

## 鋼構架設工事における形状と残留架設応力

横河工事(株)

高岡司郎

日立順三郎

○広田和彦

石倉善弘

### 1. まえがき

鋼構架設工事において完成形状はしばしば計画形状と異なった状態で完成される場合が多く、二の計画形状と完成形状間の誤差の原因として ○設計誤差 ○製作誤差 ○組立誤差 ○仮組・架設時 日照による誤差等が考えられます。本文ではこれらうち ○組立誤差 ○仮組・架設時の日照による誤差を取り上げ、これによる発生するキャンバー誤差と残留応力について述べる。組立誤差の原因としては、現場継手部の穴のズレによる誤差、現場溶接ひずみによる誤差等が考えらるゝが本文では「現場継手部の穴のズレによる誤差」のみに着目する。

現場継手部の穴のズレは、組立時に形状保持のため打込みドリフトピン径とスプライスの穴径との差、かさびドリフトピン径、穴径自体の誤差により生ずる。穴がズレて組立かられた場合には、構軸の伸縮、あるいはソリットラ形で表わされ、構軸の伸縮ヒリではその量が小さくほとんど問題にならない。問題となるのは、ケタにソリットラ形で表わされるとおり、下とえれば上フランジの穴のズレが正 下フランジの穴のズレが負(あるいは上フランジ負、下フランジ正)となり、継手部で打込み頭までられる状態がそれである。なお継手部における軸の折角の最大値は次式で示される。

$$\theta = 4 \times \Delta / \rho w \quad (1)$$

$$\Delta = (D_1 - D_2) + \Delta_1 + \Delta_2 \quad (2)$$

$$\rho w = \varphi \pi F^2 \rho$$

$D_1$	: 穴の呼び径
$D_2$	: ゼンの呼び径
$\Delta_1$	: 穴の誤差
$\Delta_2$	: ゼンの誤差

仮組・架設時の日照による誤差は、架設はもちろん仮組も屋外で行うのが一般であり、太陽光線の直射を受けてる軸は、上フランジが伸び、下フランジが縮んだ状態でキャンバーに合せた仮組して完くりされ、架設地場ではそのまま完合せず組立てるために発生する誤差である。このように工場で日中に、規定キャンバーに組立てられるには、組立て誤差が全くないものとしても、すでに誤差が入っており、被間あるいは床版打設後は上下フランジの温度差がなくなり、上フランジが縮れ、下フランジが伸びようとする。その結果单支間のフレートガーダーでは逆キャンバー(下ソリ)になつた。不静定構造では形状が狂い、かつ残留応力が発生する。

以上の二点から「穴のズレによる誤差」「日照による誤差」につきとの計算式を作り、フレートガーダー4橋(単径間 2・3・4径間連続析) アーチ系橋架工橋(ランガー・ローゼ)の実橋諸元を使つて数値計算を行つた。

## 2. 実のスルにする形状と残留架設応力の計算式

単位間隔の総手部折角による形状は図-1で表め工山  
るが、この時の変位量  $\delta_1, \delta_2, \delta_n$  は図-2に示す二  
とく単位間隔に  $\theta_1, \theta_2, \theta_n$  ほど荷重を載荷した梁の  
モーメント  $m_1, m_2, m_n$  と等しい。

一方連続桁の総手部折角による形状および残留応力は  
次の方法で計算する。

まず連続桁の中間支承を解放して両端支承のみで支持  
した状態の梁(図-3)を静定基本系とする。その静定  
基本系に総手部折角を加えた場合の各支承位置での変位  
 $\delta_{01} \sim \delta_{0n}$  を単位間と同じ方法で求めよ。同じく静定  
基本系の  $i$  梁に  $P=1$  ほど荷重を載荷した場合の  $j$  梁  
のたわみを  $\delta_{ij}$  とし  $i=1 \sim n, j=1 \sim n$  すべてにについて計算する。連続桁の総手部折角によ  
る支承反力の増減を  $R_1, R_1 \sim R_n, R_{n2}$  とすれば  
 $\delta$  と  $R$  の関係は次式で表される。

$$\delta_{0j} = R_1 \delta_{1j} + \dots + R_n \delta_{nj} \quad (3)$$

式-3をすべての支承位置についてまとめて

$$\begin{vmatrix} R_1 & | & \delta_{11} & - & \delta_{1n} \\ - & \cdot & - & - & - \\ R_n & | & \delta_{n1} & - & \delta_{nn} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \delta_{01} \\ \vdots \\ \delta_{0n} \end{vmatrix} \quad (4)$$

となり、上式より  $R_1 \sim R_n$  を求めよ。次に  $R_{01}, R_{0n}$  は静定基本系に  $-R_1 \sim -R_n$  を載荷  
した時の両端支承反力である。(図-6参照)

次に  $R_1 \sim R_n$  を使つて連続桁の任意梁(  $k$  梁)の変形および残留曲げモーメントを次式で求  
めよ。

$$\delta_k = \delta_{0k} - (R_1 \delta_{1k} + \dots + R_n \delta_{nk}) \quad (5)$$

$$M_k = R_n x_k + \sum_{i=1}^{(k-1)} R_i (x_k - x_i) \quad (6)$$

## 3. 日照による形状と架設残留応力の計算式

太陽光線の直射を受けている桁のソリ量の計算は次のようにならう。まず上フランジ両端を側方  
より固定した桁が太陽光線の直射を受け、上フランジだけが  $\Delta t$  °C だけ温度上昇した場合、上フ

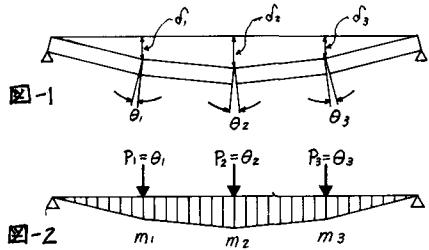


図-1

図-2

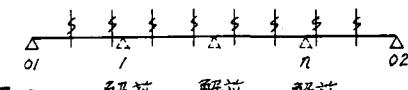


図-3

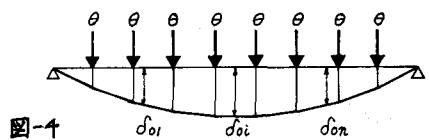


図-4

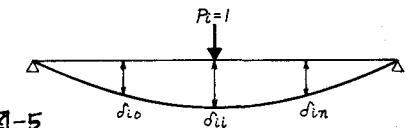


図-5

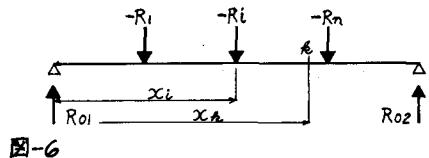


図-6

ランジ下伸がることが出来ず、内部応力が発生し、その結果両端の支持点に内部応力とつりあつた反力 ( $N_t$ ) を生ずる。この時部材内部でのひずみがないため軸はなんら変形を起さない。もし両端の支持点を解放すれば上フランジの応力が、ウェブ・下フランジに導入され、全断面の合計応力が零に保たままで軸は変形する。この変形は温度が一様な軸のエフランジを張力  $N_t$  で引張った状態での変形と一致し、手すり内部応力は、図-7に示す応力分布と考えらる。よって上フランジのみが  $\Delta t^{\circ}\text{C}$  だけ温度上昇した軸の変形は、図-8より次式で示されるモーメント荷重 ( $M_t$ ) を受けた軸の変形を求めればよい。

$$M_t = N_t \times y_0$$

$$= \sigma_t \times (A_f \times y_0) \quad (\text{7})$$

$\sigma_t$ : みかけの温度応力 ( $= E \cdot \alpha \cdot \Delta t$ )  
 $A_f$ : 上フランジ総断面積  
 $y_0$ : 図中の上フランジまでの距離

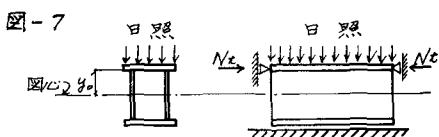


図-7



図-8

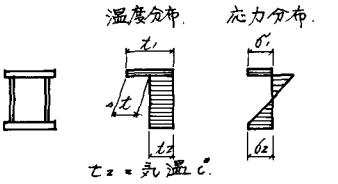


図-9

次に、太陽光線直射下で仮組、架設工事した軸が、夜間、曇天時、あるいは床板打設後などのような形状と残留応力に付かせる。次の方程で求める。

まず、単径間軸の形状は図-10に示すごとく各構成断面における曲げモーメント荷重を載荷した単径間軸のためであり、残留応力は零となる。(この場合、曲げモーメントは深の下側が引張りに付するよう載荷する。)

一方連続軸の形状および残留応力は、前項の離手部折角の場合と同じ方法で求められる。まず連続軸の中間支点を解放して両端支点の上で支持された状態の梁(図-11)を静定基本系とする。その静定基本系に各構成断面における曲げモーメント荷重を載荷した場合の各支点位置での変位  $S_{01} \sim S_{0n}$  を単径間軸と同じ方法で求めよ。同じく静定基本系の支点に  $P = 1$  なる荷重を載荷した場合の支点のたわみを  $S_{11} \sim S_{1n}$  とし、 $\delta = 1$  ~  $n$ ,  $\rho = 1 \sim n$  の可変ベクトルを計算する。以下、支点反力  $R$ 、連続軸の形状  $S$ 、連続軸の残留応力  $M$  は式-4, 5, 6 を使って求めよ。

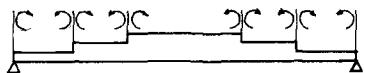


図-10

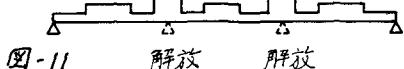


図-11 解放 静定

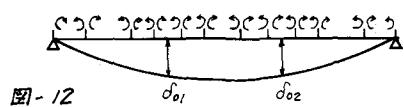


図-12  $d_{01}$   $d_{02}$

#### 4. 実橋における数値計算

アレートガーダー4橋(単径間および2~4径間連続)、アーチ型式構梁2橋(ランガー、ローゼ)について、定のズレ量は  $\Delta = 0.25\text{mm}$ (式-2参照)で離手部折角は下開き、日照時のエフラン

		主桁構成断面 (× mm)	計算諸元
アーチ ラーメン 連続	2径間連続		$I: \text{断面2次モーメント}$ $M_f: \alpha t = 10^\circ C = 5.3 E - X = t$ 
	3径間連続		
	4径間連続		
アーチ型式橋梁	ランガード		<p>P-4 構成断面</p> <p><math>A = 0.032G \text{ (m}^2\text{)}</math></p> <p><math>M_z = 18.9 \text{ (cm}^3\text{)}</math>   <math>I = 0.0186 \text{ (cm}^4\text{)}</math></p>
	ローザ		<p><math>M_z = 49.7 \text{ (cm}^3\text{)}</math>   <math>I = 0.0335 \text{ (cm}^4\text{)}</math></p> <p><math>M_z = 45.1 \text{ (cm}^3\text{)}</math>   <math>I = 0.0772 \text{ (cm}^4\text{)}</math></p>
基本系のため	单径間	主桁仮定断面	2径間連続桁

### 残留応力

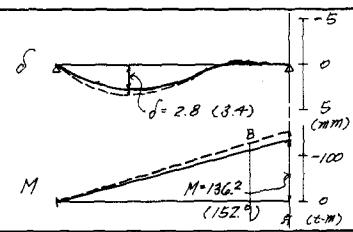
$$M = t \cdot m \quad \sigma, \text{上段} = \pm 7.7 \text{ テンジン}$$

$$N = t \cdot n \quad (\text{kg/cm}^2), \text{下段} = \pm 7.7 \text{ テンジン}$$

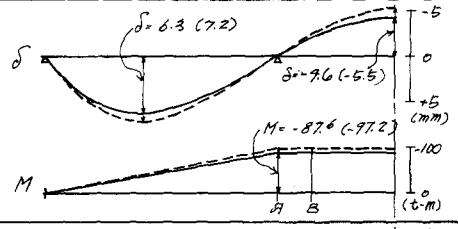
左の図：モーメント図

実線：穴のズレによる誤差 ( $\Delta = 0.25 \text{ mm}$ )  
破線：日照による誤差 ( $\Delta t = 10^\circ \text{ C}$ )

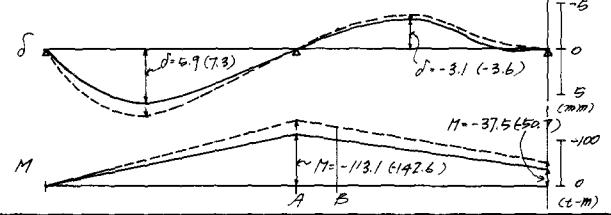
	A 断面		B 断面	
	M	$\sigma$	M	$\sigma$
I	-136.2	77	-112.9	152
	-75		-172	
II	-152.0	86	-126.0	170
	-84		-192	



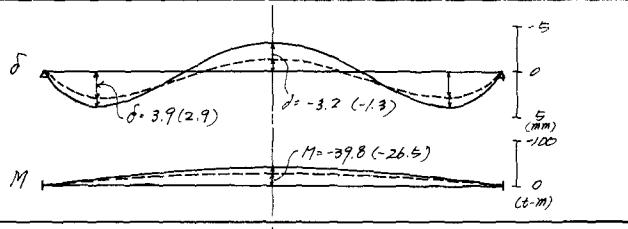
	A 断面		B 断面	
	M	$\sigma$	M	$\sigma$
I	-87.6	62	-87.6	118
	-55		-133	
II	-97.2	69	-97.2	131
	-62		-148	



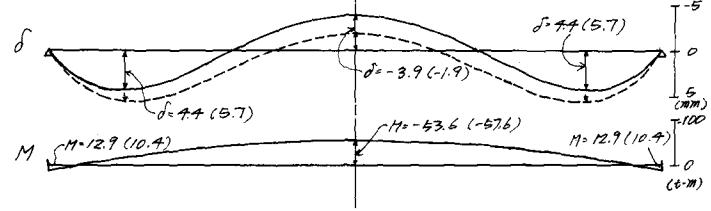
	A 断面		B 断面	
	M	$\sigma$	M	$\sigma$
I	-113.1	65	-100.7	139
	-62		-139	
II	-142.6	82	-127.5	176
	-78		-176	



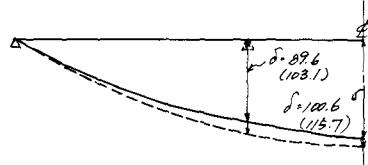
	補剛桁		
	M	N	$\sigma$
I	-39.8	2.7	217
			-156
II	-26.5	1.8	144
			-103



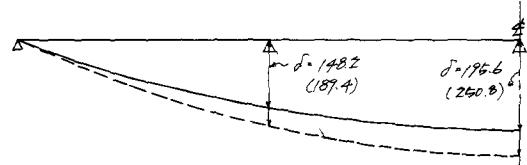
	補剛桁		
	M	N	$\sigma$
I	-63.6	-5.5	113
			-97
II	-57.6	5.8	121
			-107



### 3 組 間連続桁



### 4 組 間連続桁



地上界温度は  $\Delta t = +10^{\circ}\text{C}$  (式-1 参照) とし、穴のズレによる誤差 (I)、日照による誤差 (II) の数値計算結果を前頁に示す。フレートガーダーと 2~4 組間連續析は、3 主析箱析橋、コンクリート床版 東道幅員 14 ~ 16 m であり、リブを省略した断面で計算した。また单径間のフレートガーダーは 2 組間連續析の最小断面を計算断面とした。ランガー橋、ローゼ橋は補間析、アーチともそれより最大断面をもつて形状、残留応力、および残留応力度を求めた。

数値計算結果をみると、不静定構造橋梁の形状変化は单径間フレートガーダーにせよアーチなど問題にはならないくらいに小さい。しかし、形状変化が拘束された分だけ析内部に残留応力が発生し、たゞえば日照による誤差についてみると連續析で最大 152 kg/cm<sup>2</sup> (2 組間 A 領) ローゼ橋で最大 58 kg/cm<sup>2</sup> を示し、又山による応力度はそれ 86 kg/cm<sup>2</sup>、121 kg/cm<sup>2</sup> となる。また連續析の最大応力度は 2 組間 A 領で 192 kg/cm<sup>2</sup> と非常に大きい。

日照による誤差の静定基本系のためには、2 組間連續析で 53 mm 3 組間連續析で 116 mm 4 組間連續析で 251 mm と大きく、いわゆればそれに相当する不等沉下を起した析の応力状態に等しいといえる。

## 5. 考察

不静定構造の穴のズレによる誤差について。今回、数値計算はすべての誤差が同じ方向に表された場合の計算をしたが、架設時に注意して縫合部の穴を含めず、充分な数のドリフトセン用いて形状保持につとめればその歪みを小さくすることができる、余り問題にならない。

次に日照による誤差について述べる。

過去の実験から若しくても、单径間フレートガーダーのキャンバーは計画値よりも下りぎりに左傾向があり、このため架設では製作キャンバーを 10 ~ 20 mm 程度上げ越しひきにして計画キャンバーに合致させている場合が多い。このことは日照による誤差が影響しているものと思われる。しかし单径間フレートガーダーの場合は、応力に問題はないので、床版のハンチを調整することと、さしたる不都合を生じていない。

しかし不静定橋梁では残留応力がつまると、問題が残工される。今まで不静定構造の橋梁 (連続析、ランガー、ローゼ) についても单径間フレートガーダーと同じく、日照による誤差の影響にあまり注意が払われていよいようと思われるが、前項の結果によると、充分な検討が必要である。今回の数値計算はエフランジの温度差を、 $\Delta \Theta = +10^{\circ}\text{C}$  として計算したが、真夏の太陽光線の直射を受けた析の温度差は  $\Delta \Theta = +30^{\circ}\text{C}$  近くになることが考えると、その残留応力度は温度変化による許容応力度割増率 15% を超えたものに左ヨニヒが充分に予想される。そして主構が床版によつて覆山する連續析。ランガー、およびローゼについてみるとこの残留応力は床版コンクリート打設後は、永久に導入される応力である。

しかしこの残留応力の大きさは、仮組・仮設時の天候・四季によって変わり、極端な場合は、せんせん導入されないこともあるため、問題が複雑である。

## 6. 結び

以上、設計誤差、製作誤差以外の原因で、架設完了時に変わる形状と残留応力について述べてましたが、その対策について次の様に考える。

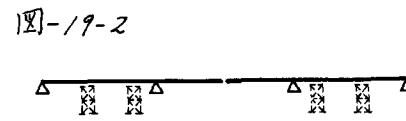
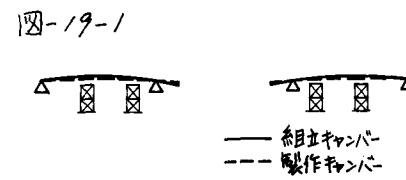
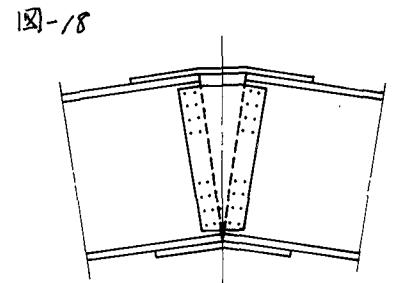
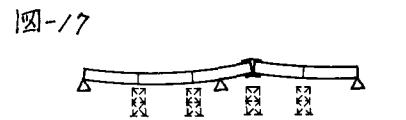
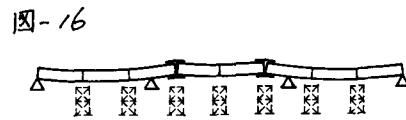
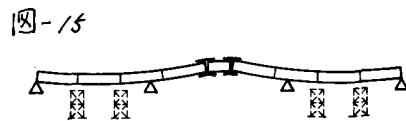
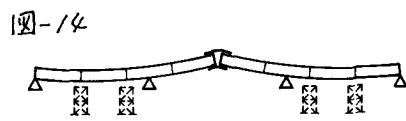
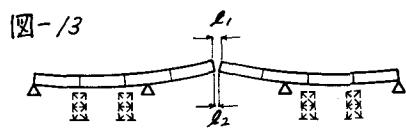
まず、単径間ガーレットガーダーについては、考慮でも述べた通り床版ハニケ量で路面を修正すれば計画どおりの完成路面が得られ、かつ残留応力は残らない。

しかし、不静定構架においては、架設時に形状と残留応力を適当な方法で除去するか、あるいはあらかじめ設計時に残留応力を考慮して断面にしておかなければならぬ。

架設時に処理出来る方法について述べると、まず、応力的には閉合ヒンタ/工程を加えることによって解決出来る。図-13に示すように片持式架設を前提として設計工法では径間連続橋では、中央径間の中心まで片持架設した後、被間・測定データーに従ってスプライスの穴あけをあこない、閉合させる。しかし、この方法であこない場合、もし日照の影響を受けたまま工場仮組工場で航行は側径間で下方にとり、中央径間で上方へ跳ね上った形状となり、形状的にも、また閉合継手部の構造についても問題がある。この中央径間の形状については図-15に示すように閉合析を設けることにより、側径間の下りは別として中央径間の形状および継手部の形状は改善される。

また片持式架設の設計がなされてない了徑間連続橋については図-16に示すごとく、中央径間の鋼重にはモーメントの零点附近に閉合練手を設け、被間の測定結果によつてスプライスの穴あけをあこなえば、同じく残留応力の問題は解決する。同じことだが、 $\times$  径間連続橋についてもいえる。(図-17参照)

また、形状の誤差については、ステージング上の組立時に単径間ガーレットガーダーと同様上部載しきりのキャンバーで組立てれば形状の改善が出来る。(図-19参照) 片持式架設部についても上フランジが伸び、下フランジが縮む傾向で組立てれば日照による伸びをかなり相殺出来る。



しかし、ランガー橋・ローゼ橋については、実際的で適當な改善方法がなく、また連續桁についても地形等の条件で前記の方法がとれない場合は、設計の段階で充分に検討し、必要があれば日照を考慮して断面にしておかなければならぬ。その場合は形状を犠牲にすることを考えなければならない。

いずれにしても、計画形状に対する問題は、それが必要とされる場合は出来上り形状に合わせてハンケ量を決め床版コンクリートを打設すべきである。この場合、ハンケ量の増減によるチャニバーの変化について検討を忘れてはならない。

最後に、鋼橋の施工において特に考慮しなければならない点につけて述べると、設計では架設工法・架設時期、仮組の状態等を検討し、その施工条件について設計書に明記し、工場仮組では天候、気温、断面部の温度差を測定し、それらの記録を架設に必ず反映させなければならない。

したがって架設では、設計時に定められた施工条件と工場仮組よりよき山に諸記録を合わせ検討し、施工しなければならないが、ただ、架設の基本的な条件はあらかじめ工場仮組において設定され、結果を忠実に再現せることであるから、ドリフトセイニチヨウ形状保持を基本とし、結果の関係をあやかし変えるべきではない。