鋼製ラーメン橋脚T形隅角部の弾塑性挙動に関する研究

Study on elasto-plastic behavior of T-shaped beam-to-column connections on steel rigid-frame piers

美島雄士*, 宮田亮**, 小野潔***, 西村宣男****, 三好崇夫***** Yuji Mishima, Ryo Miyata, Kiyoshi Ono, Nobuo Nishimura, Takao Miyoshi

*工修,日立造船株式会社,機械・インフラ本部(〒559-8559大阪市住之江区南港北1-7-89) **修(工),阪神高速道路株式会社(研究当時大阪大学大学院学生)(〒650-0041神戸市中央区新港町16-1) ***博(工),東京工業大学准教授,大学院理工学研究科土木工学専攻(〒152-8552目黒区大岡山2-12-1) ****フェロー,工博,大阪大学名誉教授 *****博(工),大阪大学大学院助教,工学研究科(〒565-0871吹田市山田丘2-1)

This paper describes the seismic performance of T-shaped beam-to-column connections on steel rigid-frame piers. To examine the limit state for this performance and evaluation methods thereof based on the elasto-plastic behavior of beam-to-column connections, elasto-plastic FEM was used to parametrically analyze models of actual structures. Consequently, the damage process and buckling modes for beam-to-column connections were clarified, and it was noted that the limit state of these connections in seismic design could be set according to the damage process. Furthermore, this paper proposes yield stress evaluation methods for web panels that take into consideration the limit state of beam-to-column connections and confirms the validity of these methods by comparing analytical and experimental results with calculations obtained by the proposed methods.

Key Words: T-shaped beam-to-column connections, strength, ductility, elasto-plastic finite displacement analysis

キーワード: T形隅角部, 強度, 変形性能, 弾塑性有限変位解析

1. はじめに

都市高速道路などで採用実績の多い鋼製ラーメン橋 脚は、大規模地震において強度と変形性能が重要視され る構造物である、鋼製ラーメン橋脚の中でもはりと柱の 接合部である隅角部は、応力の伝達機構が複雑で、地震 時には大きな断面力が作用する部位であることから、橋 脚の耐震性に影響を与える重要な部位である.

隅角部の設計¹⁾²は、常時やレベル1地震時に対して 奥村・石沢³⁾や中井ら⁴⁾の提案した方法により算出した 局所的なピーク応力を用いた弾性設計法が未だ適用さ れており、レベル2地震に対する設計法が確立されてい ない状況である.従来の設計法をレベル2に適用するこ とも考えられるが、この方法は隅角部の板厚が一般部と 比べて大きくなるため、今まで以上に板厚の増大が必要 となり経済性や施工性の悪化を招くことが予想される. このようなことから、隅角部に対しては隅角部の弾塑性 挙動を適切に考慮した合理的な耐震設計法の確立が求 められている.

ところで、鋼製ラーメン橋脚における隅角部は、図-1 に示す2層ラーメン橋脚を例にすると、L形隅角部とT形 隅角部に大別される.L形隅角部はラーメン橋脚に必然 的に見られる隅角形状であり、T形隅角部は都市高速な どで狭いスペースを有効利用する目的で建設される多 層ラーメン橋脚に多く見られる隅角形状である.

2つの隅角部形状を比較すると、力学的には図-2に示 す2層ラーメン橋脚に面内方向の地震が作用した場合の 曲げモーメント形状からわかるように、T形隅角部は上 側柱-はりー下側柱の3つの部材間で力が伝達するため、 隅角部に作用する分布性状がL形隅角部とは異なる.ま た、構造的にはL形隅角部が2方向の部材で構成されるの に対し、T形隅角部は3方向の部材で構成されるため、隅 角部ウェブパネルの変形特性に影響する支持条件(境界 条件)がL形隅角部とは異なる.これらの差違は隅角部 の塑性域での挙動特性に影響を与える可能性が考えら れる.



図-1 2 層ラーメン図-2 2 履橋脚の隅角部げ

図-2 2 層ラーメン橋脚曲 げモーメント性状

鋼製ラーメン橋脚の隅角部に関しては、これまでにも 弾塑性挙動に着目した様々な研究が実施されている^{5)~11)}. しかし、そのほとんどがL形隅角部に対するものであり、 T形隅角部に対しては、佐々木ら⁸⁾の研究以外はほとんど 例がない. 佐々木ら⁸⁾の研究では、主としてラーメン橋脚 の隅角部の補剛構造や幅厚比パラメータ等が隅角部の弾 塑性挙動に与える影響に着目して検討が行われ、耐震性 能向上に資する情報を提供している. その一方で、研究 で対象とした鋼種、補剛材剛比等の座屈パラメータが実 際のT形隅角部と異なっており、さらに、近年、応力集 中緩和のために設置されるフィレットなどの細部構造が 反映されていないことなどから、実構造物の強度および 変形性能、そして細部構造を含めた隅角部の損傷プロセ スを十分に再現できていない可能性もある.

そこで、本研究では、2 層鋼製ラーメン橋脚の T 形隅 角部に着目し、弾塑性有限変位解析により実構造物の諸 特性の影響を考慮した弾塑性挙動、それに基づく限界状 態とその評価方法に関する検討を目的とした.そのため、 実験結果との比較により妥当性を検証した解析手法を 用い、実績調査を反映して解析モデルの設定を行った. そして、鋼製ラーメン橋脚の T 形隅角部ウェブパネルの 辺長比、フランジとウェブパネルの幅厚比パラメータに 着目したパラメトリック解析を実施した.解析結果から、 T 形隅角部の弾塑性挙動として強度と変形性能に与える 各種パラメータの影響を把握するとともに、損傷プロセ ス並びに終局状態を迎える座屈形式を明らかにした.さ らに、それらの結果から、T 形隅角部に対する限界状態 の1つの考え方とその評価方法について提案を行った.

2. パラメトリック解析による検討

2.1 解析プログラム

本研究では、鋼材の繰返し塑性履歴特性を精度良く再 現できる構成則^{12)~14)}を用いた弾塑性有限変位解析プロ グラム CYNAS を使用した.構成則の詳細については文 献 13)を参照されたい. CYNAS では Updated Lagrangian 法に基づいて定式化された 8 節点アイソパラメトリック シェル要素を用いている.



図-3 文献 8)における載荷実験の概要 (文献 8)より抜粋)

表1	文献8	の実験供試体諸元
1 1	20000	

供試体	No.1	No.3		
隅角部パネル上のリ	無し	有り (断続)		
せん断遅れの影響考	せん断遅れの影響考慮の有無			
フランジ幅(ウェブ中心間	引隔) b (mm)	312	312	
ウェブ高さ d (ウェブ高さ d (mm)			
補剛材の自由突出幅	hs (mm)	80	80	
	フランジ tr	9	9	
板厚 (mm)	ウェブ tw	8	8	
	リブ ts	10	10	
	フランジ	0.336	0.336	
	ウェブ	0.373	0.373	
幅厚比バフメータK	パネル	0.382	0.191	
	リブ	0.485	0.485	
/ *	フランジ	4.65	4.65	
γ/γ	ウェブ	6.16	6.16	
軸力比 P/Py (9.0	9.0		

2.2 解析プログラムの妥当性の確認

解析の妥当性を確認するため、文献8)で実施された実 構造の約1/6のスケールのT形隅角部の試験体を対象と した正負交番載荷実験の再現解析を行った.図-3に載荷 実験の概要と供試体の概要図を示す.詳細は文献8)を参 照されたい.

載荷実験⁸は,はり・柱および隅角部の板厚,隅角 部ウェブパネルの補剛構造などをパラメータとして設 定した4ケースの供試体に対して実施された.再現解析 では、供試体のうち隅角部ウェブパネルに補剛リブが設 置されず、繰り返し載荷による終局時の座屈形式がせん 断座屈卓越形となる供試体 No.1 と、隅角部ウェブパネ ルの補剛構造が実構造と同じで座屈形式が曲げ座屈卓 越形となる供試体 No.3 の代表的な2ケースを対象とし た.表-1 に再現解析に用いた実験供試体の諸元を示す. 以下に解析モデルおよび解析の諸条件について示す.

(1) 解析モデル

再現解析に用いた解析モデルを図-4に示す. 部材は全



図-4 再現解析モデル図

てシェル要素とし,境界条件は実験を再現できるよう柱 の一方の端部を固定,他方をピン固定とした.

(2) 材料定数

部材の材質はSS400 材で,解析に用いた構成則の材料 定数を表-2 に示す.材料定数の定義については文献 13) を参照されたい.鋼材の降伏応力は文献 8)を参考に,そ の他の定数については,SS400 材の引張試験結果および 繰り返し材料試験結果¹⁵⁾により決定している.

(3) 初期不整

初期不整は文献8)に詳細データが示されていないこと から既往の研究などにより設定した.具体的には,残留 応力は文献16),17)を参考とし,フランジとウェブは引 張残留応力を1.0 σ_y , 圧縮残留応力を0.3 σ_y とし,縦リブ 縁端には0.6 σ_y の引張残留応力を図-5 に示す分布で設定 した.また,初期たわみは式(1)に示す全体系初期たわみ W_G と局所系初期たわみ W_L を重ね合わせ,図-6 に示す正 弦波で導入した.たわみ量は,道路橋示方書・同解説 II 鋼 橋編¹⁸(以下,道示 II という)の製作時の部材精度の規 定を準用し,全体系最大縦距 W_1 を圧縮材の曲がりの許 容誤差a/1000とし,同様に局所系最大縦距 W_2 を板の平 面度についての許容誤差 (b/n)/150 として設定した.

$$W_{G}(x, y) = W_{1} \cdot \sin \frac{\pi x}{a} \cdot \sin \frac{\pi y}{b}$$

$$W_{L}(x, y) = W_{2} \cdot \sin \frac{\pi x}{a} \cdot \sin \frac{n \pi y}{b}$$
(1)
$$\Xi \subseteq U_{c},$$

a:ダイアフラム間隔

```
b:補剛板幅
```

- W1: 全体系最大縦距
- W2:局所系最大縦距

(4) 荷重条件

載荷方法は図-4 に示すように、水平荷重を変位制御で 与え、鉛直荷重は 294kN を鉛直下向きに載荷した.

載荷パターンは図-7 に示す漸増変位正負交番載荷とした. なお,折り返しの基本降伏変位 δ_{ye}は文献 8)で用いられた隅角部付近の柱フランジにおけるひずみが降

表-2 構成則に含まれる材料定数

	σ_y MPa	$\varepsilon^{p}{}_{st}$	E ^p _{st} MPa	а	b
No.1ウェブ	299	0.0125	5194	0.0000	34.60
No.1フランジ	293	0.0125	5194	0.0000	34.60
No.1リブ	288	0.0125	5194	0.0000	34.60
No.3ウェブ	283	0.0125	5194	0.0000	34.60
No.3フランジ	299	0.0125	5194	0.0000	34.60
No.3リブ	282	0.0125	5194	0.0000	34.60
	С	d	е	f	g
SS400	0.581	0.32	0.20	6.09	-0.24



図-5 解析に導入した残留応力分布図







伏ひずみに達した時の変位 δ_{ye} =8.0mm を用いた.

(5) 解析結果

水平荷重と水平変位の関係について,実験値と再現解 析による結果の比較を図-8に示す.図中の実験結果の包 絡線は,文献8)の図から読み取ったものである.本図よ り,供試体No.1およびNo.3において解析値と実験値は 概ね一致している.なお,No.3の負方向載荷において最 大荷重以降に実験値との差違が見られるが,文献8)にお ける同様の比較でも同じ傾向が見受けられる.



図-8 解析結果と実験結果の比較



解析



実験(文献 8) より抜粋)

(a) No.1 (せん断座屈卓越型)



(b) No.3(曲げ座屈卓越型)

図-9 最大荷重時の変形性状の比較

図-9には最大荷重時の変形性状について,解析結果と 実験結果を示す.図-8,図-9の再現解析の結果より,No.1 では最大荷重を迎えた $6\delta_{ye}$ を越えるとウェブパネルの面 外変形が急増し,この面外変形により荷重低下が見られ る.また,No.3では $7\delta_{ye}$ を超えると柱フランジの局部座 屈が進行し,これにより荷重低下が生じている.つまり, 解析においても実験と同様,No.1が隅角部ウェブパネル のせん断座屈,No.3が柱フランジの座屈で終局状態を迎 えた.

以上の結果から,解析プログラムの妥当性を確認した.

2.3 パラメトリック解析における解析条件

パラメトリック解析で設定したモデルの構造諸元や パラメータは、実構造物を再現するため兵庫県南部地震 以降に改訂された道路橋示方書・同解説II 鋼橋編¹⁹およ



図-10 対象とする2層ラーメン橋脚の骨組み図





びV耐震設計編²⁰⁾に基づき設計された2層ラーメン橋脚 30基の実績調査の結果に基づき決定した.以下に,具体 的な内容を示す.

(1) 解析モデル

解析モデルに用いた骨組み寸法は、実績調査において 最大程度となる支間長(L)25m,高さ(H)29mとした.また, はり,柱の断面寸法は2.4mを基本とした.骨組み図と, はり・柱の標準断面を図-10および図-11に示す.

解析に用いたモデルは、解析プログラムが扱える部材 要素の都合から2層ラーメン構造のうち図-10の丸枠で 囲んだT形隅角部を取り出した部分モデルとした.図-12 に部分モデルの範囲を示すが、はりと柱の長さは後述す る図-17に示すように、死荷重と橋脚面内方向に地震時 水平荷重が作用した場合に生じる曲げモーメント分布の 変曲点までとした.





図-13 解析モデル

解析モデルは解析時間の短縮を目的として,鉛直面に 対する構造の対称性を考慮し,別途フルモデルとの比較 によって精度を確認した 1/2 モデルを用い,部材は全て シェル要素,境界条件は柱下端を固定とした.また,は りと柱との交差部にはフィレットを設置して実構造物の 構造詳細を反映した.解析モデルを図-13 に示す.なお, フィレットの形状は文献 1)により決定した.

(2) 解析パラメータ

T 形隅角部の構造パラメータに関する実績調査の結果 を図-14 に示す.解析で対象としたパラメータは、隅角 部パネルの辺長比(α = d_0/d_c , d_b :はりウェブ高さ, d_c :柱 ウェブ幅)(図-15),はり・柱フランジの幅厚比パラメータ (R_r , R_r)および隅角部ウェブパネルの幅厚比パラメー タ (R_w)で、実績調査を基に決定した.変動値の範囲は 実績調査の分布を考慮して、 α は1.0 と 0.75, R_r , R_r は 0.3 と 0.5,そして R_w は0.2 と 0.4 程度とした.縦補剛材 剛比 γ_1/γ_1 *は、橋脚柱の耐震設計では変形性能向上のため $\gamma_1/\gamma_1^*=3$ を推奨する考えもある.しかし、 $\gamma_1/\gamma_1^*=3$ を採用し ていた設計要領²¹⁾でもその値を緩和する方向にあり、本 解析では変形性能の評価にとって安全側で、実績や実設 計^{18,22)}を考慮して $\gamma_1/\gamma_1^*=1$ を基本とした.材質は隅角部に 多く用いられる SM570 材とした.また、実際の隅角部 の補剛材配置を反映させるため、補剛材とダイアフラム





図-15 隅角部パネル辺長比

表-3 パラメトリック解析モデル

model			1	2	3	4	5
b		mm	2400	2400	2400	2400	2400
d _b		mm	2400	1800	2400	2400	2400
d _c		mm	2400	2400	2400	2400	2400
$d_{\rm b}/d_{\rm c}$			1.00	0.75	1.00	1.00	1.00
$t_{\rm f}$ (はり)		mm	39.2	39.2	29.4	29.4	39.2
t _w (はり)		mm	39.2	39.2	29.4	29.4	39.2
tf (柱)		mm	39.2	39.2	29.4	29.4	39.2
tw (柱)		mm	39.2	39.2	29.4	29.4	39.2
t _s (補剛材)		mm	29.0	29.0	16.9	29.0	29.0
h _s (補剛材)		mm	204	204	161	202	204
	R _R		0.300	0.300	0.500	0.500	0.300
一般部フランジパネル	R _F		0.300	0.300	0.500	0.300	0.300
	γ I/γ Ireq		3.620	3.620	1.178	3.427	3.620
y1/y1*			1.000	1.000	1.000	2.916	1.000
隅角部パネル R _w			0.226	0.222	0.218	0.218	0.361

は接続させず、断続させてモデル化を行った.

以上の条件より,解析モデルは表-3に示す5つのモデル を設定した.

(3) 材料定数

解析に用いた構成則の材料定数を表-4に示す. 材料定 数は、SM570材に対する引張試験および繰り返し材料試 験の結果から決定している.なお、降伏応力は道示 Ⅱ¹⁸⁾ に示される基準降伏点として、σ=450MPa とした.

(4) 初期不整

残留応力は、筆者らの行った正負交番載荷実験¹¹⁾に用 いた SM570 材の試験体で計測した結果と、文献 16) お よび17)を参考に、引張残留応力をフランジとウェブに 対して 0.7σv,縦リブ縁端には 0.6σv として、図-16 に示 す分布で設定した.また、初期たわみは再現解析と同様、 式(1)と図-6により導入した.

(5) 荷重条件

荷重は上下部工の死荷重と橋脚面内の地震を想定し た水平荷重を考慮した.本解析ではT形隅角部のみ取り 出した部分モデルを用いることから, モデル近傍の曲げ モーメント、せん断力および軸力の分布が2層ラーメン 橋脚の断面力分布を再現できるよう荷重値および載荷 方法を決定した. 図-17 に例として曲げモーメントに対 する目標の分布を示す.また、図-12には荷重載荷図を 示す.

荷重の載荷要領は、死荷重についてははりと柱の曲げ モーメントの変曲点に対して一定荷重として水平およ

表-4 構成則に含まれる材料定数

	σ_y MPa	ε^{p}_{st}	E^{p}_{st} MPa	а	b
SM570	450	0.0000	12445	0.3600	132.73
	С	d	е	f	g
SM570	0.660	0.85	0.52	2.47	-4.64



図-16 解析に導入した残留応力分布



表−5	各モデル	/に載荷し	たー	定荷重	(kN)
~~~~	H = / /				( · · · /

$\overline{\}$	は	Ŋ	柱上部		
	水平方向 鉛直方向		水平方向	鉛直方向	
	$P_{\rm dbh}$	$P_{\rm dbv}$	$P_{\rm dch}$	$P_{dev}$	
model-1	-1120	-6300	1750	-6300	
model-2	-750	-4200	1170	-4200	
model-3	-750	-4200	1170	-4200	
model-4	-750	-4200	1170	-4200	
model-5	-1120	-6300	1750	-6300	

び鉛直方向にP_{db}, P_{db}, P_{dc} およびP_{dc} をそれぞれ載荷 する. 一定荷重の値は死荷重と設計水平震度 0.2 を想定 したレベル1 地震荷重が橋脚に作用した場合に、はり・ 柱断面が許容応力度以内になるよう決定した.表-5 に各 モデルに対して載荷した一定荷重値を示す。

水平荷重については、変動荷重としてはりと柱の端部 に Pebh, Pebv, Pech および Pecv を載荷するが, Pebv は後述 する載荷パターンを制御するための強制変位とした.  $P_{ebh}$ ,  $P_{ech}$  および  $P_{ecv}$  の 3 成分は, 強制変位  $P_{ebv}$  によっ て生じる断面力と重ね合わせることで目標とする断面 力分布を再現できるよう、Peby との関係から載荷ステッ プ毎に荷重値を決定している.

載荷履歴は、単調載荷および正負交番繰り返し載荷の 2 種類とした. 図-18 に正負交番繰り返し載荷の制御パ ターンを示す. 正負交番繰り返しに用いる折り返しの変



の関係(単調載荷)

位 $\delta_y$ は単調載荷解析から得られたはり端部の垂直荷重Pと垂直変位 $\delta$ の関係において,隅角部の剛性が線形から 非線形に移行するときの変位とし,文献6を参考に図-19 に示すようにPと $\delta$ の二乗の関係から算出した.

#### (6)着目項目

単調載荷解析では隅角部の最大荷重までの損傷プロ セスと終局状態を迎える座屈形式に着目した.また,正 負交番繰り返し載荷解析では地震時における最大荷重 までの強度上昇および変形性能に着目した.

# 2.4 解析結果および考察

### (1) 損傷プロセス, 座屈形式

単調載荷解析によるはり端部の垂直荷重と垂直変位の



図-21 解析モデルの損傷プロセス

関係を図-20 に示す. 同図には最大荷重の位置を矢印で 示している. ここでは,最大荷重に至る迄の損傷プロセ スと終局時の座屈形式について考察する.

全てのモデルは、荷重が増加し、隅角部ウェブパネル の変形が増すにつれ、まずフィレットに面外変形が生じ る(図-21(a)). さらにウェブパネルの変形が増大すると ウェブパネルが降伏し、隅角部のせん断剛性が変化(非 線形化)する(図-21(b)). なお, ウェブパネルの降伏と剛 性変化の関係については後述する. その後, 最大荷重を 迎えるが、終局時の座屈形式はモデルにおけるウェブパ ネルの補剛程度により2つのタイプに分かれる.一つは, はり下フランジの局部座屈が卓越するタイプ(図 -21(c)),もう一つは、隅角部ウェブパネルのせん断座屈 が卓越するタイプ(図-21(d))である. フランジの局部座 屈が卓越するタイプは、ウェブパネルの幅厚比パラメー タ R_wが 0.2 程度の model-1, 2, 3, 4 である. せん断座 屈が卓越するタイプは、ウェブパネルの幅厚比パラメー タRwが0.4程度で補剛パネルの間隔が他のモデルより大 きい model-5 である.このように、R_wにより座屈形式が 分かれるのは、筆者らが行ったL形隅角部に対する正負 交番載荷試験¹¹⁾と同じ結果である.

フィレットについては、解析結果から隅角部を構成す る部材の中で最初に損傷を受けることが明らかとなっ た.フィレットの損傷自体は隅角部の強度や変形性能に は大きな影響を与えるものではないと考えられるが、隅 角部の限界状態を考える上で重要な事象であると言え る.現在のところ、フィレットについては文献1)に応力

![](_page_7_Figure_0.jpeg)

集中の緩和に対する要求性能が示されているだけで、地 震時に求められる性能および限界状態については明確 にされていない.そのため、隅角部の耐震設計法の確立 には、地震時におけるフィレットの要求性能を明確にし た上で限界状態の設定とその評価法の開発が必要となる. (2) 隅角部ウェブパネルの応力および変形特性

図-22 に単調載荷時のはり端部の垂直荷重と隅角部の ウェブパネルのせん断変形角との関係を示す. 同図には せん断変形角の定義を記載している. 図-23 には隅角部 の平均せん断応力とウェブパネルのせん断変形角との 関係を示す. 平均せん断応力は文献 3)により算出した. 同図には一点鎖線で鋼材のせん断降伏応力を併記して いる.

図-20,図-22より,全てのモデルにおいてはり端部の 垂直変位と隅角部ウェブパネルのせん断変形角が非線 形挙動を示し始める荷重が概ね一致している.さらに, 図-23より,せん断変形角は平均せん断応力がせん断降 伏応力程度になると非線形性を呈していることがわか る.これらのことから,全てのモデルにおいてウェブパ ネルのせん断剛性の変化はウェブパネルの降伏に起因 して生じ,ウェブパネルの降伏がはりの変形に大きな影 響を与えることが明らかとなった.従って,ウェブパネ ルの初期降伏が隅角部の非線形挙動,延いてはラーメン

![](_page_7_Figure_4.jpeg)

の影響(繰り返し載荷)

橋脚の変形に大きな影響を与えることから,隅角部の限 界状態を設定する上で初期降伏を適切に評価すること が重要となる.ここでは、ウェブパネルの降伏の時期を 鋼材のせん断降伏応力と比較して考察を行ったが、ウェ ブパネルにはせん断応力だけでなく、直応力も作用する ことから、初期降伏を精度良く評価するためには作用応 力を適切に考慮する必要がある.初期降伏の評価手法に ついては3章で詳しく述べる.

#### (3) 解析パラメータによる影響

正負交番載荷による繰返し解析結果を model-1 (a=1.0,

 $R_{\rm R}$ ,  $R_{\rm F}$ =0.3,  $R_{\rm w}$ =0.23)を基本として、パラメータ毎に比較した結果を図-24~図-26に示す. なお、解析結果には履歴ループから得られた包絡線を用いている. 各図の縦軸には最大荷重  $P_{\rm max}$ を隅角部の降伏荷重  $P_{\rm y}$ で無次元化した強度  $P_{\rm max}/P_{\rm y}$ を示し、横軸には最大荷重時のはり端部の垂直変位  $\delta_{\rm m}$ を降伏変位  $\delta_{\rm y}$ で無次元化した変形能  $\delta_{\rm m}/\delta_{\rm y}$ を示している. ここで、 $P_{\rm y}$ 、 $\delta_{\rm y}$ は先述の図-19に示す方法で算出した隅角部の剛性が線形から非線形に移行するときの荷重と変位のことである.

以下では、各解析パラメータが隅角部の強度および変 形能に与える影響について考察する.

# a) 隅角パネルの辺長比 (α)

図-24にmodel-1(a=1.0)とmodel-2(a=0.75)の比較結果を 示す. 同図より,実構造物の実績における辺長比の範囲 では強度および変形能にほとんど差違がないことがわ かる.

b) はり・柱フランジの幅厚比パラメータ (R_R, R_F)

図-25 に model-1( $R_R, R_F=0.3$ ), model-3( $R_R, R_F=0.5$ )および model-4( $R_R=0.5, R_F=0.3$ )の比較結果を示す.全てのモデル の  $R_R$ ,  $R_F$ は,道路橋示方書・同解説 V 耐震設計編²²⁾(以下,道示 V という)に基づき弾性座屈しない範囲(0.5 以下)で設定している.このため,強度については  $R_R$ ,  $R_F$ が大きくなるほど若干低下していく傾向が見られる もののあまり差は見られない.一方,変形能については,  $R_R$ ,  $R_F$ が大きくなるほど低下が著しい.特に,  $R_R$ を変化 させた model-1( $R_R=0.3$ )と model-4( $R_R=0.5$ )との比較におい て顕著な差が見られる.この結果から,変形能に対して はフランジパネルの幅厚比パラメータ  $R_R$ の影響が大き いことがわかる.

c) 隅角部ウェブパネルの幅厚比パラメータ (R_w)

図-26にmodel-1(*R*_w=0.23)とmodel-5(*R*_w=0.36)の比較結 果を示す. 同図より,強度については顕著な差は見られ ないが,変形能については,下フランジの座屈が卓越す る model-1 よりもウェブパネルのせん断座屈が卓越する model-5の方が著しく劣ることがわかる.このことから, 変形能に対しては,ウェブパネルを十分補剛してせん断 座屈を防ぐことにより,ウェブパネルのせん断変形能を 十分発揮させることが有利になると言える.

# 3. 隅角部ウェブパネルの初期降伏評価方法の提案

#### 3.1 ウェブパネルの初期降伏と隅角部の限界状態

隅角部の変形は、構造上ラーメン橋脚の横ばりや支持 する上部工の変形に対して大きな影響を及ぼす.そのた め、レベル2地震時においても剛性の変化による過大な 残留変形を発生させないことが望ましい.つまり、この 考えに基づくと、隅角部のレベル2地震動に対する限界 状態としては、道示V²²に示される「損傷を限定された 範囲にとどめ、損傷の修復を容易に行い得る状態」とす ることが考えられる. 現状,隅角部の設計法は道示II¹⁸⁾では具体的な方法が示 されておらず,高速道路株式会社等の設計基準^{1,2)}に示さ れているだけである.しかし,このような設計基準にし てもレベル2に対する具体的な設計法は示されていない. 一方,本研究で実施したパラメトリック解析の結果では, 隅角部ウェブパネルのせん断降伏とほぼ同時に隅角部 の剛性の変化が発生しており,隅角部の剛性変化に対し てウェブパネルの初期降伏が支配的であることが明ら かとなった.このため,隅角部の限界状態の設定におい ては、ウェブパネルの初期降伏を推定することが重要に なる.

隅角部ウェブパネルの初期降伏は、FEM解析や一定せん断流パネル解析^{23),24)}などの解析的手法により推定することが可能である.しかし、鋼製ラーメン橋脚の構造計画では、構造の最適化を図るためはり、柱および隅角部の寸法を変化させる必要がある.このような解析的手法を用いて断面変更を多く行うことは、要素分割の修正等が逐次必要となり煩雑さを伴う.そこで、実務上は簡便でより精度の高い推定方法により初期断面を決定し、その後、決定した断面に対してFEM解析や一定せん断流パネル解析で照査するといった手法の方が望ましいと考える.また、簡便で精度の高い推定法を開発することで、FEM解析や一定せん断流パネル解析により断面変更を行うことが必要となった場合でも、その解析の回数を削減することも可能となる.

実設計において、隅角部ウェブパネルは隅角部の形状 に拘わらずBeedleら²⁵⁾や奥村ら³⁾の研究に基づき、ウェブ パネルがせん断応力のみ受け持つものとして照査してい る. この照査では鋼材の降伏条件が最大せん断応力説に 従うものとし、さらにウェブパネルのせん断応力分布を 考慮した許容値 $\tau_a = 0.45\sigma_a$  ( $\tau_a$ :許容せん断応力度,  $\sigma_a$ :許容引張応力度)を用いている.また、中井ら²⁰は ウェブパネルの使用限界状態における照査法として、卓 越するせん断応力に対する照査法を提案している. この 照査ではMiesesの降伏条件から得られる降伏せん断応力 度を用いた許容値 $\tau_a = \sigma_v / (\sqrt{3}v)$  ( $\sigma_v$ :降伏引張応力度, ν:使用限界状態に対する安全係数)を採用している.し かし、これらの方法はいずれもせん断応力のみに対する 照査であるため、実際にウェブパネルに作用している直 応力を考慮していないことから、作用応力の評価精度に 対する問題が考えられる.

一方,既往の研究において,ウェブパネルの初期降伏の評価方法はL形隅角部に対して黄ら^{6,7)}がBeedleら²⁵⁾や奥村ら³⁾の研究成果に基づいた方法を提案している.この方法は,曲げモーメントおよび軸力をフランジのみに受け持たせ,ウェブパネルが純せん断状態と仮定したものであるため,フランジよりもウェブの板厚が小さい場合は精度良く評価できることが確認されている.しかし,大抵の実構造物のようにフランジとウェブが同厚の場合には,ウェブパネルが受け持つ曲げモーメントや軸力に

![](_page_9_Figure_0.jpeg)

図-27 T形隅角部に作用する応力度のモデル化

よる直応力の影響が無視できなくなることから,評価方法の精度に問題が生じることが筆者らの研究¹¹⁾で明らか となった.そこで筆者らは、L形隅角部に対して隅角部 に作用する応力状態をモデル化し、ウェブパネルの降伏 に直応力の影響を考慮した簡便で精度の高い初期降伏評 価方法を提案した.詳細は文献11)を参照されたい.

このような背景から、本研究ではT形隅角部について 初期降伏を簡便で精度良く評価できる方法を提案する. 具体的には、筆者らの提案したL形隅角部に対する評価 方法の考え方¹¹⁾を拡張してT形のウェブパネルに作用す る直応力の影響を考慮した評価方法を提案する.提案す る評価方法の適用性は、本研究で行ったパラメトリック 解析の結果と比較することにより確認する.さらに、実 設計の照査式などと比較することにより提案式の有効 性について言及する.

# 3.2 T形隅角部に対する初期降伏評価方法の提案

# (1) 隅角部ウェブパネルの応力状態のモデル化

はりおよび柱の上下縁の3方向から作用する断面力に 対して作用状態をモデル化する.具体的には,隅角部 ウェブパネルの応力伝達について以下の仮定を行い,こ の仮定を再現するため,はりと柱に作用する断面力によ り部材内に生じる応力について図-27に示すモデル化を 行う.

a) はり上フランジが分担する力は、柱内縁から外縁方 向にいくにつれ減少し外縁で0となるが、これを柱フ ランジ間隔d。の間で平均的にせん断流として作用す るものと仮定する.

- b) 柱外側フランジが分担する柱上縁側と柱下縁側のフランジカの差による力は、順次はりフランジ間隔4,の間で隅角パネル下端にいくにつれ減少し、平均的にせん断流として作用するものと仮定する.
- c) 隅角部ウェブパネルが分担するはり直応力度M_b/W_b +N_b/A_bは,順次柱フランジ間隔d_cの間で外縁方向に いくにつれ減少し,平均的にせん断流として作用す るものと仮定する.
- d) 隅角部ウェブパネルが分担する柱上側に作用する直応力度M_{cd}/W_c+N_{cd}/A_cと,柱下側に作用する直応力度 M_{cd}/W_c+N_{cd}/A_cの差による直応力度は,順次はりフランジ間隔d_bの間で隅角パネル下端にいくにつれ減少し,平均的にせん断流として作用するものと仮定する.

図-27に示す記号の定義は以下のとおりである.

- *M_b*, *M_{cu}*, *M_{cd}*:隅角部ウェブパネル境界辺に作用
   するはりおよび柱の曲げモーメント(kN・m)
- $N_b$ ,  $N_{cu}$ ,  $N_{cd}$ :はりおよび柱に作用する軸力(kN)
- *Q_b*, *Q_{cu}*, *Q_{cd}*: はり, 柱上側および柱下側から 伝えられるせん断力(kN)
- *W_b*, *W_c*: はりおよび柱の断面係数(m³)
- $A_b, A_c$ :はりおよび柱の断面積(m²)
- (2) 隅角部ウェブパネルの任意の点の応力度成分

前項に示したモデル化に対し,隅角部ウェブパネル内の任意の位置の応力度を考えるため,図-27のA点を原点とするxおよびy座標を新たに定義する.この座標系における任意の点(x, y)における直応力度およびせん断応力度は式(2a)~(2c)のようになる.

$$\sigma_{x} = \left[\frac{N_{b}}{A_{b}} - \frac{M_{b}}{W_{b}} \cdot \left(1 - \frac{2 \cdot y}{d_{b}}\right)\right] \cdot \frac{x}{d_{c}}$$
(2a)

$$\sigma_{y} = \left[\frac{N_{cu} - N_{cd}}{A_{c}} - \frac{M_{cu} - M_{cd}}{W_{c}} \cdot \left(1 - \frac{2 \cdot x}{d_{c}}\right)\right] \cdot \left(1 - \frac{y}{d_{b}}\right)$$

$$+\frac{N_{cd}}{A_c} - \frac{M_{cd}}{W_c} \cdot \left(1 - \frac{2 \cdot x}{d_c}\right)$$
 (2b)

$$\tau_{yx} = \frac{F_{bu}}{2 \cdot d_c \cdot t_w} + \frac{1}{x} \cdot \int_0^y \sigma_x dy$$
 (2c)

ここに,

 $\sigma_x$ : x 方向(はり軸方向) 直応力度(MPa)

 $\sigma_y$ :y方向(柱軸方向)直応力度(MPa)

- *τ_{yx}*: せん断応力度(MPa)
- *F_{bu}*:式(3)に示す,はり外側フランジが負担する橋軸方向断面力の和(kN)

$$F_{bu} = -\frac{M_{bf}}{d_b} + \frac{N_{bf}}{2} - Q_{cu}$$
(3)

M_{bf}, N_{bf} :式(4a),(4b)に示す,はりのフランジ が分担する曲げモーメント(kN・m) および軸力(kN)

...

$$M_{bf} = \rho_{bf}^{M} M_{b} \tag{4a}$$

$$N_{bf} = \rho_{bf}^{N} \tag{4b}$$

*ρ^M_{bf}*, *ρ^N_{bf}* : 式(5a), (5b)に示す,はりに作用する

 曲げモーメントおよび軸力のフランジ分担率

$$\rho_{bf}^{M} = \frac{A_{bf} \cdot \frac{M_{b}}{W_{b}} \cdot \frac{d_{b}}{2}}{A_{bf} \cdot \frac{M_{b}}{W_{b}} \cdot \frac{d_{b}}{2} + A_{bw} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{M_{b}}{W_{b}} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{d_{b}}{2}}$$
$$= \frac{1}{\left(1 + \frac{A_{bw}}{3A_{bf}}\right)}$$
(5a)

$$\rho_{bf}^{N} = \frac{A_{bf} \cdot \frac{N_{b}}{A_{b}}}{A_{bf} \cdot \frac{N_{b}}{A_{b}} + A_{bw} \cdot \frac{N_{b}}{A_{b}}}$$
$$= \frac{1}{\left(1 + \frac{A_{bw}}{A_{bf}}\right)}$$
(5b)

#### (3) 初期降伏の判定

本研究では、図-27 で定義したウェブパネル内の任意 点に作用する直応力度およびせん断応力度を式(2a)~ (2c)により算出し、それらが式(6)の条件を満たす場合を 隅角部ウェブパネルの初期降伏と定義する.

$$\sigma_{YW} = \sqrt{\sigma_x^2 - \sigma_x \sigma_y + \sigma_y^2 + 3\tau_{yx}^2} = \sigma_Y \tag{6}$$

ここに,

 $\sigma_{_{YW}}$ : ウェブパネルの初期降伏応力度(MPa)

 $\sigma_{y}$ :鋼材の降伏点(MPa)

### 3.3 初期降伏評価方法の適用性および有効性

新たに提案した応力度算出式(2a)~(2c)と式(6)により, 2章で示したパラメトリック解析モデルに対して初期降 伏荷重を算出し,解析値との比較を行った.また,提案 式の有効性を示すため、ウェブパネルにはせん断応力の み作用するとした奥村ら³の設計照査式 $\tau_y = 0.45\sigma_y$ ,並

![](_page_10_Figure_16.jpeg)

図-28 提案方法と解析値との比較

びに鋼材のせん断降伏応力 $\tau_y = \sigma_y / \sqrt{3}$ から算出した降 伏荷重との比較を併せて行った.結果を図-28に示す. 図-28より,提案式による初期降伏荷重算定値は,解析 値と概ね誤差10%程度でよく一致している.また,提案 式の精度は設計照査式や鋼材のせん断降伏応力から算 出した降伏荷重に比べて十分高いことがわかる.

以上の結果より,本研究で提案した直応力の影響を考 慮した T 形隅角部ウェブパネルの初期降伏評価方法は, 十分有効であることが確認できた.

# 4. 結論

本研究では、2 層鋼製ラーメン橋脚のT形隅角部を対象に、弾塑性挙動の把握、限界状態の設定およびその評価方法に関する検討を目的として、実構造物の諸特性を反映させた隅角部の解析モデルによる弾塑性有限変位解析を実施した.本研究で得られた結論を以下に示す.

- T 形隅角部の損傷プロセスは、まずフィレットの面 外変形が発生し、次に隅角部ウェブパネルの剛性変 化が生じる.最終的に、隅角部近傍のはり下フラン ジまたは隅角パネルの座屈により終局を迎える.
- T 形隅角部の座屈形式は、ウェブパネルが十分補剛 されていれば下フランジの局部座屈が卓越し、そう でなければウェブパネルのせん断座屈が卓越して終 局を迎える.
- 3) フィレットは隅角部を構成する部材の中で最初に損 傷を受けることが明らかとなった.そのため、隅角 部の耐震設計法を確立するには、地震時における フィレットの要求性能を明確にした上で、限界状態 の設定とその評価法の開発が必要となる.
- 4) 隅角パネルの辺長比は強度および変形性能にほとん ど影響を与えない、一方、はりと柱のフランジや ウェブパネルの幅厚比パラメータは、強度に対して はほとんど影響しないが、変形能に対しては影響が 大きく、幅厚比パラメータが大きくなるほど変形能

が低下する.特に、ウェブパネルの補剛の程度は座 屈形式にも影響を与えるため、変形性能を向上する にはウェブパネルを十分補剛してせん断座屈を防ぐ ことが有利となる.

- 5) T 形隅角部ウェブパネルのせん断剛性の変化(非線 形性)は、ウェブパネルの降伏とほぼ同時に生じる. ウェブパネルの降伏は、隅角部の非線形挙動、延い てはラーメン橋脚の変形に大きく影響することから、 隅角部の限界状態を設定する上で初期降伏を適切に 評価することが重要となる.
- 6) T 形隅角部ウェブパネルの初期降伏に対して、ウェ ブパネルに作用する直応力を考慮した、簡便で精度 の高い評価方法を提案した。

### 参考文献

- 1) 首都高速道路公団:首都高速道路橋梁構造物設計要 領,Ⅱ鋼橋編,2003.5.
- 阪神高速道路公団:設計基準第2部,構造物設計基準 (橋りょう編)第2編鋼構造,2000.4.
- 3) 奥村敏恵,石沢成夫:薄板構造ラーメン隅角部の応力 計算について,土木学会論文集,第153号, pp.1-18, 1968.5.
- 中井博,福岡悟,酒造敏廣,明橋克良:鋼製ラーメン 隅角部の Shear lag と耐荷力とに関する実験的研究, 構造工学論文集, Vol.33A, pp.193-206, 1987.3.
- 5) 酒造敏廣, 事ロ寿男: 鋼製ラーメン隅角部の崩壊性状 と変形性能に関する実験的研究, 構造工学論文集, Vol.37A, pp.121-134, 1991.3.
- 6) 黄元燮,西村宣男,高津秀俊:鋼製ラーメン隅角部の 強度と変形能に関する実験的研究,構造工学論文集, Vol.40A, pp.201-214, 1994.3.
- (7) 黄元燮,西村宣男,西野滋博:鋼製ラーメン隅角部パネルの強度および変形能の評価法,構造工学論文集, Vol.40A, pp.215-226, 1994.3.
- 8) 佐々木栄一,高橋和也,市川篤司,三木千壽,名取暢: 鋼製ラーメン橋脚隅角部の補剛構造がその弾塑性挙 動に及ぼす影響,土木学会論文集,No.689/I-57, pp.201-214, 2001.10.
- 2)池田学,市川篤司,山田正人,安原真人:鋼製ラーメン隅角部の正負交番載荷実験,鉄道総研報告, Vol.13, No.4, pp.41-46, 1999.4.
- 三木千壽,四十沢利康,穴見健吾:鋼製橋脚ラーメン隅角部の地震時脆性破壊,土木学会論文集,No.591 /I-43, pp.273-281, 1998.4.
- 11) 田原潤,小野潔,西村宣男,宮田亮,田中耕太郎, 美島雄士:鋼製ラーメン橋脚隅角部の弾塑性挙動に

関する実験的研究, 土木学会論文集 A, Vol.65 No.1, pp.98-116, 2009.2.

- 西村宣男、小野潔、池内智行:単調載荷曲線を基にした繰り返し塑性履歴を受ける鋼材の構成式、土木学会論文集、No.513/I-31、pp.27-38、1995.4.
- 13) 鈴木雄大,小野潔,池内智行,岡田誠司,西村宣男, 高橋実:実用的な鋼材の構成式の開発,第6回地震時保有耐力法に基づく橋梁等構造の耐震設計に関するシンポジウム講演論文集,pp.351-358, 2003.1.
- N.Nishimura, T.Ikeuchi and N.Taniguchi : Numerical simulation on damage to pipe piers in Hyogoken-Nanbu earthquake, Engineering Structures, Vol.20, No.4-6, pp.291-299, 1998.
- 15) 池内智行:鋼材の塑性履歴構成式の定式化と繰り返し外力を受ける鋼構造物の変形能の評価への応用に関する研究,大阪大学学位論文,1998.
- 16) 小松定夫,牛尾正之,北田俊行:補剛材を有する圧 縮板の極限強度に関する実験的研究,土木学会論文 報告集,第255号,pp.47-61,1976.11.
- 小松定夫,牛尾正之,北田俊行:補剛板の残留応力 および初期たわみに関する実験的研究,土木学会論 文報告集,第265号,pp.25-35,1977.9.
- 18) 日本道路協会:道路橋示方書・同解説II 鋼橋編, 2002.3.
- 19) 日本道路協会:道路橋示方書・同解説 II 鋼橋編, 1996.12.
- 日本道路協会:道路橋示方書・同解説V耐震設計編, 1996.12.
- 21) 名古屋高速道路公社:コンクリートを部分的に充填 した鋼製橋脚の耐震性能照査要領, 2002.4.
- 日本道路協会:道路橋示方書・同解説 V 耐震設計編, 2002.3.
- 23) 尾下里治,江川定利:鋼床版合成形式橋梁の解析方法に関する一提案,土木学会論文集,No.516/IV-27, pp.197-206, 1995.6.
- 24) 大村武馬, 下山田孝志, 江川定利, 玉越隆史: 鋼製 橋脚隅角部の解析手法の一提案, 構造工学論文集, Vol.51A, pp.23-32, 2005.3.
- 25) Beedle, L. S., Topractsoglou, A. A., and Johnston, B. G: Connectiions for Welded Continuous Portal Frames, Welding Research Supplement, Progress Report No.4, Part 11, pp.543-560, 1952.11.
- 26) 中井博,酒造敏廣,橋本良之:せん断遅れ現象を考慮した鋼製ラーメン隅角部の限界状態設計法について,土木学会論文集,No.455/I-21,pp.95-104,1992.10. (2009 年 9 月 24 日受付)