}$ , 95%荷重時変位  $\delta_{05}$  をそれぞれ実線、 点線、破線で示した. $\delta_{max}$ と  $\delta_{95}$ は最大応答変位が正の場 合には正の側に、負の場合には負の側に示した.なお、 $\delta_{max}$ 、  $\delta_{95}$ の算出方法ついては後述する.損傷度は、解析モデル の基部最下部の要素の柱軸方向塑性ひずみ履歴から式(1) を用いて算出した.

解析モデルの最大荷重時変位と95%荷重時変位を求め







図-7 JRT-EW-M を連続3回入力したときの 応答変位および損傷度(P/P<sub>y</sub>=0.1)

	表一5 $\partial_{\text{max}}/\partial_{\text{y}}$ およびる	$_{95}/\partial_{\mathrm{y}}$
$P/P_y$	$\delta_{\max}/\delta_y$ [ $\vec{\mathbb{T}}(2)$ ]	δ <sub>95</sub> /δ <sub>y</sub> [式(3)]
0.1	7.27	12.0
0.15	7.27	10.6
0.175	7.27	10.1

るため、鋼製橋脚の限界値算定に利用される算定式を用

いた.ここでは、文献17)で提案されている無補剛箱形断 面橋脚に対して最大荷重時変位と95%荷重時変位を求め る算定式を用いた.それぞれの式は以下のように表され る.また、算定結果を表-5 に示す.なお、本解析モデル は算定式<sup>17</sup>の適用範囲にある.

$$\frac{\delta_{\max}}{\delta_y} = \frac{0.0262}{\left\{ R_f \sqrt{\lambda} \right\}^{3.5}} + 2.14 \quad (標準備差 S=0.85)$$
(2)

$$\frac{\delta_{95}}{\delta_y} = \frac{0.067}{\left\{ (1 + P/P_y) R_f \sqrt{\overline{\lambda}} \right\}^{3.5}} + 2.60 \quad (標準偏差 S=1.09) \quad (3)$$

また,表-6に地震波を1回入力した場合の最大応答変 位と解析終了時の損傷度をすべての場合について示す.

以下に動的解析結果について考察する.

### i) 軸力比の影響

図-5 から分かるように, P/P, が大きいほど応答変位, 損傷度が大きくなっている. これは, 表-6 から分かるよ うに全ての地震波についても同様である. 図-5(c)から分 かるように, P/Py=0.175 の場合に18 半サイクルで損傷度 が 1 に達し延性き裂が発生したとみなすことができる. 一方, それ以外の場合については損傷度が 1 に達してお

らず, 延性き裂は発生しないとみなすことができる.

#### ii) 地震波による違い

図-6を見ると損傷度が1に達したのは(b)のJRT-NS-M と(c)のJRT-EW-Mの場合であることが分かる.図-6(b) (図-5(c)と同じ図)については、応答変位は14半サイ

表-6 最大応答変位および損傷度

D/D	Fuk	tiai	JRT-N	IS-M	JRT-E	W-M
$\Gamma/\Gamma_y$	$\delta_{ m D,max}\!/\!\delta_{ m y}$	D	$\delta_{ m D,max}\!/\!\delta_{ m y}$	D	$\delta_{ m D,max}\!/\!\delta_{ m y}$	D
0.1	4.02	0.647	2.54	0.492	3.71	0.710
0.15	7.91	0.817	7.52	0.987	6.44	0.817
0.175	9.20	0.917	12.3	1.45	5.72	1.13



図-8 実験の水平方向載荷パターン

クルで 95%荷重時変位に達しており,延性き裂発生より も早い.したがって,この場合の終局状態は局部座屈に よるものが先行すると言える.一方,図-6(c)を見ると, 応答変位は最大荷重時変位に達していないが,損傷度は 21 半サイクルで1に達しているため,この場合は延性き 裂発生が終局状態となるまた,損傷度の進展に着目する と,図-6(b)では14 半サイクルにおいて損傷度が0.3 か ら0.8 に急激に増加していることが分かる.これは,応答 変位が14 半サイクルで急激に増加しており,それに伴っ て基部のひずみも増加したためであると考えられる.一 方,図-6(c)では8 半サイクルから22 半サイクル程まで 損傷度は漸増している.これは、8 半サイクルからの応答 変位の値自体はそれほど大きくないが,比較的大きな振 幅を持つ応答が繰り返されているためであると考えられ る.

#### iii) 地震動を3回入力した場合

表-7に示すように、P/Pv=0.1のときに地震動を1回入

カした場合、すべての供試体について損傷度は 1 に達し なかった.一方、3 回入力した場合には図-7 に示すよう に、Fukiai と JRT-EW-M を入力した場合は 2 回目、 JRT-NS-M を入力した場合は 3 回目で損傷度が 1 に達し、 このとき延性き裂が発生するという評価となる.この結 果は、軸力比が  $P/P_y=0.1$  と比較的小さい場合には、本震 で延性き裂が発生せずとも、同規模の余震が 2 回、3 回と 連続して起こった場合に延性き裂が発生する可能性があ るということを示している.

#### 3.3 水平方向載荷パターン

以上の結果を踏まえ、実験における水平方向載荷パタ ーンとして、図-8(a)~(d)のような4パターンを作成した. 図-8(a), (b), (c)は、それぞれ  $P/P_y = 0.175$  のもとで JRT-EW-M, JRT-NS-W, Fukiai を1回入力して得られた応 答変位(図-6(c), (b), (a)に対応)を基に作成した.また、図 -8(d)は $P/P_y = 0.1$ のもとでJRT-EW-Mを3回入力して得



写真-1 供試体 No.1 の角部1 のき裂進展状況







られた応答変位の内、2回目までの応答変位から作成した. また、これまでの研究 <sup>9,10)</sup>で採用されていない図-8(e)の ような片振漸増変位載荷も併せて行うこととした.

実験は、供試体 No.1~No.5 に対してそれぞれ図-8 に 示される載荷パターン No.1~No.5 を用いて行われた.

## 4. 実験結果

## 4.1 き裂進展状況

本研究における延性き裂発生の定義は文献9)などと同 様で、目視によりき裂が 1~2mm 程度に達した時点をき 裂発生と定義した. ここでは、供試体 No.1 を例にき裂発 生・進展状況について述べる. き裂進展状況例を写真-1



図-10 供試体 No.1 の各計測ステップの水平荷重

に示す. 写真-1のき裂は図-9に示す角部1のものであ る. No.1 のき裂は角部 1 において初めて確認された. ま た、図-10は本研究で行った供試体 No.1 の各計測ステッ プの水平荷重をプロットしたもので, 図中の数字は半サ イクル数を示す.

以下に、写真-1のき裂進展状況について述べる.

## i) 写真-1(b)13半サイクル載荷後

初めてき裂を確認した. 柱-ベースプレート溶接部柱 側止端の2箇所にき裂が見られた.1つは角部先端に 1.7mm, もう1つはウェブーフランジの溶接部と柱-ベー スプレート溶接部の境界に1.7mmのき裂であった.

#### ii) 写真-1(c)15半サイクル載荷後

フランジ方向には溶接止端上に 8mm 程度に進展した.



ウェブ方向では、角部先端とウェブーフランジ溶接部のき 裂がつながり溶接止端上の17mm 程度のき裂となった.

#### iii) 写真-1(d) 19 半サイクル載荷後

フランジ方向には 11mm 程度に進展した.ウェブ方向 では、ウェブーフランジ溶接部のき裂がウェブ母材に 2mm 程度進展した.

#### iv) 写真-1(e)21半サイクル載荷後

フランジ幅方向およびウェブ幅方向とも19半サイクル から大きなき裂の進展は見られなかった.

### v)写真-1(f)除荷後

29 半サイクル以降は変位が小さくき裂進展も非常に小 さいと考えられ、29 半サイクルの載荷後に除荷し実験を 終了した.フランジのき裂が若干進展しているが、これ は除荷の際に与えた変位によるものであると考えられる.

## 4.2 き裂長さの比較

図-11 に各供試体のき裂長さを示す.各供試体のフランジ幅方向、ウェブ幅方向のき裂長さをそれぞれ黒プロット、白プロットで示した.ここで着目したのは全ての供試体について、角部1のき裂長さである.以下に各供試体のき裂長さについて述べる.なお、供試体No.1については前に述べたので省略する.

#### i) 図-11(b)No.2

13 半サイクルから14 半サイクルの載荷途中にフランジ とウェブにそれぞれ4.6mm と6.5mm のき裂を初めて確認 した.ウェブについては、14 半サイクル載荷終了時に 18.3mm まで急激に進展したが、30 半サイクルで24.1mm に達するまでは、き裂の進展はほとんど見られなかった. フランジについては、2mm 程度ずつ徐々に進展していき、 30 半サイクルでは 37mm に達した.

## ii) 図—11 (c) No. 3

12半サイクルから13半サイクルの載荷途中にウェブに 6.9mm のき裂を初めて確認した.13半サイクル終了時に はウェブのき裂長さは16.0mm まで急激に進展し,フラン ジには2.2mm のき裂が見られた.その後のき裂進展は小 さく,35半サイクル載荷終了時でフランジ、ウェブそれ ぞれ3.2mm,20.0mm のき裂長さであった.

#### iii) 図-11(d) No. 4

供試体No.4 で初めてき裂を確認したのは63 半サイクル 時に、角部 2 においてであり、フランジ、ウェブにそれ ぞれ 2.6mm、6.1mm のき裂であった.角部1 においては、 68 半サイクル時にフランジ、ウェブそれぞれに 1.9mm、 8.2mm のき裂を確認した.その後のき裂進展は小さく、 100 半サイクル載荷終了時でフランジ、ウェブそれぞれに 3.4mm、11.5mm のき裂長さであった.

#### iv) 図-11(e)No.5

11 半サイクル載荷終了時にフランジ,ウェブにそれぞれ 3.0mm, 6.6mm のき裂を初めて確認した. その後,載荷の進行とともにき裂は進展し,15 半サイクルにはフランジ,ウェブそれぞれにおいて 13.1mm, 20.0mm に達した. さらに,21 半サイクルにはフランジ,ウェブそれぞれにおいて 57.9mm, 28.4mm と大きく進展した.

供試体 No.1, 2, 3 においては、ウェブ幅方向ではき裂 発生から 17mm 程度まで急激に進展しているが、その後



(a) 半サイクル数とき裂長さの関係

(b) 耐荷力とき裂長さの関係

図-13 漸増変位載荷を与えた場合のき裂長さ



図-12 漸増変位載荷を与えた場合のき裂進展状況<sup>10</sup>

のき裂進展は小さいという特徴が分かる.板厚が 9mm, フランジーウェブ溶接部の脚長が 8mm,角部先端からフ ランジーウェブ溶接部とウェブ母材境界までは 17mm 程 度になり、このことが影響していると考えられる.すな わち、写真-1(b)に示すように、ウェブ幅方向のき裂はま ずフランジーウェブ溶接部で発生し、フランジーウェブ 溶接部とウェブ母材の境界までは急激に進展する.ただ し、本実験では表面でのき裂成長しか見ていなかったた め深さ(板厚貫通)までのき裂成長状況を分りかねず、 厚みのある溶接部分での表面的なき裂進展が早かったの かは不明である.一方、漸増変位載荷の場合にはこの後 ウェブ母材にも進展していくことが観察されている<sup>10</sup>が、 変位が漸減するような場合にはき裂が停留するというこ とが考えられる.

フランジ幅方向については最大変位と残留変位が比較 的小さいNo.1,3では、最大変位以降の変位が漸減してい く領域では振幅が小さくなるためき裂が停留しているこ とが分かる. 一方, No.2 のように最大変位, 残留変位が それぞれ  $12\delta_y$ ,  $10\delta_y$ 程度と非常に大きい場合には, 最大変 位以降もき裂進展が顕著であることが分かる.

#### 4.4 漸増変位載荷・定振幅載荷の場合との比較

図-12 に漸増変位載荷を与えた場合のき裂進展状況<sup>10</sup> を示す.例えば、本研究の実験供試体 No.1 と比べると、 図-12①~④までのき裂進展状況はほぼ同じである.し かしながら、図-12⑤については、本実験ではフランジ 幅方向とウェブ幅方向の進展は 20~23 半サイクル以降ど ちらも小さく、漸増変位載荷の場合とは異なっている. これは、本実験の載荷パターンが 20 半サイクル以降、そ れまでよりも小さい変位しか与えていないことが影響し ていると考えられる.このことは載荷パターン No.1~ No.4 に対して言えるが、片振漸増変位載荷パターンの No.5 の場合、前述したように、載荷が進むにつれてき裂 が母材にまで進展し耐力は低下していったので、過去の 漸増変位載荷実験と同様な傾向が見られた.

図-12⑥を説明するため、図-13 に漸増変位載荷を与 えた場合のき裂長さ<sup>10)</sup>を示す.図-13(a)はフランジ幅方 向とウェブ幅方向の半サイクル数とき裂長さの関係、図 -13(b)は折り返し点での荷重とフランジ幅方向のき裂長 さの関係をそれぞれ表している.図-13(a)から分かるよ うに、最大荷重後にフランジのき裂は10mmに進展し、 14半サイクル(7&)時には20mmに達している.さらに、 図-13(b)を見ると、フランジのき裂が10mm以上の領域 で耐荷力(半サイクルの折り返し点での荷重)が大きく 低下していることが分かる.フランジのき裂が10mm以 上に達すると概ね板厚方向(9mm)に貫通していると思わ れる.このときのウェブのき裂長さも考慮すれば、角部 は破断していると考えられ、断面欠損が著しくなり耐荷 力が低下したと考えられる.



一方、本実験では19半サイクルにおいてウェブ幅方向 のき裂は母材に2mm程度進展し、フランジ幅方向のき裂 長さは11mmとなっており、板厚方向にき裂は貫通して いると思われる.このとき前述したように若干の荷重低 下が認められたが、これ以降については明確な荷重低下 は確認できなかった.これは、本実験の載荷パターンが 19半サイクル以降、概ね±1~26,の小さな振幅であり、き 裂進展が抑制されたことが影響していると考えられる.



#### 5. 損傷度による延性き裂発生評価法の妥当性検証

## 5.1 シェル要素を用いた解析

#### 5.1.1 解析概要

解析モデルを図-14 に示す.解析には汎用解析プログラム ABAQUS<sup>13)</sup>を使用した.局部座屈が柱基部に生じること,および基部の局所的なひずみを出力することを考慮して,橋脚基部から2b(b=B-t)高さまでを4節点低減積分有限膜ひずみシェル要素 S4R を用いてモデル化した.延性き裂発生箇所近傍の基部角部のモデル化については既報<sup>11)</sup>と同様である.すなわち,最小メッシュサイズは2mm×2mmで溶接部は考慮していない.橋脚基部から2b以上についてはTimoshenkoはり理論に基づくはり要素B31を用いてモデル化した.はり要素下端と基部のシェル要素上端は剛体結合とした.なお,解析モデルの対称性および解析時間の短縮を考慮しフランジ中心から半分をモデル化した.

境界条件については、基部を完全固定とし、柱中心の



図-18 シェル解析による損傷度

断面が y 軸対称となるよう, x 軸回りの回転, z 軸回りの 回転および y 軸方向の変位を拘束した.

材料構成則としては修正2曲面モデル<sup>14</sup>を用い,修正2 曲面モデルのパラメータには表-2 で示した引張試験で得 られた材料定数を使用した.

載荷方法は実験と同様に、柱頂部に一定の鉛直荷重Pと水平変位 $\delta$ を与えた.鉛直荷重Pの軸力比は $P/P_y=0.1$ 、水平変位は実験と同じであり、図-8に示す通りである.

シェル解析における損傷度は既報<sup>11)</sup>において示してお り、以下の式で表される,

$$D = C \sum \left( \varepsilon_{pr} \right)^m \tag{4}$$

ここで,用いている記号は式(1)と同じである.なお,き 裂発生評価位置における要素サイズは 2mm×2mm とする のが妥当である<sup>11</sup>.

#### 5.1.2 解析結果

図-15 に解析より得られた供試体 No.1 の荷重一変位 関係を赤線で示す. 同図には実験で得られた荷重一変位 関係を黒線で併せて示す. 同図を見ると,実験結果に比 べて解析結果の方が水平荷重が大きい傾向があることが 分かるが,概ね両者は良く一致していると言えよう.

次に基部溶接部付近のひずみの再現性を確認する.例

供試休名	解析	実験	誤差						
	n <sub>hc,pre</sub>	n <sub>hc,exp</sub>	$(1 - n_{hc,pre}/n_{hc,exp}) \times 100(\%)$						
No.1	15	13	-15.3						
No.2	14	13.5	-3.7						
No.3	13	12	-8.3						
No.4	76	63	-20.6						
No.5	15	11	-36.4						

解析結果と実験結果の比較

Note:  $n_{hcpre}$  = 解析による予測延性き裂発生時半サイクル数

nhcep=実験での延性き裂発生時半サイクル数



として、図-17 に供試体 No.4 の基部における実験と解 析のひずみ履歴の比較を示す. 同図には1回目の入力波 の載荷終了時までのひずみ履歴を示した.実験でのひず み履歴は図-16に示した位置のひずみゲージ(YFLA-2, ゲージ長さ 2mm,幅1.8mm)から得られたものである. 一方、解析によるひずみ履歴は、着目ひずみゲージと同 位置のメッシュ (2mm×2mm)から出力した部材軸方向 ひずみである.これは、後で述べる損傷度の計算に用い る塑性ひずみ履歴とは異なった位置から出力したもので あることに注意されたい.

図-17を見ると、10半サイクルから22半サイクルま でについては若干解析結果が実験結果に比べて大きい傾 向にあるが、ほぼすべての範囲で解析結果は実験結果と 良く一致していることが分かる.これより、本解析モデ ルで基部溶接部付近のひずみを評価することが可能であ ると言えよう.

次に,解析モデルから柱軸方向の塑性ひずみを出力し,



図-20 延性き裂と局部座屈に対する 統一的耐震性能照査法の概要図

式(4)より損傷度を計算した結果について検討する. ここ で着目したのは、実験でき裂が発生した位置に合わせて 基部角部フランジ側先端の溶接止端部から lmm の要素 である. 図-18 に例として供試体 No.1 について得られ た損傷度の履歴を示す. 同図において縦軸に損傷度、横 軸に半サイクル数をとった. さらに、赤線で実験におけ るき裂発生時半サイクル数を併せて示した. なお、損傷 度の図の上に、それぞれの載荷パターンを併せて示した. また、表-7 に本解析による予測値と実験結果の比較を まとめた.

図-18を見ると、No.1 については損傷度が徐々に増加 しているのが分かる. No.1 の載荷パターンは比較的小さ な変位振幅が繰り返されており、損傷度の増加も緩やか になっていると考えられる.

表-7を見ると、No.1~4は4~20%程度の誤差でき裂の発生を予測できていることが分かる.No.5(片振載荷)の誤差は-36%程度であるが、既報<sup>11)</sup>の無補剛単柱に漸増変位載荷を与えた研究においても同程度の誤差が生じる場合があることを指摘している.ただし、前述したように、延性き裂が発生してから、母材へ進展しても、ただちに強度劣化が生じることはない.

図-19 に本研究の結果および既報の無補剛単柱に漸増 変位載荷を与えた研究<sup>11)</sup>の結果の比較を示す.同図にお いて縦軸は実験での延性き裂発生点、横軸は解析による 予測延性き裂発生点である.白抜きの丸点は本研究の結 果,黒抜きの丸点は既報<sup>11)</sup>の結果を示している.同図を 見ると本研究および既報<sup>11)</sup>の結果ともに、ほとんどの供 試体について,±20%程度の誤差で本手法により実験結果 を評価できることが分かる.以上より、損傷度による評 価手法により、ランダム載荷を与えた供試体についても、 漸増変位や定振幅載荷の場合と同程度の精度で延性き裂



図-21 ファイバーモデル解析モデル

発生を評価できることが確認できた.

## 5.2 ファイバーモデル解析

#### 5.2.1 解析概要

前述のように、著者らはこれまでに実際の耐震設計で 多く用いられているファイバーモデルを用いた延性き裂 照査法 <sup>13</sup>を提案している. さらに、図-20 に延性き裂と 局部座屈に対する統一的耐震性能照査法の概要図を示す. 1 次設計を行い構造細目を決定した後、局部座屈に対する 照査は文献<sup>10</sup>で提案されている方法により行う. すなわち、 有効破壊長領域 $L_e$ の圧縮側平均ひずみ $\epsilon_a$ の履歴を出力し、 終局ひずみ  $\epsilon_a$  との比較を行う. 延性き裂照査で用いるフ ァイバーモデルは変形性能照査法で用いられるものと同 じである. ただし、延性き裂照査では図-20(b)に示すよ うに基部ひずみ集中部の要素の柱軸方向塑性ひずみを出 力するので、収束解が得られるように有効破壊長領域 $L_e^{10}$ の要素分割を細かくしておく必要がある. 既報<sup>12</sup>におい て5 分割程度で収束解が得られることが分かっている.

#### 5.2.2 解析結果

延性き裂に対する照査は、ひずみ集中部の柱軸方向塑 性ひずみを出力し、損傷度 D を算出する.ここでの損傷 度はシェル解析で用いたものとは異なり、ひずみ集中現 象を補正する係数を導入した損傷度を用いる.これは既 に式(1)に示している.

基部のひずみ集中部から出力した柱軸方向塑性ひずみ について、レンジ法を用いて塑性ひずみ範囲を抽出し式 (1)に代入することで損傷度を得る. D<1 であれば延性き 裂照査は終了であるが、D≧1 であれば再度設計を見直す 必要がある.局部座屈照査と延性き裂照査の両者を満足 したとき、耐震照査が終了となる.

以上の照査手法は漸増変位載荷および定振幅変位載荷

表-8 解析結果と実験結果の比較						
/#⇒₽/₩-友	解析	実験	誤差			
1700 AL	n <sub>hc,pre</sub>	n <sub>hc,exp</sub>	$(1 - n_{hc,pre}/n_{hc,exp}) \times 100(\%)$			
No.1	18	13	-38.4			
No.2	14	13.5	-3.7			
No.3	14	12	-16.7			
No.4	65	63	-3.2			
No 5	15	11	-36.4			

Note:  $n_{hc,pre}$  = 解析による予測延性き裂発生時半サイクル数 nhcep = 実験での延性き裂発生時半サイクル数





を与えた過去の実験および解析結果に基づいて提案され ており、地震動などランダム載荷を受ける場合の適用性 は確認されていない、本節では本研究の実験結果とファ イバーモデルの解析結果の比較から妥当性を検証する.

図-21 に本研究の実験供試体を対象とした解析モデル の図を示す.解析には汎用解析プログラム ABAOUS<sup>13)</sup>を 使用した. 解析モデルは、Timoshenko はり理論に基づく はり要素 B31 を用いて作成した. 解析モデルの諸元は実 験供試体と同じである. 基部の収束解を得るため、局部 座屈に対する耐震解析で用いられる有効破壊長領域 La= 0.7b)を5分割し、その上部は15分割とした. 基部は完全 固定とした.

図-21(a)に示すように、柱頂部に一定の鉛直荷重 P と 水平変位δを与える静的繰り返し解析を行った.鉛直荷重 Pおよび水平変位δは実験で与えたものと同じである.材

料構成則には修正2曲面モデルを用いた. 修正2曲面モ デルに用いる入力定数は、供試体製作に使用した鋼材の 引張試験から得られた値を使用した(表-3 参照). 損傷 度に関しては前述した通りである.

表-8 に解析による予測値と実験結果の比較をまとめ た. 同表を見ると, No.2~4 は-4~17%程度の誤差で予測 できていることが分かる. No.1.5の誤差は40%弱である が、溶接部の形状などの詳細をモデル化していないこと やひずみ集中補正係数を求める際にすべてのモデルによ る平均値をとっていることから、シェル解析による予測 結果および過去の無補剛単柱に漸増変位載荷を与えた研 究<sup>12)</sup>においても同程度の誤差が生じる場合があることが 指摘されている. したがって、予測の精度をさらに上げ るためには、溶接部の形状を詳細に反映できる解析モデ ルを用いることや幅厚比パラメータなどの構造パラメー タ,載荷履歴の影響を総合的に考慮したひずみ集中補正 係数を提案することが肝要である.

図-22 に本研究の結果および過去の無補剛単柱に漸増 変位載荷を与えた研究 <sup>12)</sup>の結果の比較を示す. 同図にお いて縦軸は実験での延性き裂発生点、横軸は解析による 予測延性き裂発生点である. 白プロットで本研究の結果, 黒プロットで既報<sup>12)</sup>の結果を示した.同図を見ると本研 究および既報<sup>12)</sup>の結果ともにほとんどの供試体について, シェル解析の結果と同様に、±20%程度の誤差で本手法に より解析結果を評価できることが分かる.

以上より, ひずみ集中補正係数を導入した損傷度によ る評価手法により、ランダム載荷を与える場合にも漸増 変位や定振幅載荷の場合とほぼ同程度の精度で延性き裂 発生を評価できることが確認できた.

#### 6 結言

単柱式鋼製橋脚を対象に、ランダム載荷を受ける場合 の延性き裂進展挙動を明らかにすること、および既往の 研究で提案されている延性き裂発生評価法の適用性を, ランダム載荷履歴について検証することを目的に検討を 行った.まず、ファイバーモデルによる動的解析を実施 し、レベル2 地震動を受ける際の応答変位および損傷度 を評価した.得られた応答変位を実験供試体に頂部変位 として与え、延性き裂発生・進展挙動を観察した.次に、 シェル解析により実験供試体を詳細にモデル化して静的 繰り返し載荷を行い、損傷度による延性き裂発生点の評 価を行った.また、ファイバーモデルによる解析を実施 し、ひずみ集中補正係数を導入した損傷度による延性き 裂発生点評価を行い、過去の研究実績との比較を行った。 以下に本研究で得られた知見をまとめる.

1) 軸力が大きいほど応答変位,損傷度は大きくなる傾向 にある.

- 2) 軸力比 P/P<sub>y</sub> = 0.175 のとき,3 体中2 体の損傷度が1 に達した.このうち1 体の応答変位は限界値を超えて いたが,もう1 体は超えていなかった.このように, 従来の局部座屈照査を満足する鋼製橋脚でも,延性き 裂照査は満足しない場合がある.
- P/P<sub>y</sub> = 0.1 など軸力比が小さい場合は、応答変位および損傷度はともに小さくそれぞれの照査を満足するが、 地震波を2回、3回と入力すると損傷度が1に達した.
- 4) No.1~3の比較的変位が大きい供試体では、ウェブ幅 方向き裂長さは 20mm 程度までは急激に進展するがそ の後の進展は小さい.これは変位が漸減していること、 およびフランジーウェブ溶接部の脚長の寸法が影響し ていると考えられる.フランジ幅方向については、応 答変位が 12δ,,残留変位が 10δ,と非常に大きい No.2 で は 40mm 弱までき裂が進展し耐力低下も見られたが、 No.1、3 については 14mm、3mm 程度と進展は比較的小 さく耐力低下も確認できなかった.No.4 では 2 回目の 載荷の際にき裂が発生した.これより、1 回目の地震で き裂が発生せずとも、2 回目の地震が起きた場合にき裂 が発生する可能性があることが分かった.
- 5) 最大応答変位が比較的小さく,残留変位も小さい場合, き裂進展は抑制され,耐力低下も明確には確認できないことが分かった.このことから,過去の研究で用いられてきた漸増変位載荷は非常に厳しい載荷方法であると言えよう.
- 6) 本研究の実験供試体を対象としたシェル解析から損 傷度による延性き裂発生評価を行い、ランダム載荷を 与えた場合でも良い精度で評価可能であることが分か った.
- 7) ファイバーモデルによる解析から過去の研究と同程度の精度で延性き裂発生評価が可能であることを示した.応答変位を2回入力したNo.4についても延性き裂発生点を精度よく予測できることが分かった.

#### 謝辞

本研究の一部は、平成21年度科学研究費補助金・基盤研究(C)「土木鋼構造物の延性破壊照査法の開発に関する研究」(研究代表者:葛 漢彬;課題番号:21560509)および文部科学省私学助成ハイテクリサーチセンター整備事業で名城大学に設置された「高度制震実験・解析研究センター」の助成を受けて実施されたものである.

なお、本研究における実験を行うに当たって、名城大 学大学院生小野恵亮君、垣内一輝君および当時名城大学 4 年生の伊東健太郎君にはお世話になった.記して謝意 を表します.

## 参考文献

1) 宇佐美勉 編著:鋼橋の耐震・制震設計ガイドライン,

日本鋼構造協会, 技報堂出版, 2006.

- 2) 才塚邦宏,宇佐美勉,芳崎一也,鈴木森晶:兵庫県南部地震観測地震波を用いたハイブリッド地震応答実験による鋼製橋脚による激震時挙動,土木学会論文集, No.556/I-38, pp.119-129, 1997.
- 5) 坂野昌弘,三上市蔵,村山宏,三住泰久:鋼製橋脚 基部の超低サイクル疲労破壊挙動,鋼構造論文集,第 2巻,第8号, pp.73-82, 1995.
- 4) 坂野昌弘,岸上信彦,小野剛史,三上市蔵:鋼製ラーメン橋脚柱梁接合部の超低サイクル疲労破壊挙動,鋼構造論文集,第4巻,第16号,pp.17-26,1997.
- 5) 坂野昌弘,岸上信彦,小野剛史,森川友記,三上市蔵: 三角リブ付き鋼製橋脚基部の超低サイクル疲労挙動, 構造工学論文集, Vol.44A, pp.121-128, 1998.
- 5) 坂野昌弘,三上市蔵,鷹羽新二:鋼製橋脚隅角部の低 サイクル疲労挙動,土木学会論文集,No.563/I-39, pp.49-60,1997.
- 三木千寿,四十沢利康,穴見健吾:鋼製橋脚ラーメン隅角部の地震時脆性破壊,土木学会論文集, No.591/I-43, pp.273-281, 1998.
- 8) 陵城成樹,足立幸郎,猪瀬幸太郎,杉浦邦征,渡邊 英一:鋼製橋脚基部の地震時低サイクル疲労挙動に 関する実験的研究,構造工学論文集, Vol.48A, pp.649-655, 2002.
- 9) 葛漢彬,大橋正稔,田島僚:鋼製厚肉断面橋脚における延性き裂の発生とその進展に関する実験的研究,構造工学論文集, Vol.53A, pp.493-502, 2007.
- 10) 葛漢彬, 津村康裕: 鋼製厚肉断面橋脚における延性き 裂発生の評価に関する実験的および解析的研究, 構造 工学論文集, Vol.55A, pp.605-616, 2009.
- 11) 葛漢彬,藤江渉,田島僚:鋼構造物の延性き裂発生の 評価法の実験データによる検証,構造工学論文集, Vol.55A, pp.617-628, 2009.
- 12) 葛漢彬,藤江渉,津村康裕:鋼製橋脚の延性き裂照 査法の開発に関する一検討,土木学会地震工学論文集, Vol.30,論文番号 3-0017, CD-ROM, 2009.
- ABAQUS : Standard user's manual, Hibbitt, Karlsson & Sorensen, Inc., Pawtucket, R. I, 2005.
- 14) Shen C., Mamaghani, I.H.P., Mizuno, E. and Usami, T.: Cyclic Behavior of Structural Steels. II: Theory, J. of Eng. Mech., ASCE, Vol.121, No.11, pp.1165-1172, 1995.
- 15) 日本道路協会:道路橋示方書·同解説書, 丸善, 2002.
- 16) 日本鋼構造協会:鋼構造物の疲労設計指針・同解説, 技報堂出版, 1993.
- 17) 鈴木森晶,宇佐美勉:繰り返し荷重下おける鋼製橋脚
   モデルの強度と変形能の推定式に関する研究,土木学
   会論文集,No.519/I-32, pp.115-125, 1995.
   (2009 年 9 月 24 日受付)