

VIII-19 軸方向鉄筋を有するコンクリート部材の変形解析

九州産業大学 正員 宮川邦彦

まえがき

鋼材とは異なり、コンクリートは低応力状態においても大きな時間依存変形を生じる、いわゆる非弾性材料である。その変形成分は主にコンクリートが変形特性の相違する数種の材料から成る粒状複合体であること、結合材としてのセメントペーストが水和過程でその変形特性に変化を生じる多孔体であることなどによるものである。しかも、コンクリートはその特性が使用材料、配合などの要因だけではなく、施工場所の環境条件によっても相違するため、コンクリート部材の設計に対しても、その特性値を一義的に定め得ない特異な材料である。このような特性値の定まらないコンクリートと許容値以下ではほぼ弹性体で、材質の安定した鋼材と複合化したRC部材やPC部材の設計の際には、特にコンクリートの変形性状が部材全体に及ぼす影響を考慮すべきである。

コンクリート部材の時間依存変形に関する解析はこれまでにも多くの解析手法が提案されてきたが、その大半はDishingerの微分方程式を展開したもので、現行のPC指針に示されている有効プレストレス算定式もその一例である。だが、これらの解析法は微分方程式の展開の際に実際のコンクリートの変形特性とは多少相違する仮定を用いるため、部材内部における時間依存性の現象を完全に解析し得ないし、また実際の数値計算においても、部材に作用する荷重が変化するときには、その時の特性値が必要であり面倒な計算をする。

ここに提案するクリープ解析法は、従来のそれとは異なり、既に報告したプレーンコンクリートのクリープ解析に用いた力学モデル（応力平衡化回転モデル）をRC部材やPC部材に応用したもので、今後モデル要素値に対する十分な検討を行えば、前述のようないくつかの問題点を生じない。本報告は特に軸方向鉄筋を有するコンクリート部材の変形性状および鉄筋応力度などの解析法について示すと共に、解析例について簡単な考察を行なう。

応力平衡化回転モデルとそのモデル要素値。

図-1に示す応力平衡化回転モデルはコンクリートの遅延弾性変形を解析する目的で考案した力学モデルであり、図中に示す要素値を用いれば二相材料内部で生じる時間依存性のひずみ変化を表示できる。だが、若れ冷時ににおけるコンクリートのクリープはその大半が非可逆変形成分であるため、クリープ全体を解析するモデルとしては図-2のような力学モデルに改良しなければならない。

軸方向鉄筋を有するコンクリート部材のクリープ解析は、図示するような軸方向鉄筋を表わすスプリング(G_s)を、さらにPC部材の場合には、PC鋼材を表わすスプリング(G_p)をそのモデルに加えればよい。ただし、ばね常数(G_s, G_p)は部材および軸方向鉄筋が均等で軸方向荷重(N)あるいはプレストレス力(P_t)が部材の回心軸に作用するときは、コンクリート、軸方向鉄筋およびPC鋼材のひずみ変化が等しく、下式で表わすことができる。

$$G_s = E_s \cdot A_s / A_c = Z_1 \cdot E_s \quad G_p = E_p \cdot A_p / A_c = Z_2 \cdot E_p$$

ここで、 A_c, A_s, A_p ; コンクリート、軸方向鉄筋およびPC鋼材の断面積。 E_s, E_p ; 軸方向鉄筋とPC鋼材の弹性係数。

だが、一般的なコンクリート部材、すなわち部材断面、あるいは軸

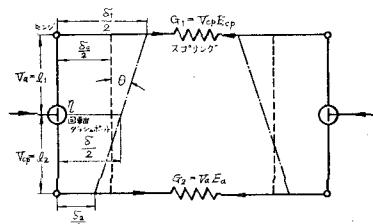
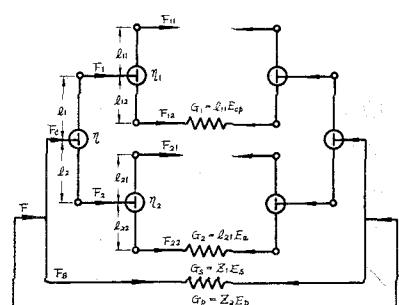


図-1 応力平衡化回転モデル（基本モデル）



$$\begin{aligned} l_1 &= l_{11} + l_{12}, & l_2 &= l_{11} + l_{12} \\ l_{11} &= (0.129 + 0.741 \cdot WC) \cdot l_1 \cdot T / (-5.47 + 14.5 \cdot WC) + (0.129 + 0.741 \cdot WC) \\ l_{21} &= (0.133 + 0.130 \cdot WC) \cdot l_1 \cdot T / (-0.312 + 1.10 \cdot WC) + (0.133 + 0.130 \cdot WC) \\ E_{cp} &= 10^5 / (0.129 + 0.741 \cdot WC) \\ E_a &= 10^5 / (0.133 + 0.130 \cdot WC) \\ Z &= 1.0G, \quad Z_1 = 0.2G, \quad Z_2 = 1.0G, \end{aligned}$$

図-2 PC部材に対する力学モデル

方向鉄筋が非対称で偏心軸荷重が作用する場合、部材断面にひずみ勾配を生じるので、その影響を考慮した式を用いなければならない。

$$G_s = (W_1 A_s + W_2 A'_s) E_s / A_c = Z_1 E_s$$

$$G_p = W_3 A_p E_p / A_c = Z_2 E_p$$

$$\therefore K \quad W_1 = \{1/A_i + (X-a)(X-h+d')/I_i\}$$

$$W_2 = \{1/A_i + (X-a)(X-d')/I_i\}$$

$$W_3 = \{1/A_i + (X-a)^2/I_i\}$$

A_i, I_i : 换算断面の断面積と断面二次モーメント。(図-3参照)

数值解析法と解析例

前記のようにコンクリートの変形特性値はセメントペーストの水和過程で変化するため、モデル解析においてもその要素値が時間の関数であるとして解析すべきであるが、直接解析することは困難であるため、時間間隔を区切り各時間の中点における要素値がその間隔内で一定として、Step-by-Step法により数值解析した。なお、換算断面の図心軸位置(X)や弾性係数比(η)の値が時間的に変化することも考慮してバネ定数の値も変化させた。

図-4、-5にRC部材およびPC部材の解析例を示す。また、コンクリートの要素値は他の実験から得たがその値を図-2中に示す。なお荷重は荷合5日から作用するとして、この場合、コンクリート自体のクリアラッシュ $\phi = 1.53$ であった。

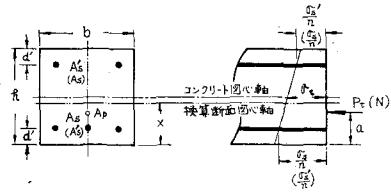
図-4に非対称RC部材の偏心軸圧縮荷重(N)によるコンクリート図心軸位置の部材变形(ϵ_c)の時間変化、正・負鉄筋のたわみ(δ_s, δ'_s)の変化および換算断面の図心軸位置(X)の変化を示す。図示するように軸方向鉄筋が非対称であれば換算断面の図心軸は時間的に変化し、正・負鉄筋のたわみにも影響する。

図-5はプレテンション方式のPC部材に対する解析例であり、図中の η 値はPC鉄筋の有効係数である。図示するようにPC部材でも同様に換算断面の図心軸が変化するため、その変化は η 値にも影響する。

以上、解析例に見られるように軸方向鉄筋を有するコンクリート部材では、变形あるいは応力状態がコンクリートの時間依存変形で大きな影響を受ける。すなわち、部材の非対称性が大きいほど、図心軸の時間的変化も大きく、そのような部材では図心軸の移動を設計計算に考慮すべきである。逆に、部材のそりやたわみの変化を少なくするような配筋方法もこのような解析から得ることができる。

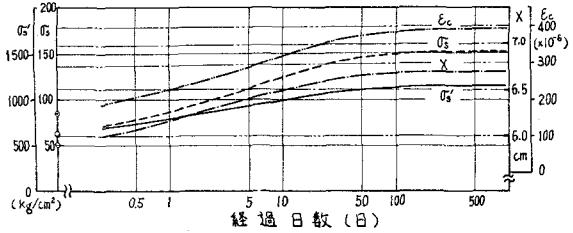
あとがき。

コンクリート部材はその使用用途の拡大に伴い、単に部材耐力の安全性だけではなく、その形状寸法の施工精度確保も要求されることがある。特に工事の省力化に伴うコンクリート部材のプレキャスト化が急速に進行しつつある現在、このような時間依存変形による部材のそりやたわみ増加を正確に解析できる方法を確立すべきである。本解析法はモデル要素値にまだ多くの疑問点を有するが、新しいクリアラッシュ法として有用であろう。



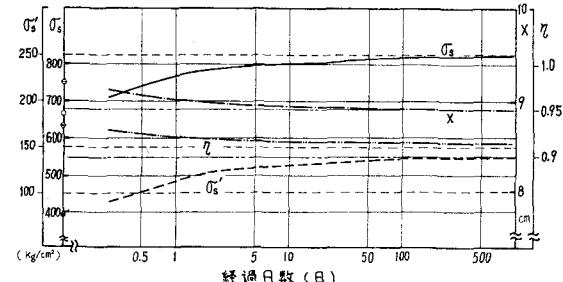
(c) 内の記号はRC部材の場合

図-3 コンクリート部材の断面図



計算条件 $A_c = b \times h = 10 \times 10 \quad d' = 1.0$
 $A_s = 5.0 \quad A'_s = 0.5$
 $N = 5500 \quad \alpha = 3.5$

図-4 RC部材の解析例



計算条件 $A_c = b \times h = 10 \times 20 \quad d' = 1.0$
 $A_s = 3.5 \quad A'_s = 0.5 \quad A_p = 2.0$
 $PI = 14000 \quad \alpha = 6.0$

図-5 PC部材の解析例