

路面の凹凸によって生じる振動が車椅子利用者に与える影響について

九州大学工学部 ○学生員 國井 崇浩

九州大学工学部 学生員 藤原 優

九州大学工学部 正会員 角 知憲

九州大学工学部 正会員 塙 和喜

1. はじめに

タイル、ブロック舗装路面の凹凸から生じる振動は、神経系に障害を持つ車椅子利用者にとって非常に不快なものとなっている。

参考文献¹⁾によると、利用者の受ける振動感覚は、「しびれ」と、体を揺すられる感覚の「内臓共振」の2つがあり、それぞれに対する振動レベル、評価は、シート下の振動加速度レベルを体感補正した体感振動加速度レベルから求められる。本研究は、評価関数にかける振動レベルを求めるのに必要な、車椅子のシート下の振動加速度スペクトルをタイル路面の不整から計算する方法を考える。

2. モデルと計算方法

人体と車椅子を一体としたものを7つの部分に区切って考えた車椅子振動モデル（図1、2）を作成する。車輪が路面の変位と1点接触を保つとした路面の変位を（1）「長周波の凹凸」とし、車輪が路面の変位と2点接触を起こす場合は（2）「メジとの衝突」と考え、分けて取り扱う。（1）、（2）で求めた振動加速度スペクトルをあわせたものを、求める振動加速度スペクトルとする。

（1）「長周波の凹凸」による振動

モデルの運動方程式

$$[M]\{\ddot{X}\} + [C]\{\dot{X}\} + [K]\{X\} = \{F_{(\omega)}\} \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

(1)式を周波数領域に変換すると、

$$\{X(\omega)\} = [H(\omega)] \{F(\omega)\} \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

ここに $[M]$ は質量行列、 $[C]$ は減衰行列、 $[K]$ は剛性行列、 $\{X\}$ は変位行列、 $[H(\omega)]$ は周波数応答関数で、それぞれ $[]$ は7行7列、 $\{ \}$ は7行のベクトルである。

また $\{F(t)\}$ は前輪での路面変位 $h_1(x)$ から次のように与えられる ($t = x /$ (車椅子の速度)、 t_1 は後輪の前輪に対する時間遅れとする)

$$\{F(t)\} =$$

$$\{k_1 h_1(t) + c_1 \dot{h}_1(t), k_2 h_1(t-t_1) + c_2 \dot{h}_1(t-t_1), 0, 0, 0, 0, 0\}^T$$

$$\{F(\omega)\} =$$

$$\{k_1 + i\alpha_1\}h_1(\omega)e^{iat}, (k_2 + i\alpha_2)h_1(\omega)e^{i\alpha(t-t_1)}, 0, 0, 0, 0\}^T$$

となる。

(2)式に $-\omega^2$ をかけて、振動加速度スペクトル $\{\alpha(\omega)\}$ を求めると、

$$\{\alpha(\omega)\} = -\omega^2 [H(\omega)] \{F(\omega)\}$$

である。

（2）「メジとの衝突」による振動

モデルの運動方程式は、(1)式と異なり

$\{F(t)\}$ は、車輪がメジと衝突した時に受けける力である。

まず、1つのメジが、前輪、後輪に一回ずつ衝突する事から車椅子に生じる振動加速度スペクトルを求める。

前輪について考える。 v_0 を前輪がタイルの角に衝突する速度、その時の前輪の速度 v 、前輪のバネ反力による応答を $v_\omega(t)$ とすると $v = v_0 - v_\omega(t)$ とおける。この式をフーリエ逆変換する。 $H(\omega)_{mn}$ は、 $H(\omega)$ の m 行 n 列の成分、 $F_n(\omega)$ は、 $\{F(\omega)\}$ の n 列目の成分とすると、

$$\frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} v_{(\omega)} e^{iat} d\omega = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{v_0}{i\omega} e^{iat} d\omega - \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} i\alpha H_{(\omega)11} F_{1(\omega)} e^{iat} d\omega$$

上式より次式が求まる、

$$F_1(\omega) = \frac{1}{-\omega^2} \left(\frac{1}{K_1} + H(\omega)_{11}^{-1} v_0 \right)$$

後輪の前輪に対する時間遅れ、半径比を考慮して後輪も同様に考える。R₁は前輪の半径、R₂は後輪の半径とすると、

$$F_2(\omega) = \frac{1}{-\omega^2} \left(\frac{1}{K_2} + H(\omega)_{22}^{-1} \frac{R_1}{R_2} e^{i\omega t} v_0 \right)$$

以上より

$$\{F(\omega)\} =$$

$$\{F_1(\omega), F_2(\omega), 0, 0, 0, 0, 0\}^T$$

(1) と同様に処理する。 $\{\alpha_1(\omega)\}$ を 1 つのメジとの衝突から生じる振動加速度スペクトルとすると、

$$\{\alpha_1(\omega)\} = -\omega^2 [H(\omega)] \{F(\omega)\}$$

次に、車椅子が、メジと連続して衝突すると考える。時間 t における $v_0(t)$ の系列を $v_0(t)$ 、 $v_0(t)$ をフーリエ変換したものを $v_0(\omega)$ とすると、(2) でもとめる振動加速度スペクトルは、

$$\{\alpha(\omega)\} = \{\alpha_1(\omega)\} v_0(\omega)$$

