

(8) 波動論的考察による地震時の地盤振動 シミュレーション

清水建設㈱研究所 ○ 大槻 明
群馬大学工学部 春海佳三郎
清水建設㈱研究所 山原 浩
清水建設㈱研究所 広瀬 道孝

§ 1. はじめに

構造物の耐震設計を行なうに際して、その裏付けとなる地震応答解析の考え方は、基本的には2つに大別できる。

第1の方法は、構造物や地盤を集中質量法や有限要素法等により離散系のモデルにおきかえ、さらに一様な加速度を各質点に与えて解析する、いわゆる振動論的立場に立った地震応答解析手法である。これに対し第2の方法は、弾性波動論に代表されるように地震を連続体中の波動としてとらえた解析、つまり波動論的立場に立った地震応答解析手法である。

従来、土木建築の分野における地震応答解析は第1の方法すなわち振動論的立場からの解析が主に行なわれてきている。これは、次のような理由によるものと思われる。第1の方法は、第2の方法に比べ数学的取り扱いが比較的簡単であるため、かなり複雑なモデルに対しても解析が可能であること、また、通常の構造物（地盤も含む）に対し工学的に問題とされる波長が構造物の幾何学的寸法に比べて十分長い場合には、地震を振動としてとらえた解析手法で十分工学的目的が達しうることが明らかにされていくことなどによるためであろう。

しかし、最近の原子力発電所や大型土木構造物のように工学的に問題とされる周波数帯域が非常に高い方に拡大され、しかも平面、かつ深さ方向に大きな広がりをもつ構造物になると、基礎に到達する地震波動のわずかな位相差が重要な意味を持つことが、山原¹⁾らにより指摘されてきている。

このような現状を考えると地震を単に振動としてとらえるだけでなく、地盤や構造物中の波の反射屈折を考慮に入れた波動論的立場からの解析が必要となってきたように思われる。そこで、著者らは波動論的立場からの地震応答解析手法の開発を行なった²⁾ので、その一部を以下に示す。

§ 2. 理 論

弾性波動論に関しては、19世紀の中頃から多くの数学学者や物理学者によって華麗な数学的展開が行なわれてきた。しかし、基礎－地盤系の動的挙動を弾性波動論により解析的に求めるには非常に複雑な境界値問題となるため、現在のところ簡単化されたモデルに基づく近似解³⁾⁴⁾⁵⁾⁶⁾が得られているにすぎない。一方、近年では電算機の発展により波動方程式を差分法や有限要素法により離散化し、直接数値解析を行なう方法が可能となってきた。

直接数値解析により波動問題を解く方法として、過去に Alterman⁷⁾⁸⁾⁹⁾らは 1968 年から 1970 年にかけて差分法を使い、成層地盤や $1/4$ 自由面、 $3/4$ 自由面における波動問題を検討した。さらに、Ilan, Loewenthal¹⁰⁾¹¹⁾¹²⁾¹³⁾¹⁴⁾らは 1975 年から 1977 年にかけ解の安定性が良く、かつ複雑な地形を解析できる手法を提案した。また、佐藤¹⁵⁾¹⁶⁾（1972, 1973）、春海¹⁷⁾¹⁸⁾（1975, 1978）は質点系モデル（差分）により波動問題を取り扱っている。

上述のこれら的方法は、有限要素法に比べて計算時間および容量が少なくてすむ利点を持っているが、一方これらの差分法をそのまま土木建築の分野に適用するにはいくつかの未解決な問題が残っている。

たとえば、構造物が構築される地盤の表層は一般にボアン比 0.4 以上のものが多く、このような地盤に前述の方法を適用すると地表面付近で発散現象が生じやすくなる。また、基礎と表層、表層と基盤間の波動インピーダンス比は大きく、精度良い検討をするためには各媒質の伝播速度に応じたメッシュ幅をとらねばならない。さらに、形状の複雑なものをモデル化する際には任意のメッシュが必要となってくる。

そこで、これらの問題を解決し、より実際に即した解析を行なうため新たに有限要素法を導入し、有

限要素法と質点系モデル（差分法）とを融合した方法を用いることにした。

2.1 基礎方程式

$x-y$ 直角座標系の弾性波の方程式は次のように書ける。

$$\begin{aligned}\rho \partial^2 u / \partial t^2 &= (\lambda + 2\mu) \partial^2 u / \partial x^2 \\ &\quad + (\lambda + \mu) \partial^2 v / \partial x \partial y + \mu \partial^2 u / \partial y^2 \\ \rho \partial^2 v / \partial t^2 &= (\lambda + 2\mu) \partial^2 v / \partial y^2 \\ &\quad + (\lambda + \mu) \partial^2 u / \partial x \partial y + \mu \partial^2 v / \partial x^2\end{aligned}\dots\dots(1)$$

ここに、 u, v は x, y 方向の変位、 ρ は密度、 λ, μ はラメ定数である。 λ および μ は、ヤング係数 E とポアソン比 ν を用いて次のように表わされる。

$$\lambda = \frac{\nu E}{(1+\nu)(1-2\nu)}, \quad \mu = \frac{E}{2(1+\nu)}$$

2.2 ポテンシャルを持つ質点系モデルによる定式化¹⁷⁾¹⁸⁾

図-1に示されるように、 x, y 軸をとり、格子間隔を h 、格子番号を (i, j) 等とする。図の各格子点に $m(i, j)$ の質量があり、上下左右をバネ定数 a なるバネで互いに連結されている。また、対角線方向はバネ定数 b なるバネで連結されているとする。

(A) 水平、上下方向のバネ

(i, j) 点と $(i+1, j), (i-1, j)$ の2点を結ぶ水平方向の単純バネのポテンシャルを、

$$U = a/2 \{ [u(i+1, j) - u(i, j)]^2 + [u(i, j) - u(i-1, j)]^2 \}\dots\dots(2)$$

とおくと、 (i, j) 点に働く水平方向の力は、

$$F_x = -dU/dx(u(i, j)) = a[u(i+1, j) - 2u(i, j) + u(i-1, j)]\dots\dots(3)$$

となる。同様にして、上下方向のバネは点 $(i, j+1)$ と点 (i, j) とを結ぶバネに $U = a/2[v(i, j+1) - v(i, j)]^2$ なるポテンシャルを与えると点 (i, j) に働く y 方向の力は上と同様にして、

$$F_y = -dU/dy(v(i, j)) = a[v(i, j+1) - 2v(i, j) + v(i, j-1)]\dots\dots(4)$$

(B) 対角線方向のバネ

対角線方向のバネは、点 $(i+1, j+1)$ と点 (i, j) とを結ぶバネと点 $(i+1, j-1)$ と点 (i, j) とを結ぶバネの2種類があるが、点 $(i+1, j+1)$ と点 (i, j) とを結ぶバネは次のポテンシャルを持たせる。

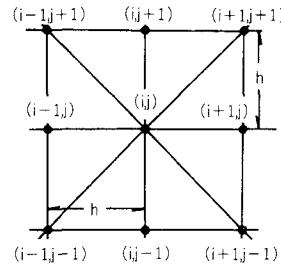


図-1 格子モデル

$$\begin{aligned}U_1 &= b/2[u(i+1, j+1) - u(i, j)] \\ &\quad + [v(i+1, j+1) - v(i, j)]^2 \\ &\quad + ba/2\{[u(i+1, j+1) - u(i, j)]^2 \\ &\quad + [v(i+1, j+1) - v(i, j)]^2\}\dots\dots(5)\end{aligned}$$

点 $(i+1, j+1)$ と点 (i, j) とを結ぶバネは次のポテンシャルをもつ。

$$\begin{aligned}U_2 &= b/2[u(i+1, j-1) - u(i, j)] \\ &\quad - [v(i+1, j-1) + v(i, j)]^2 \\ &\quad + ba/2\{[u(i+1, j-1) - u(i, j)]^2 \\ &\quad + [v(i+1, j-1) - v(i, j)]^2\}\dots\dots(6)\end{aligned}$$

全ポテンシャルは $U = U_1 + U_2$ で与えられる。これを $u(i, j)$ で微分して x 方向の力 F'_x を求めるとき、

$$\begin{aligned}F'_x &= -dU/dx(u(i, j)) = b[u(i+1, j+1) \\ &\quad - u(i, j) + v(i+1, j+1) - v(i, j)] \\ &\quad + ba[u(i+1, j+1) - u(i, j)] \\ &\quad + b[u(i+1, j-1) - u(i, j)] \\ &\quad - v(i+1, j-1) + v(i, j)] \\ &\quad + ba[u(i+1, j-1) - u(i, j)] \\ &= b[u(i+1, j+1) + u(i+1, j-1) - 2u(i, j)] \\ &\quad + b[v(i+1, j+1) - v(i+1, j-1)] \\ &\quad + ba[u(i+1, j+1) + u(i+1, j-1) - 2u(i, j)]\dots\dots(7)\end{aligned}$$

同様にして、点 (i, j) と点 $(i-1, j-1)$ とを結ぶバネには U_1 と同様に次のポテンシャルを与える。

$$\begin{aligned}\bar{U}_1 &= b/2[u(i, j) - u(i-1, j-1) \\ &\quad + v(i, j) - v(i-1, j-1)]^2 \\ &\quad + ba/2\{[u(i, j) - u(i-1, j-1)]^2 \\ &\quad + [v(i, j) - v(i-1, j-1)]^2\}\dots\dots(8)\end{aligned}$$

点 (i, j) と $(i-1, j+1)$ を結ぶバネには U_2 と同様な次のポテンシャルを与える。

$$\begin{aligned}\bar{U}_2 &= b/2[u(i, j) - u(i-1, j+1) - v(i, j) \\ &\quad + v(i-1, j+1)]^2 + ba/2\{[u(i, j) - u(i-1, j+1)] \\ &\quad + [v(i, j) - v(i-1, j+1)]^2\}\dots\dots(9)\end{aligned}$$

全ポテンシャル $\bar{U}_1 + \bar{U}_2$ を $u(i, j)$ で微分し、 (i, j)

点に働く x 方向の力 Fx'' を求めると次のようになる。

$$\begin{aligned} Fx'' = & b[u(i-1,j-1) - 2u(i,j) + u(i-1,j+1)] \\ & - b[v(i,j) - v(i-1,j-1)] \\ & + b[v(i,j) - v(i-1,j+1)] \\ & + b\alpha[u(i-1,j-1) - 2u(i,j) + u(i-1,j+1)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(10)$$

斜め部材による x 方向の力 Fx'' は、式(7), 式(10)より次のようにになる。

$$\begin{aligned} Fx'' = & b[u(i+1,j+1) + u(i+1,j-1) \\ & + u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1) - 4u(i,j)] \\ & + b[v(i+1,j+1) - v(i+1,j-1) \\ & - v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1)] \\ & + b\alpha[u(i+1,j+1) + u(i+1,j-1) \\ & + u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1) - 4u(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(11)$$

同様にして、斜め部材による y 方向の Fy'' 力を求めるとき

$$\begin{aligned} Fy'' = & b[v(i+1,j+1) + v(i+1,j-1) \\ & + v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1) - 4v(i,j)] \\ & + b[u(i+1,j+1) - u(i+1,j-1) \\ & - u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1)] \\ & + b\alpha[v(i+1,j+1) + v(i+1,j-1) \\ & + v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1) - 4v(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(12)$$

(C) 質点 (i,j) の運動方程式

上下左右および斜方向のバネの質点 (i,j) に及ぼす力を加え、 (i,j) 点における運動方程式を求めるとき次のように書くことができる。

$$\begin{aligned} m(i,j)d^2u(i,j)/dt^2 = & a[u(i+1,j) - 2u(i,j) \\ & + u(i-1,j)] + b[v(i+1,j+1) - v(i+1,j-1) \\ & - v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1)] \\ & + b(1+\alpha)[u(i+1,j+1) + u(i+1,j-1) \\ & + u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1) - 4u(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(13)$$

$$\begin{aligned} m(i,j)d^2v(i,j)/dt^2 = & a[v(i,j+1) - 2v(i,j) \\ & + v(i,j-1)] + b[u(i+1,j+1) - u(i+1,j-1) \\ & - u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1)] \\ & + b(1+\alpha)[v(i+1,j+1) + v(i+1,j-1) \\ & + v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1) - 4v(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(14)$$

ところで、斜方向の格子間隔 $\sqrt{2h}$ の格子を考えると、

$$u(i+1,j+1) + u(i+1,j-1) + u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1) - 4u(i,j) = 2h^2v^2u \quad \dots\dots\dots(15)$$

であり、また正方格子では、

$$\begin{aligned} v(i+1,j+1) - v(i+1,j-1) - v(i-1,j+1) \\ + v(i-1,j-1) = 4h^2\partial_x^2v/\partial_x\partial_y \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(16)$$

である。式(13), (14)を h^2 で割り、この関係を用いると、

$$\begin{aligned} m(i,j)\partial_x^2u(i,j)/dt^2 = & a\partial_x^2u/\partial_x^2 \\ & + 4b\partial_x^2v/\partial_x\partial_y + 2b(1+\alpha)v^2u \\ m(i,j)\partial_y^2v(i,j)/dt^2 = & a\partial_y^2v/\partial_y^2 \\ & + 4b\partial_y^2u/\partial_x\partial_y + 2b(1+\alpha)v^2v \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(17)$$

となる。 (17) 式と(1)式との係数を比較すると、 $m/h^2 = \rho$ であるから各項の係数は、

$$a = \lambda + \mu, 4b = \lambda + \mu, 2b(1+\alpha) = \mu$$

となり、

$$a = \lambda + \mu, b = (\lambda + \mu)/4$$

$$\alpha = (2\mu/(\lambda + \mu)) - 1 = (\mu - \lambda)/(\lambda + \mu) \quad \dots\dots\dots(18)$$

となる。

次に時間間隔を k 、時間ステップ n 、縦波および横波速度を $v_L^2 = (\lambda + 2\mu)/\rho$, $v_T^2 = \mu/\rho$ と表わし、さらに(13)および(14)の d^2u/dt^2 等を差分式でおきかえ、式(18)および $m(i,j)/h^2 = \rho$ なる関係を用いて書きかえると、質点系モデルの式は次のようになる。

$$\begin{aligned} u(i,j,n+1) = & 2u(i,j) - u(i,j,n-1) \\ & + ((v_L^2 - v_T^2)/k^2)h^2[u(i+1,j) \\ & - 2u(i,j) + u(i-1,j)] \\ & + ((v_L^2 - v_T^2)/4)k^2/h^2[v(i+1,j+1) \\ & - v(i+1,j-1) - v(i-1,j+1) + v(i-1,j-1)] \\ & + (v_Tk/h)/2[u(i+1,j+1) + u(i+1,j-1) \\ & + u(i-1,j+1) + u(i-1,j-1) - 4u(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(19)$$

$$\begin{aligned} v(i,j,n+1) = & 2v(i,j) - v(i,j,n-1) \\ & + ((v_L^2 - v_T^2)/k^2)h^2[v(i,j+1) \\ & - 2v(i,j) + v(i,j-1)] \\ & + ((v_L^2 - v_T^2)/4)k^2/h^2[u(i+1,j+1) \\ & - u(i+1,j-1) - u(i-1,j+1) \\ & + u(i-1,j-1)] + (v_Tk/h)^2/2[v(i+1,j+1) \\ & + v(i+1,j-1) + v(i-1,j+1) \\ & + v(i-1,j-1) - 4v(i,j)] \end{aligned} \quad \dots\dots\dots(20)$$

なお、上式で $t = nk$ の場合の n は省略してある。

2.3 有限要素法による定式化

式(1)をテンソル記法で書き直せば次のようになる。

$$\rho\ddot{u}_i = \sigma_{ij,j} \quad \dots\dots\dots(21)$$

ここで、

$$\sigma_{ij} = E_{ijkl}\epsilon_{kl} \quad \dots\dots\dots(22)$$

2.5 逸散境界

本手法のように有限な領域で波動解析を行う場合、しばしば境界上での反射波が問題となることがある。過去においてこの種の反射波の影響をなくす目的で、Clyton²⁰⁾, Lysmer²¹⁾ らは波動逸散を考慮できる境界を提案している。そこでこれら的方法を本手法に適用し、波動逸散を考慮に入れた解析を行なってみた。その結果、かなり精度良い解析を行なうことができた。しかし、特定のケース、たとえばボアソン比の高い物質や境界に傾きを持って逸散波が入射される場合には Clyton や Lysmer の方法は精度良く逸散波を予測できないことがあり、そのため不安定現象が生じやすくなることもわかった。そこで、このような問題に対しては 1 つの方法として、速度項に比例する減衰力を含んだ波動方程式を境界近傍の領域に適用し、その領域で波を吸収する方法を採用した。

§ 3 適用例

実際に波動伝播を計算するには、初期条件として各節点における変位を式(19), (20), (35)に与えることになる。式(19), (20), (35)を使う際には、解の安定条件より時間間隔 $t < h / (v_L \sqrt{1 + v_T^2 / v_L^2})$ を基本的に満足し、かつ波形の形状が精度良く表現できるようにメッシュ幅 h を決めなくてはならない。

3.1 本手法と他の方法の比較

本手法の妥当性を調べるために、図-3 に示すように均一無限地盤中に円形空洞があり、その空洞に縦波（調和波形）が入射した場合の空洞表面での変位を、本手法と PAO²²⁾ の解で比較してみた。図-4 にその結果を示す。

本手法と PAO の解は $\theta = 90^\circ$ から $\theta = 180^\circ$ の範囲で

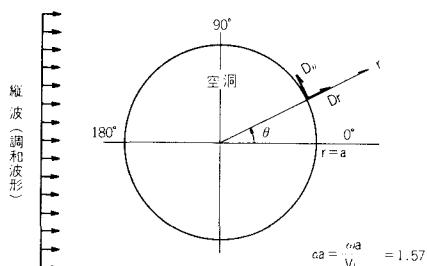


図-3 解析モデル

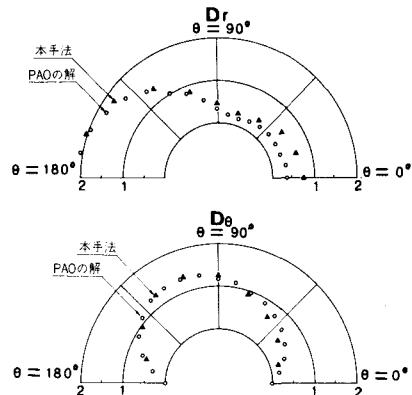


図-4 最大変位分布図

はかなり良く一致しているが、 $\theta = 0^\circ$ から 90° では若干両者の値は異なっている。これは PAO の解は定常解であるのに対し、本手法は過渡解であること、また、PAO の解は空洞表面を伝わる波や空洞に沿ってまわりこむ波は考慮していないのに対し、本手法では考えていることなどによるためであろう。いずれにしても、全体的には本手法と PAO の解はよい一致をみており、本手法の妥当性が認められる。

3.2 地震波の入力損失

基礎の構造形式の違いや入射角の違いにより、基礎および周辺地盤の応答がどのように変化するか本手法を用いて検討した。

(A) 構造形式の違いによる入力損失効果

図-5 に示すモデル（A 基礎、B 基礎）について応答計算を行なった。入力波形は振動数 5, 10, 15, 20 Hz の SINE 変位波（単位振幅の横波）とし、18 m の深さより地表面に対し垂直に入射する。図-6 には基礎上端中央の最大水平変位 u_{st} と、基礎の影響を受けない地表面の最大水平変位 u_g との比を各基礎ごとに示す（5 ~ 20 Hz）。また、10, 20 Hz における A 基礎、B 基礎周辺の波動伝播状況を図-7 ~ 図-10 に示す。なお、表-1 には本解析に用いた地盤定数を示す。

図-6 をみると振動数 5, 10 Hz で A, B 基礎の u_{st}/u_g はともに 0.8 ~ 1.0 の値を取っている。これに対し 15, 20 Hz になると、A 基礎では $u_{st}/u_g \approx 0.4$ 、B 基礎では $u_{st}/u_g \approx 0.7$ の値を取っている。振動数軸に沿って u_{st}/u_g の値をながめてみると、A, B 基礎ともに振動数が高くなるにつれて入力損失効

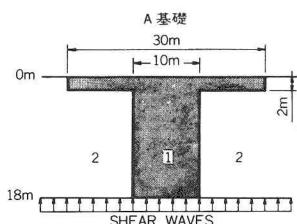


図-5 解析モデル ($\theta = 0^\circ$)

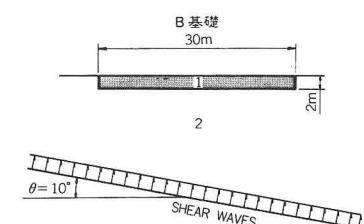
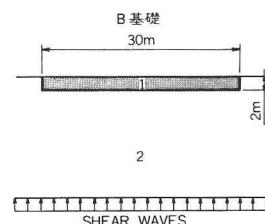


図-11 解析モデル ($\theta = 10^\circ$)

図-7 変位分布図 (10 Hz) 時間ステップ 400

図-8 変位分布図 (20 Hz) 時間ステップ 400

図-9 変位分布図 (10 Hz) 時間ステップ 400

図-10 変位分布図 (20 Hz) 時間ステップ 400

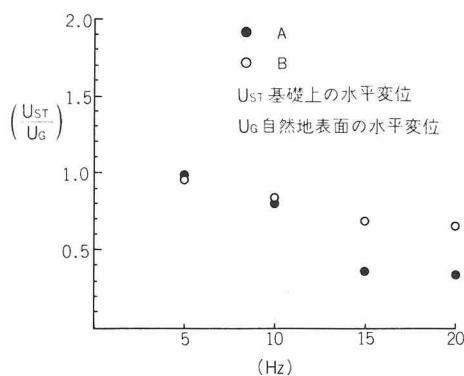


図-6 地盤と基礎間の振幅比

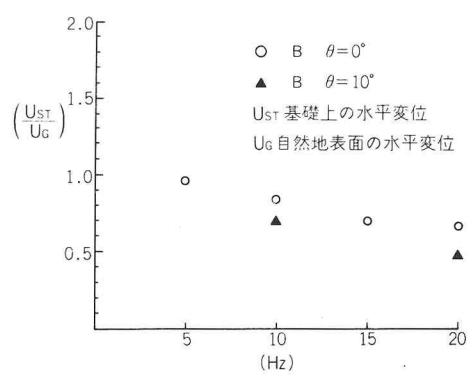


図-12 地盤と基礎間の振幅比

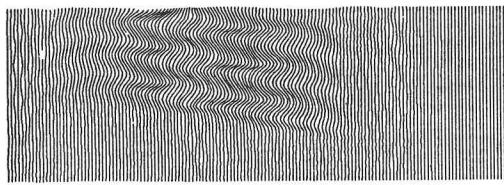


図-13 変位分布図 時間ステップ 100

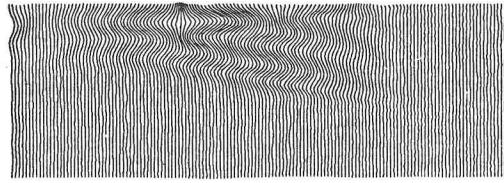


図-14 変位分布図 時間ステップ 200

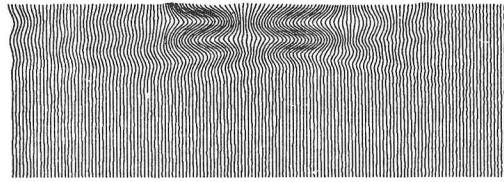


図-15 変位分布図 時間ステップ 300

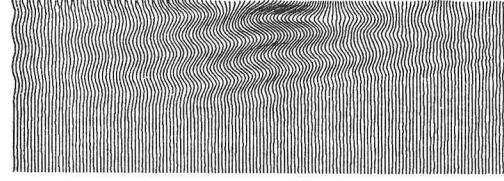


図-16 変位分布図 時間ステップ 400

	横波(m/s)	縦波(m/s)	密 度
1	1000	1700	2. 3
2	200	1000	2. 1

表-1 地盤定数

果が表われているように思われる。図-7～10の変位分布図をみると、10HzではA、B基礎ともにほぼ地盤と一体となって動いている。これに対し20Hzでは10Hzに比べ基礎周辺の地盤は複雑な動きを示しており、特にA基礎ではかなりの表面波(渦)が基礎周辺に発生し、また基礎の動きは周囲の地盤に比べてかなり小さいことがわかる。

(B) 斜め入射による入力損失効果

図-11に示すように入射角 $\theta=10^\circ$ のSINE変位波(3波)を入射させ応答計算を行なった。まず、基礎のない自然地盤に $\theta=10^\circ$ のSINE波が入射した時の伝播状況を図-13～16に示す。

次に、B基礎に $\theta=10^\circ$ のSINE波(10, 20Hz)

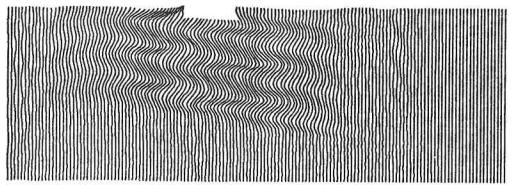


図-17 変位分布図 時間ステップ 100

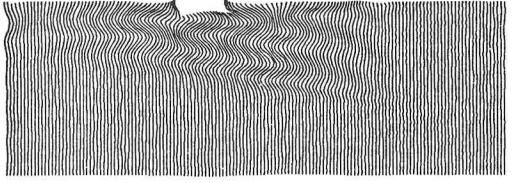


図-18 変位分布図 時間ステップ 200

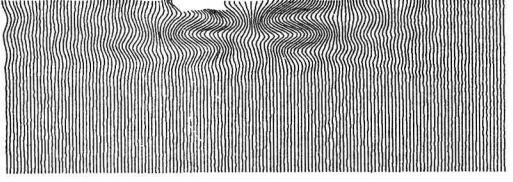


図-19 変位分布図 時間ステップ 300

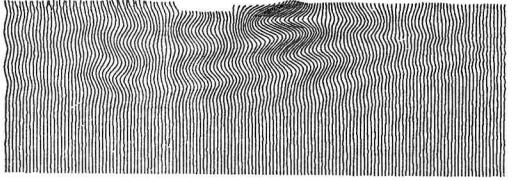


図-20 変位分布図 時間ステップ 400

が入射したときの基礎上端中央の最大水平変位 u_{st} と自然地表面での最大水平変位 u_g との比を図-12に示す。なお、図-12には $\theta=0^\circ$ の場合の値もあわせて示す。図-17～20には10HzのSINE波がB基礎に $\theta=10^\circ$ で入射したときの波動伝播状況を示す。

図-12をみると、 $\theta=10^\circ$ の入射波に対する u_{st}/u_g の値は、 $\theta=0^\circ$ のそれに比べて約2割ほど小さな値を示しており、斜め入射に対する入力損失効果は垂直入射に対する入力損失効果よりも大きいようと思われる。

図-13～20をみると、当モデルでは入射角が臨界角を越えているので横波のみの反射波が発生し、ほぼ同振幅で、かつ $\theta=-10^\circ$ の波が伝播して行くようすが認められる。B基礎に斜め入射させると、基礎があることによる波動の乱れが、基礎がない場合に比べ若干みられる。

§ 4. まとめ

以下に本研究のまとめとして、その要約を記す。
本手法の特色について

(1) 有限要素法と質点系モデル（差分）を融合した本手法は、差分法だけの方法に比べ複雑なモデルを解くことができ、また、ポアソン比の高い物質（たとえば 0.4 以上）に対しても安定した解が得られる。

(2) 本手法は縦波、横波および表面波を同時に考慮した解析が行なえる。たとえば、横波（平面波）が地表面に垂直に入射した場合、地盤内に異質物質が混入しているとそれにより新たに縦波、横波、表面波が発生し、伝播していく過程を克明にとらえられる。

(3) 入射波としては、横波および縦波の平面波（斜め入射も可能）、点加振を考慮することができる。しかし、計算時間、計算容量の制限から継続時間の比較的短い波形であることが望まれる。

(4) 本手法は実際の波動伝播状況を克明に、しかも視覚的にとらえられることから、地盤と構造体間の入力損失の効果や機構の解明など幅広い適用が可能と思われる。

入力損失について

(1) A 基礎のように比較的固い地盤（基礎と地盤間の波動インピーダンスが小さい場合）の上に基礎が載っている場合、基礎底面の広がりよりも基礎側

面の広がり（根入れ）の効果が、入力損失に大きく貢献しているものと推測される。

(2) B 基礎のように根入れが非常に小さく、かつ底盤がかなりの広がりをもった場合でも垂直入射波に対し入力損失効果が認められる。このことは B 基礎のような構造物に同位相の波が入射した場合、底盤の寸法と入力波の波長との関係によっては入力損失効果があるものと思われる。

(3) 図-6 の結果より振動数が高くなるにつれ、A 基礎、B 基礎ともに基礎の振幅が小さくなる傾向が認められる。特に A 基礎の方がこの傾向が顕著である。

(4) 図-12 の結果より斜め入射に対する入力損失効果は、垂直入射に対する入力損失よりも大きいものと考えられる。

今回の検討は 1 例ではあるが、本手法を用いることにより入力損失について幾つかの定性的傾向を把握することができた。今後さらに詳細な数値実験を行なっていきたい。

謝辞 本研究を進めるにあたり、竹脇氏（力学研究部）、田蔵氏（土木設計部）には有限要素法について数多くのご指導をいただいた。ここに感謝の意を表わします。

<参考文献>

- 1) 山原 浩：“地震時の地動と地震波の入力損失” 日本建築学会論文報告集 №165(1969), №167(1970) pp.476～477
- 2) 大槻 明・春海佳三郎・山原 浩：“地震時の地盤挙動に関する波動論的考察” 土木学会年次大会講演集、第 1 部門 (1980)
- 3) 田治見 宏：“深い基礎を有する構造物の地震応答について” 日本地震工学シンポジウム講演集 (1966) pp.255～260
- 4) 後藤 向男・土岐 憲三・高田 至郎：“地中基礎構造物の振動特性について” 京大防災研究所年報、第 14 号 A (1971.4) pp.263～282
- 5) 小堀 鐸二・南井良一郎・鈴木 有：“成層地盤中に根入れされた基礎構造物の振動特性” 京大防災研究所年報、第 19 号 B-1, (1976.4) pp.219～244
- 6) 土岐 憲三・小松 昭雄：“井筒基礎の地震応答解析に関する研究” 土木学会論文報告集 281 号 (1979)

- 7) Z. Alterman & Karal : "Propagation of Elastic Waves in Layered Media by Finite Difference Methods" B.S.S.A. Vol.58. №1 (1968) pp.367 ~ 398
- 8) Z. Alterman & Rotenberg : "Seismic Waves in a Quarter Plane" B.S.S.A. Vol.59. №1 (1969) pp.347 ~ 368
- 9) Z. Alterman & Loewenthal : "Seismic Waves in Quarter and Three-quarter Plane" Geophys. J.R.Astr. Soc. №20 (1970) pp.101 ~ 126
- 10) A. Ilan, Ungar & Alterman : "An Improved Representation of Boundary Conditions in Finite Difference Scheme for Seismological Problems" Geophys.J.R.Astr. Soc. №43 (1975) pp.727 ~ 745
- 11) A. Ilan & Loewenthal : "Instability of Finite Difference Schemes due to Boundary Conditions in Elastic Media" Geophysical Prospecting Vol.24(1976) pp.431 ~ 453
- 12) A. Ilan : "Finite Difference Modelling for P-pulse Propagation in Elastic Media with Arbitrary Polygonal Surface" J.Geophys. №43 (1977) pp.41 ~ 58
- 13) A. Ilan : "Stability of Finite Difference Schemes for the Problem of Elastic Waves Propagation in a Quarter Plane" Journal of Computational Physics №29 (1978) pp.389 ~ 403
- 14) A. Ilan, Bond & Spivack : "Interaction of a Compressional Impulse with a Slot Normal to the Surface of an Elastic Half Space" Geophys.J.R.Astr. Soc. (1978)
- 15) Y. Sato : "A Numerical Experiment on Wave Propagation in an Elastic Quarter Space" J.Phys. Earth Vol.20 (1972) pp.287 ~ 299
- 16) Y. Sato : "Diffraction of SH Elastic Waves by a Crack and the Interception of Sound by a Rigid Wall" J.Phys. Earth Vol.21 (1973) pp.393 ~ 400
- 17) 春海佳三郎・五十嵐 高・斎藤 鉄夫："ボテンシャルを持つ質点系モデルによる弾性波の数值実験" 非破壊検査 第27巻12号
- 18) K. Harumi & T. Saito : "Motion Picture of the Computer Simulation of Elastic Waves from Transducer" 9th World Conference on Non-destructive Testing, Proceedings, 4H-7 (1979)
- 19) 赤尾 嘉彦・伯野 元彦："有限要素法の境界における逸散波動の消去の試み" 土木学会年次大会講演集 (1979) 第1部門 pp.497 ~ 498
- 20) R. Clyton & B. Engquist : "Absorbing Boundary Conditions for Acoustic and Elastic Waves Equations" B.S.S.A. Vol.67. №6 (1977) pp.1529 ~ 1540
- 21) J. Rysmer & K.L. Kuhlemeyer : "Finite Dynamic Model for Infinite Media" A.S.C.E. Vol.95. № EM 4 (1969) pp.859 ~ 877
- 22) Y. Pao : "Dynamic Stress Concentration in an Elastic Plate" Journal of Applied Mechanics (1962) pp.299 ~ 305

Research on Earthquake Ground Motions

by Use of Numerical Expressions for Wave Equations

by Akira Ohtsuki*

Keizaburo Harumi**

Hiroshi Yamahara*

Michitaka Hirose*

Recently, several investigators have applied finite differences to seismological problems. However, the applicability of finite difference methods to seismological problems has been limited in most cases to simple geometric shapes and to regions of low Poisson's ratios.

In order to dissolve the problems described above, the authors develop a new procedure combining the finite element method with the new particles model proposed by Harumi. The excellent characteristics of this method are the following.

1. This method can be applied to calculate displacements of arbitrary shapes and with regions of high Poisson's ratios. Also, to investigate in sufficient detail the mechanism of wave propagation in irregular structures by means of graphics output.
2. This method can be applied to solve the more general problems of scatter which arise when non-normally incident waves are applied.
3. Results obtained by this method can consist of any type of P- or SV-waves and surface waves.
4. This method may reduce core requirements and CPU times in comparison with finite element methods.

* The Research Laboratory of Simizu Construction Co.Ltd.

** Professor of Faculty of Technology, Gunma University