

漸増載荷排水せん断試験による飽和粘土の粘弾性定数の決定方法

1 まえがき

飽和粘土の変形は時間依存性挙動を示す。このような時間依存性挙動を説明する力学モデルは、粘弾性モデルとよばれ、バネとダッシュポットの2種類の構成要素を現象にあうように適当に組み合わせて作られ、多くの粘弾性モデルが提案されている。

本論文ではこの中でも代表的な一般化Voigtモデル¹⁾を飽和粘土の時間依存性挙動に適用し、粘土の有効応力に関する弾性係数、粘性係数を求めるための実験および計算方法を提案する。

2 一般化Voigtモデル

一般化Voigtモデルは図-1に示すようにMaxwell要素とVoigt要素を直列に結合したモデルで、応力入力に対するひずみ応答計算に有利なモデルである。図のモデルは2個のバネと2個のダッシュポットを有し、全部で4個の構成要素からなっているので4要素一般化Voigtモデルと呼ばれている。

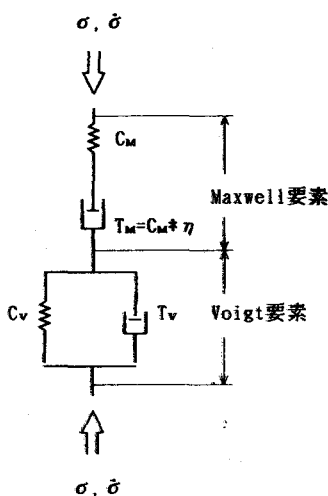


図-1 4要素一般化Voigtモデル

4要素一般化Voigtモデルは次の4個の粘弾性定数を持つ。

C_M : Maxwell要素のコンプライアンス

T_M : Maxwell要素の緩和時間

C_V : Voigt要素のコンプライアンス

T_V : Voigt要素の遅延時間

緩和時間と遅延時間は、それぞれのダッシュポットの粘性係数とコンプライアンスとの積である。

また、4要素一般化Voigtモデルにおいて、Maxwell

琉球大学 正 上原 方成 ○ 原 久夫

琉球大学 学 又吉 康之 宮原 慶

要素の緩和時間 $T_M \rightarrow \infty$ とすると、ダッシュポットは剛体として挙動するため、要素数が一つ減ることになる。このようにしてできる粘弾性モデルを3要素Voigtモデルと呼ぶ。

3 粘弾性定数の決定方法

3-1 漸増載荷試験

4要素一般化Voigtモデルや3要素一般化Voigtモデルなどの粘弾性定数は実験によって決定される。一般材料の場合、これらの定数はクリープ試験（応力を一定に保ったまま材料のひずみを測定する試験）によって求めることが最も簡便な方法である。

しかし飽和粘土のクリープ試験では、瞬時载荷によって間隙水圧が発生し、有効応力一定というクリープ試験の条件を満たすことができないため、この方法では粘弾性定数を合理的に決めることができない。

そこでここでは、線形漸増載荷試験によってこれらの定数を求める方法を提案する。漸増載荷のスピードは、間隙水圧がほとんど発生しないような非常にゆっくりとした速度で行い、そのときのひずみ応答を観測する。また粘土の粘弾性変形を対象としていることから、過圧密領域で実験を行うことが必要である。

3-2 漸増載荷に対するひずみ応答²⁾

4要素一般化Voigtモデルの漸増載荷によるひずみの応答は次のようである。

$$\varepsilon(t) = \sigma \left(C_M + \frac{t}{2\eta} + C_V \right) - \sigma_{rv} C_V \left\{ 1 - \exp \left(-\frac{t}{T_V} \right) \right\} \quad \dots \dots (1)$$

式(1)は4要素一般化Voigtモデルの線形漸増載荷に対するひずみ応答を表す式である。式(1)において $\eta \rightarrow \infty$ とすると3要素一般化Voigtモデルに対する式(2)が得られる。

$$\varepsilon(t) = (C_M + C_V) \sigma - \sigma_{rv} C_V \left\{ 1 - \exp \left(-\frac{t}{T_V} \right) \right\} \quad \dots \dots (2)$$

ただし

$$\sigma_{rv} = \dot{\sigma} T_V$$

である。

3-3 粘弾性定数の決定方法

飽和粘土に対して、過圧密領域で行った漸増載荷試験での時間～ひずみ関係があれば式(1)、(2)を利用して粘弾性定数を求めることができる。ここでは3要素一般化Voigtモデルの粘弾性定数を求める場合について説明する。4要素一般化Voigtモデルの場合にもこれと全く同様にして求めることができる。

式(2)には C_M , C_V , T_V の3個の未知材料定数が含まれている。したがって、これらの数値を決定するには三つの観測点が必要である。

観測した時刻を t_1 , t_2 , t_3 とすると、式(2)から

$$\left. \begin{aligned} \varepsilon_1 &= \sigma_1 (C_M + C_V) - \sigma_{TV} C_V F_1 \\ \varepsilon_2 &= \sigma_2 (C_M + C_V) - \sigma_{TV} C_V F_2 \\ \varepsilon_3 &= \sigma_3 (C_M + C_V) - \sigma_{TV} C_V F_3 \end{aligned} \right\} \dots\dots (3)$$

となる。ここで

$$\left. \begin{aligned} \sigma_i &= \delta t_i \\ F_i &= 1 - E(t_i) \\ E(t_i) &= \exp(-t_i/T_V) \end{aligned} \right\} \dots\dots (4)$$

である。 t_1 , t_2 , t_3 は任意に選べるので

$$\left. \begin{aligned} t_2 &= 2t_1 \\ t_3 &= 3t_1 \end{aligned} \right\} \dots\dots (5)$$

のように t_2 , t_3 を選ぶことにすると、応力～ひずみ～時間関係は図-2に示すようになる。このように観測点を選ぶと以下の計算が便利となる。

式(4)に式(5)を代入して整理すると、 $E(t_1)$ について、次の3次方程式が得られる。

$$\begin{aligned} & -\varepsilon_1 + 2\varepsilon_2 - \varepsilon_3 \\ & -E(t_1)(3\varepsilon_2 - 2\varepsilon_3) \\ & -E^2(t_1)(\varepsilon_3 - 3\varepsilon_1) \\ & -E^3(t_1)(2\varepsilon_1 - \varepsilon_2) \\ & = 0 \end{aligned} \dots\dots (6)$$

これを解いて、それぞれの粘弾性定数が次のように求められる。

$$T_V = -\frac{t_1}{\log(E(t_1))} \dots\dots (7)$$

$$C_V = \frac{\varepsilon_2 - 2\varepsilon_1}{2F_1 - F_2} \frac{1}{\sigma_{TV}} \dots\dots (8)$$

$$C_M = \frac{\varepsilon_1 + \sigma_{TV} C_V F_1}{\sigma_1} - C_V \dots\dots (9)$$

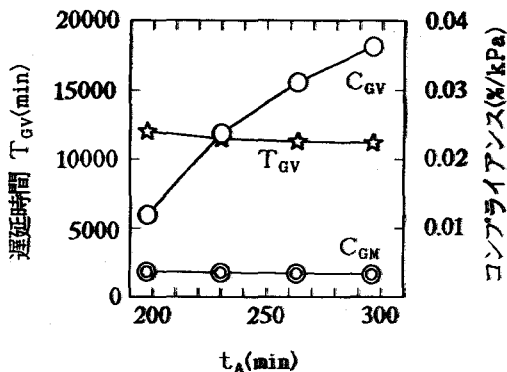


図3 セン断変形に関する粘弾性定数

3-4 粘弾性定数の計算例

ここに述べた方法によって得られた粘弾性定数を図3, 4に示す。

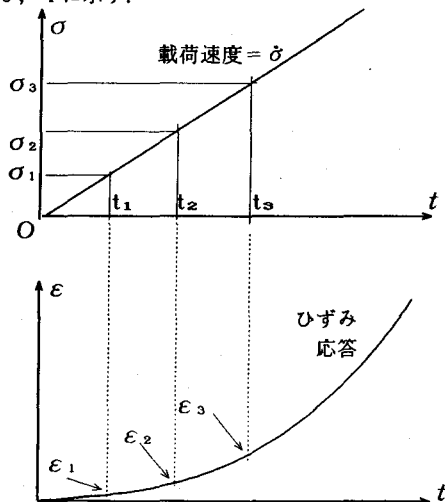


図-2 漸増载荷とその応答ひずみ

4 あとがき

粘土の時間依存性挙動を表す一般化Voigtモデルの粘弾性定数を合理的に求める方法として、線形漸増载荷方式による排水三軸圧縮試験の利用について考察した。まず漸増载荷によるひずみ応答の解析解を導き、これを応用して、粘弾性定数を決定する手法を述べた。次に過圧密粘土の漸増载荷試験を行い、この手法を適用して粘土の粘弾性定数を求める例を紹介した。

— 参考文献 —

- 1) 山田嘉昭, "塑性・粘弾性", 培風館
- 2) 原久夫(1993), "一般化Voigtモデルによる粘土の粘弾塑性構成式とその適用性について", 琉球大学工学部紀要46号, pp. 85-104
- 3) 宮原他(1993), "静的な繰返し排水せん断における島尻粘土の変形特性", 第6回沖縄土質工学研究発表会概要集, pp. 61-64

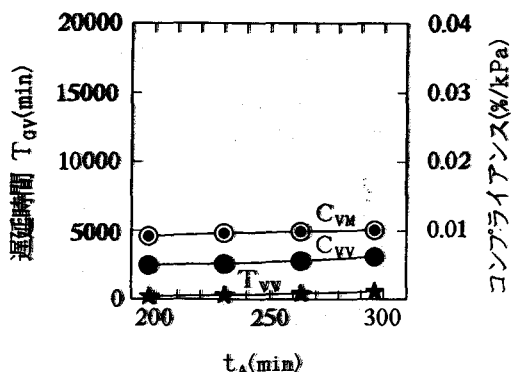


図4 体積変形に関する粘弾性定数