

## 土地利用モデルにおける付け値概念の適用に関する一考察

熊本大学工学部 正員 安藤 朝夫  
熊本大学工学部 学生員 ○今林 順二

## 1. はじめに

都市における土地利用が適確に予想できることは、現実の地価の水準とは無関係に定まる。ところが、均衡地価  $P^*$  は、交通施設整備をはじめとする各種政策の評価にとって重要であり、そのため「土地利用モデル」が開発されてきた。しかし、その多くは、囲合従業者数を下位レベル地区に配分する「従業者配分モデル」であり、立地に伴う用途間の競合などのモデル化は十分になされなかつた。そこで本稿では、土地利用モデルにおいて、付け値概念を用いた立地競合の記述について考える。

## 2. ランダム付け値理論

McFaddenによるランダム効用理論を土地利用に適用する場合、個人（企業）が最大の効用（利潤）を与える土地地点を選択するという形になるが、土地は有限の資源であり、ある個人の選択は他の個人の選択と土地の占用をめぐって競合するという関係を直観的に表現することは困難である。

Elliksonは逆に土地が立地者を選択するという考え方に基いて「ランダム付け値理論」を提唱した。<sup>1)</sup> すなわち、個人  $i$  が土地属性  $Z^i$  に基づいて付け値  $\psi_i(Z^i)$  を提示する場合、確率項  $\varepsilon_i, \varepsilon_j$  が IID であれば、個人  $i$  の立地する確率は

$$\begin{aligned} P(i|Z^i) &= \text{Prob}\{\psi_i(Z^i) + \varepsilon_i \geq \psi_j(Z^j) + \varepsilon_j, \forall j \neq i\} \\ &= \frac{\exp \psi_i(Z^i)}{\sum_j \exp \psi_j(Z^j)} \end{aligned} \quad (1)$$

で与えられる。この式では、各個人の立地の可否のみが判定されるが、各個人の付け値は序数的尺度である。

より定まるところ、Lerman=Kernは、個人  $i$  が立地し、その地価が  $P^*$  に定まる確率を

$$P(i, P^* | Z^i) = \frac{w \exp\{-w(P^* - \psi_i(Z^i))\}}{\sum_j w \exp\{-w(P^* - \psi_j(Z^j))\}} \quad (2)$$

により求めた。<sup>2)</sup> ランダム付け値理論による付け値  $\psi_i(Z^i)$  と地価  $P^*$  の関係を Alonso 流の静学的立地均衡の場合と比較して図示すると図-1のようである。

## 3. 集計的適用

ランダム付け値理論は 1 地点における立地者の選択確率の非集計的分析を意図している。しかし実際の土地利用モデルの枠組みでは、データ的に集計的利用のみが可能であり、市区町村程度のゾーンが最小の空間的単位として利用される。この場合、ゾーン地価としては、公示地価の加重平均値を採用することになるが、こうして得られた地価は、その地区的平均的な地価であって、静学的立地均衡の場合のように付け値の最大値として定まるわけがない。これはゾーンが相当程度の空間的広がりを持ち、したがって均質性を期待できないからであって、個々の地点の地価は付け値の最高値として定まるとしても、ゾーン平均地価は各地点地価の平均値となることによる。（図-2 参照）

その意味で、Lerman=Kern モデルを集計的ゾーンに適

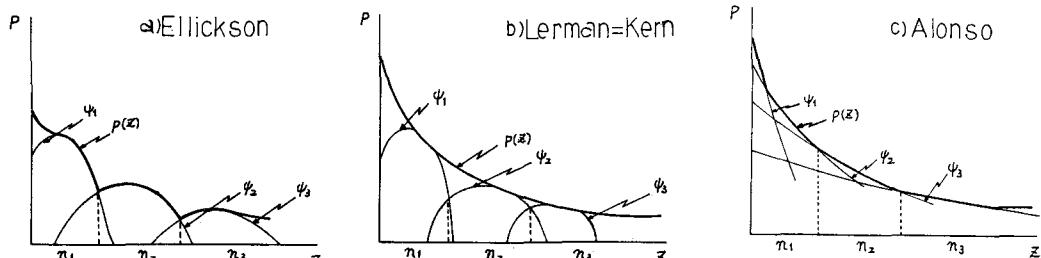


図-1 ランダム付け値理論と市場均衡地価

用することは誤りと言える。ただし Ellikson 型のモデルでは各主体の付け値は判別的性格が強く、現実の地価のレベルとは整合しないため、

$$P^l = \beta \sum_i P(i|Z^l) \psi_i(Z^l) + r \quad (3)$$

を回帰して、 $\tilde{\psi}_i(Z^l) = \beta \psi_i(Z^l) + r$  を付け値地価の推定値とすればよい。

注)  $\psi_i(Z^l)$  のパラメータ推定に最尤法を用いる場合は、(3)を制約とすることも可能である。

#### 4. 土地利用モデルへの適用

本研究は、集計型立地モデルの都市圏土地利用モデルへの適用を意図している。ただし、実際のモデル適用は立地選択の動学性を考慮した形で行う必要があるが、ここでは静学的な一着立地の場合を想定して議論を行う。本モデルで採用する活動分類（産業）は表-1に示されるとおりであるが、この他に住宅系用途を考える必要がある。土地利用現況のデータとしては、東大・測量学研究室より提供を受けた、南関東メッシュデータを利用する。このデータは主として、国土地理院1:25000土地利用図に依拠しているため、年次的には1975～77年の間で多少のばらつきを持つ。メッシュデータ中の都市的用途と、各活動との対応関係を図-3のように想定する。

注) たとえば、住宅では「戸建低層」「戸建高層」「中高層」といってより細分化された面積が割り当たるが、住宅関係の統計から得られるデータは、「一戸建・長屋」「共同」に集約されてしまうので、住宅系1本で処理せざるを得ない。また建設系の各部門については、その現業部門の面積は発注者に帰属するものと考え、明示的に考慮しない。

選択方法としては、一旦各系列の用途に配分し、次に各系列を構成する活動に配分するという2段階のプロセスをとることは、各系列の総合的な付け値関数を定式化する必要を伴うため容易ではなく、各ゾーンの選択率をサンプルとする1段階選択を用途ごとに行うこととが適当と考えられる。その際非都市系の

#### 参考文献

- 1) B.Ellikson ; An alternative test of the hedonic theory of housing markets . J.U.E , vol.9 , 1981
- 2) Lerman, S.R. and C.R.Kern, hedonic theory, bid rents and willingness-to-pay: some extensions of Ellikson's results . J.U.E , vol.13 , 1983
- 3) 森杉・林山 ; Logit Modelによる観交通需要予測に関する方法論的研究 土木学会第40回年次学術講演会講演概要集 第4部

用途(留保需要； $i=0$ )をreferenceにとれば、

$$\ln \frac{P(i|Z^l)}{P(0|Z^l)} = \lambda_i(\psi_i(Z^l) - \psi_0(Z^l)) \quad (4)$$

を回帰することで、付け値関数のパラメータを推定できる。<sup>3)</sup>

注) ただし、この場合各活動別用途面積のデータが得られる必要があるが、別途推定可能な住宅と製造業を除いては、従業者数によって分配する以外に方法はない。

したがって実際の適用手順は以下のようである。

(1) 各活動の付け値地価関数  $\psi_i(Z^l)$  の変数と関数形を定める。

(2) 用途別にパラメータを推定し、 $\psi_i(Z^l)$  を定め、これを平均地価  $P^l$  に整合し、 $\tilde{\psi}_i(Z^l)$  を求める。なお、このプロセスにより決定できるのは、用途別土地面積であって、実際の立地モデルでは、この他に住宅系では世帯数、商業・公共系では従業者数、工業系では資本ストック額を求める必要がある。たとえば従業者数については、圈域全体での整合性をとる形で

$$E_i^l = \frac{\lambda_i^l e^{\beta \psi_i^l}}{\sum_j \lambda_j^l e^{\beta \psi_j^l}} E_i \quad (5)$$

などにより求めることができる。

具体的な適用例については講演時に紹介することとする。

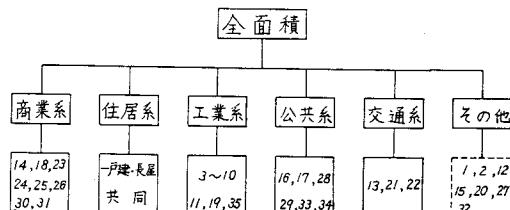


図-3 土地利用現況データと活動部門の対応

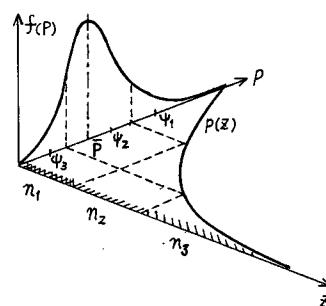


図-2 地価の確率分布と空間分布

表-1 活動の35部門分類。

|      |        |      |         |
|------|--------|------|---------|
| R 01 | 農林水産業  | P 19 | 水道      |
| R 02 | 鉱業     | P 20 | 住宅建築    |
| R 03 | 飲食料品   | P 21 | 都市旅客輸送  |
| R 04 | 織維・織物  | P 22 | 都市貨物輸送  |
| R 05 | 木・紙製品  | P 23 | 通信      |
| R 06 | 印刷・出版  | P 24 | 金融・不動産  |
| R 07 | 化学生産   | P 25 | 事業所サービス |
| R 08 | 金属     | P 26 | 機械      |
| R 09 | 機械     | P 27 | 公共事業    |
| R 10 | その他製造業 | P 28 | 公共サービス  |
| R 11 | 電気・ガス  | P 29 | 務       |
| R 12 | 非住宅建築  | C 30 | 小売業     |
| R 13 | 広域輸送   | C 31 | 個人サービス  |
| R 14 | 卸売業    | C 32 | 公共事業    |
| R 15 | 公共事業   | C 33 | C公共サービス |
| R 16 | 公共サービス | C 34 | C公務     |
| R 17 | 公務     | C 35 | 下水・廃棄物  |
| R 18 | 管理・事務  |      |         |