

II-6

2スパン箱形ラーメンの支持条件による応力変化の解析例

宮崎大学

村上 良丸

○松田 隆繁

まえがき

地上、あるいは地中にあり構造物を考えるとき、基礎地盤の状態、支持条件等を考慮に入れて解析を行うことは当然であるが、それらは必ずしも明確なものではない。

したがって、本例では、図-1に示すような2スパン箱形ラーメンに対して、地盤の反力分布状態の変化や底支持、バネ支持などによって、構造体の応力がどのように変化を示すかを、解析したものである。

(I) 地盤反力分布状態の変化に対して

採用した荷重および地盤反力の分布状態は、図-2、図-3に示す通りである。

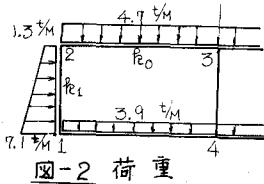


図-2 荷重

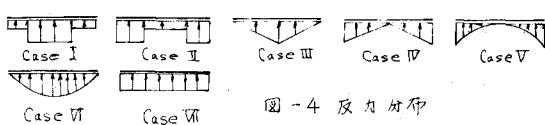


図-4 反力分布

荷重ならびに反力は、左右対称としてので、たのみ角(程式(1))のようになる。なお、部材角の影響は、微小なので無視して。

$$\begin{aligned} & \left[\begin{array}{l} 2(P_0 + 1) \\ P_1 \\ z(P_1 + 1) \end{array} \right] \left[\begin{array}{l} Q_1 \\ Q_2 \end{array} \right] \\ & = \left[\begin{array}{l} -(C_{14} + C_{12}) \\ -(C_{23} + C_{21}) \end{array} \right] - (1) \end{aligned}$$

解析結果のM-I圖状況は、図-4の通りである。

図-4より、地盤反力の分布状態の相違により影響を受けうるのは底版であり、頂版には殆んど認められない。

(II)、点1(1), 4を底支持とした場合。

杭の回転、水平、垂直変位を考慮して解析を行なうが、本例においては、対称構造、対称荷重につき水平変位は生じないので、モーメントおよび反力は(2)～(4)のように表わせる。

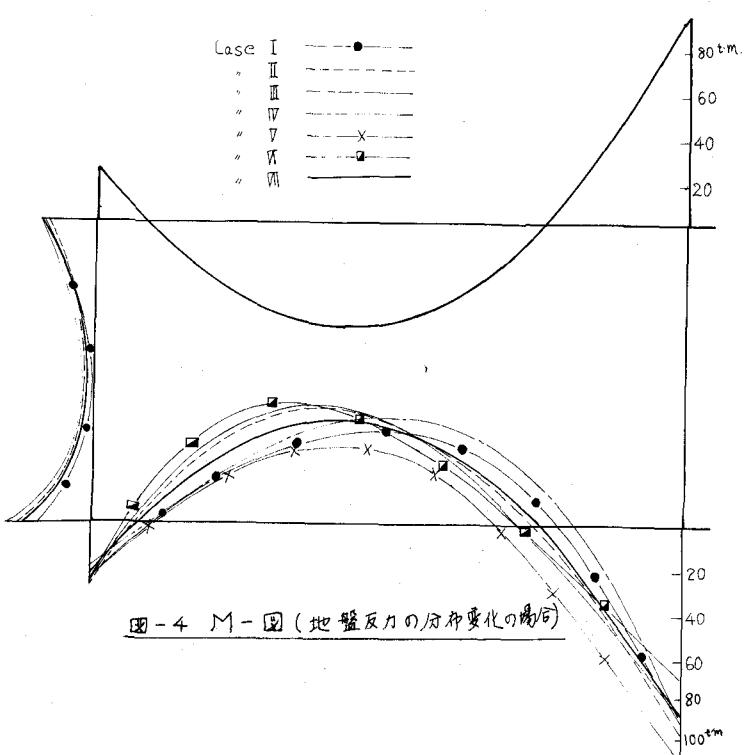


図-4 M-I圖(地盤反力の分布変化の場合)

$$M_{ip} = 2k_{ip}\varphi_i \quad (2)$$

$$V_{ip} = \mu_{pi} \quad (3)$$

$$H_{ip} = \alpha \varphi_i \quad (4)$$

ここに

$$k_{ip} = \beta_m E_m I_m / 2E_k o, \quad \beta_m = \sqrt{k_h D_m / 4E_m I_m}, \quad \alpha = -2\beta_m k_{ip}, \quad \mu_{pi} = f_m d \varphi_i$$

したがって、ため4角方程式は次のようになる。

$$\begin{bmatrix} 2(k_{ip} + k_1 + 1) & & & \\ k_1 & 2(k_1 + 1) & & \text{SYM.} \\ r & r & \frac{r}{3}(4r - l) & \\ -r & -r & -\frac{4}{3}r^2 & -\frac{r}{3}(\frac{l}{2} - 4r) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_1 \\ \varphi_2 \\ \varphi_3 \\ \varphi_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -(C_{14} + C_{12}) \\ -(C_{23} + C_{21}) \\ \frac{4}{3}r \cdot l^2 \\ \frac{4}{3}r \cdot l^2 \end{bmatrix} \quad (5)$$

ここに $r = 2E_k o / f_m l$ である。

(5)式において、地盤の水平反力係数 k_h 、杭の直径 D を一定に保ち、杭の垂直反力係数 f_m を変化させた時の曲げモーメントを計算した結果を図-5に示す。

図より、支点の垂直・回転などの変位が、曲げモーメントに大きな影響を与えることが判る。

(III) バネ支持の場合

これについては、発表会にて、報告致します。

参考文献

長 尚：基礎条件を考慮したラーメンの解法 理工図書 1972

土木学会：構造力学公式集 技報堂

