

異形格子をもつ重み付差分法による傾斜水路模型の潮流解析

九州産業大学 学員 ○ 中村直史
東和大学 正員 空閑幸雄

九州産業大学 正員 加納正道
九州産業大学 正員 赤坂順三
九州産業大学 学員 星澤宏之

1. まえがき

筆者らは、複雑な境界を有する実海域の潮流解析へ重み付差分法(WFDM)を応用することを目標に、今津湾模型においてWFDMを適用したが、その解析結果は、格子と交差する流速成分がうまく再現されず模型実測値よりも小さな値が得られた。そこで、今回はその問題を解決すべく今津湾等の実海域を比較的取り扱い易い形で理想化した傾斜水路模型において、異形格子をもつ1、2次元重み付差分法による潮流解析を試みた。本報では、WFDMに異形格子を用いることにより生じてくる格子と直交しない微分項の演算方法や境界条件の与え方を吟味した解析を行い、その計算値を模型実験結果と比較する。

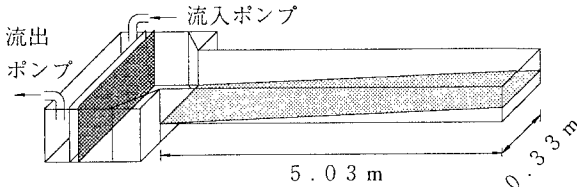


図1 傾斜水路模型実験装置

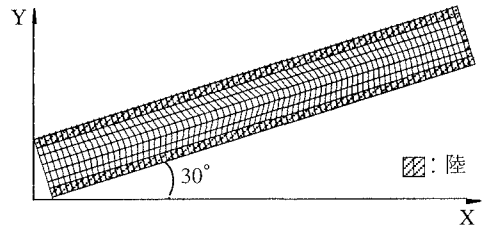


図2 傾斜水路格子分割図

2. 傾斜水路模型装置

今津湾を理想化した傾斜水路模型装置を図1に示す。この装置は幅0.33 m、長さ5.03 mの水路に海底の平均勾配を想定した1/25の傾斜を設け、潮汐変動は流入、流出専用の2台のポンプの流出入量の時間変化を与えることで行う。1周期の潮汐変化時間は今津湾模型の相似律と同じ450secである。

3. 基礎方程式および解析方法

潮流の基礎方程式は2次元浅海流方程式(1)、(2)および連続の式(3)を用い、 x, y 方向の線流量 M, N および潮位 ζ の三つを未知量として異形格子を用いたWFDMにより解析する。異形格子で傾斜水路を離散化した一例を図2(図中の座標軸は、水平2次元)に示すが、この場合、格子が任意形状をとるため、歪み率が場所により異なっていることが判る。重み付差分モデルは、流れや境界の状態および期待する解析精度などを考慮することで、種々考え得るが、図3に異形格子を用いた場合における陰形式重み付差分モデルの一例を示す。次に解析手法として、式(1)の右辺については、求める M を含むが、前時間の M を与え非同次項と考える。式(1)の非同次項をゼロとする同次式を陰形式差分モデル(図3)を用いて同次形WFDM式(4)が得られる。式(4)の重み a_1, a_2, a_3 は基礎式の同次形を満足する多項式(5)において、 $r=0, 1, 2$ において得られる三個の M を同次形WFDM式(4)に代入して得られる連立一次方程式を解くことで導かれる。次に式(1)の右辺をゼロとしない非同次式を満足するように、差分モデルを用いて非同次形WFDM式(6)が定まる。式(6)の重み b_1, b_2, b_3 は非同次式を満たす M_P と F_P を組み合わせた多項式(7)において $P=1, 2, 3$ において得られる値と同次計算における連立一次方程式から求めた a_1, a_2, a_3 を式(7)に代入して得られる連立一次方程式を解くことで導かれる。以上の手順から、 M に関する重み付差分式(6)が定まる。

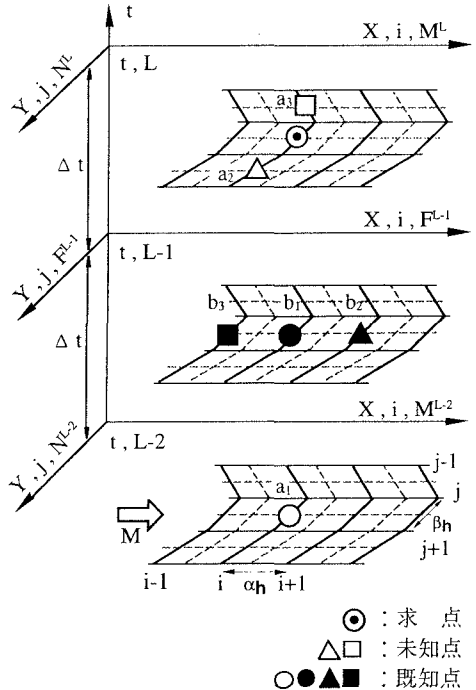


図3 多段階陰形式重み付差分モデル

$$\frac{\partial M}{\partial t} + \frac{M}{h+\zeta} \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{N}{h+\zeta} \frac{\partial M}{\partial y} - \epsilon \left(\frac{\partial^2 M}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 M}{\partial y^2} \right) = -g(h+\zeta) \frac{\partial \zeta}{\partial x} - \frac{\gamma_b^2}{(h+\zeta)^2} M \sqrt{M^2 + N^2} \quad (1)$$

$$\frac{\partial N}{\partial t} + \frac{M}{h+\zeta} \frac{\partial N}{\partial x} + \frac{N}{h+\zeta} \frac{\partial N}{\partial y} - \epsilon \left(\frac{\partial^2 N}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 N}{\partial y^2} \right) = -g(h+\zeta) \frac{\partial \zeta}{\partial y} - \frac{\gamma_b^2}{(h+\zeta)^2} N \sqrt{M^2 + N^2} \quad (2)$$

$$\frac{\partial \zeta}{\partial t} + \frac{\partial M}{\partial x} + \frac{\partial N}{\partial y} = 0 \quad (3)$$

4. 境界条件

連続の式(3)において水陸境界上のM、Nはゼロとする。運動方程式に関しては、水陸境界上の流速をゼロとし、また未知点については鏡像の原理を応用し解析を行っている。

5. 非同次項と連続式における微分項

運動方程式の左辺では、WFDM差分モデルで取り扱う。また、非同次項や連続の式の中では、 $\partial \zeta / \partial x$ 、 $\partial M / \partial x$ 、 $\partial N / \partial y$ などの微分項を陽的に求める必要が生じる。これらを陽的に微分を行う際に、物理性を明確にするため用途に応じた格子点を配置し、1次または、2次のアイソパラメトリック要素に基づいた解析を行っている。

6. WFDM解と実測値の比較

傾斜水路模型実験による流速ベクトル及び異形格子を用いた1・2次元陰形式WFDMによる解析結果の一部を図4にまた流速ベクトルを図5に示す。これらのWFDM解は模型実験値とよく一致し高精度の解析結果が得られた。

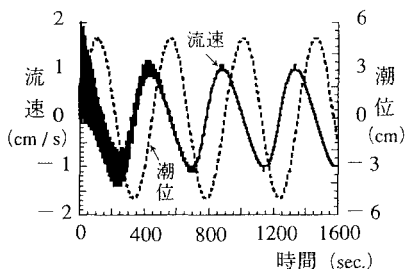


図4 2次元WFDMによる潮位・流速解

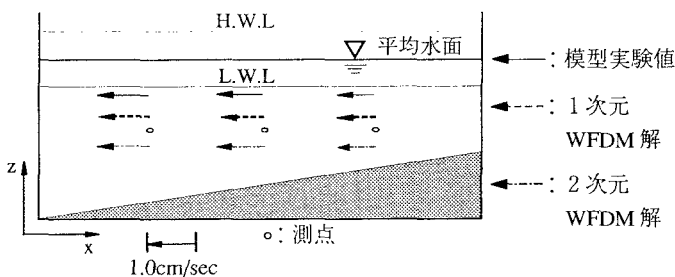


図5 傾斜水路模型流速ベクトル（満潮から干潮）

7. むすび

今回の傾斜水路模型解析により実海域での解析において、異形格子を用いることで境界条件などがより自然に表現され、高精度な解析が期待できると考え、今後は、今津湾模型解析にWFDMを適応させ、更に様々な海域の潮流解析を行いたいと考えている。

参考文献 1) 加納、赤坂、久田見、安武：博多湾西部海域潮流解析への重み付差分法の適用

(平成8年度土木学会西部支部研究発表会講演概要集)

2) 加納、赤坂、空閑、中村：異形格子を用いた重み付差分法による傾斜水路潮流解析

(土木学会 第54回年次学術講演会講演概要集 第2部)