

碎波帯における浮遊砂の濃度分布（I）

— 梅津寺海岸における観測資料と種々の渦動粘性係数、乱流拡散係数に基づく数値解析—

愛媛大学工学部 正員・伊福 誠
愛媛大学工学部 正員 柿沼忠男

1. まえがき

従来、波動乱流境界層方程式を解く際には摩擦応力を時間的には一定の渦動粘性係数や Prandtlの混合距離論に基づいて評価している。また、乱流拡散方程式を解く際には乱流拡散係数は時間的に一定で鉛直方向には一定あるいは線形に変化すると仮定している。

本研究ではそうした両係数を鉛直方向では線形に変化させ、時間的には一定の場合と変化さす場合を取り扱っており、まず境界層内の流速を算出し、次にこの流速を用いて Kalkanis(1965)の手法に従い底面の濃度を与えて乱流拡散方程式を解くことにより波動場における浮遊砂濃度を解析して現地碎波帯で得た観測結果を説明しようとするものである。

2. 基礎方程式と初期条件および境界条件

基礎方程式

境界層内の流速：流体が非圧縮性でその運動が非定常な場合の鉛直一次元の境界層方程式は一般に次式のようにあらわせる。

$$\frac{\partial(u - u_b)}{\partial t} = \frac{1}{\rho_f} \frac{\partial \tau}{\partial z} \quad (1)$$

ここに、 t は時間、 u は流速、 u_b は境界層外縁の流速、 ρ_f は流体の密度、 τ は摩擦応力である。

濃度：沈降速度 w_0 を持つ物質の鉛直一次元拡散方程式は次式のようにあらわせる。

$$\frac{\partial C}{\partial t} + w \frac{\partial C}{\partial z} = \frac{\partial}{\partial z} \left(K_z \frac{\partial C}{\partial z} \right) + w_0 \frac{\partial C}{\partial z} \quad (2)$$

ここに、 C は濃度、 w は鉛直方向の水粒子速度、 K_z は乱流拡散係数である。

初期条件および境界条件

式(1)および式(2)の初期条件および境界条件はそれぞれ

$$\left. \begin{aligned} u(z, 0) &= 0 \\ u(z_0, t) &= 0 \\ u(\delta_b, t) &= u_b(t) \end{aligned} \right\} \quad (3)$$

$$\left. \begin{aligned} C(z, 0) &= 0 \\ C(\delta_b, t) &= C_0(t) \\ K_z \frac{\partial C}{\partial z} + w_0 C &= 0, z=h \end{aligned} \right\} \quad (4)$$

ここに、 z_0 は粗度長、 u_b は境界層外縁の流速、 δ_b は境界層厚、 $C_0(t)$ は掃流層内の濃度、 h は水深である。

3. 数値解析

式(1)および式(2)は差分法(クランクニコルソン法)を用いて解析する。底面から粒径の3倍の高さまでを粒径の1/2の等間隔、それより海面までを等比級数的に分割する。なお、分割点数は101である。また、時間間隔は $T/96$ (T :波の周期)とする。

摩擦応力は境界層外縁の最大流速あるいは境界層外縁流速の振幅に依存する渦動粘性係数を用いると

$$\tau = f_f d K_f \sqrt{f} |u_{bm}| z \frac{\partial u}{\partial z} \quad (5-1)$$

$$\tau = f_f d K_f |u_b(t)| z \frac{\partial u}{\partial z} \quad (5-2)$$

とあらわせる。ここに、 α は比例定数、 K はカルマン定数、 f は海底摩擦係数であり著者らの経験式(1985)を用いて求める。

また、Prandtlの混合距離論に基づく摩擦応力は、

$$\tau = f_f (Kz)^2 |\partial u / \partial z| \partial u / \partial z \quad (6)$$

とあらわせる。

境界層厚は野田(1969)にならい、次式で与える。

$$\delta_B = 25 \delta'$$

ここに、 $\delta' = \sqrt{\nu T / 2\pi}$ (ν :流体の動粘性係数)である。粗度長はBakker-van Doorn(1978)にならい、 $z_0 = \eta / 33$ (η :砂れんの高さ)とし、砂れんの高さはNielsen(1981)の経験式 $\eta/a_m = 21\theta^{-1.35}(a_m$ 海底における水粒子軌道の長軸の半分長、 $\theta = \rho_s \cdot u_{bm}^2 / (\rho_s - \rho_f)gd\kappa_a$ 、 ρ_s は底質の密度、 g は重力の加速度、 $d\kappa_a$ は底質の中央粒径)を用いて算出する。底面の濃度はKalkanis(1965)の理論を用いると、

$$C_0 = 2 P f_s' d V / 3 \delta_b \bar{u}_s \quad (7)$$

ここに、 ρ_s' は物質の乾燥密度、 d は粒径、 V は物質の伝播速度、 u は層流境界層内の断面平均流速、 P は物質の動き始める確率で次式のように表せる。

$$P = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{B*V - 1/\eta_0}^{\infty} \exp(-z^2/2) dz \quad (8)$$

ここに、 $B_* = 4/3C_L\eta_0$ (C_L : 揚力係数、 η_0 : 経験定数)、 $\psi = (\rho_s - \rho_f)gd / \rho_f u_a^2$ (u_a : 物質に作用する流速) である。

乱流拡散係数は次の三通りを仮定する。

$$K_z = \beta d K \sqrt{f} u_b m z \quad (9-1)$$

$$K_z = \beta d K \sqrt{f} |u_b(t)| z \quad (9-2)$$

$$K_z = \gamma \{ l_L w^2(z, t)/q + l_T u^2(z, t)/q \} \quad (9-3)$$

ここに、 β : 比例定数、 $q = \{u^2(z, t) + w^2(z, t)\}^{1/2}$ 、 l_L 、 l_T : 特性長であり、 $l_L = a l_T$ (a : 比例定数) である。

4. 観測結果

表1に現地観測で得た有義波高、有義波周期、平均水深、海底から4cmの高さで得た平均浮遊砂濃度、(B83108-1~8)および30cmの高さ(B84317-5)の碎波の発生頻度を示す。

5. 解析結果

観測で得た有義波高、有義波周期、平均水深を用いてパラメータ解析を行った。なお、観測で得た有義波はストークス波の第3次近似解が適用される領域にある。

図1は砂粒子頂部の流速の時間波形を示したものであり、破線、点線および一点鎖線は、それぞれ摩擦応力を式(5-1)、(5-2)および(6)で評価したものである。三者とも前後非対称であり、その度合いは摩擦応力を式(5-2)で評価したものが最も大きい。岸向き流速が最大となる位相はほぼ同じであるが、冲向き流速が最大となる位相は点線のものが破線および一点鎖線のものより $5\pi/24$ 程度早い。この流速の非対称

性は底面の濃度あるいは漂砂の移動方向に影響すると考えられる。

図2は平均

浮遊砂濃度の

鉛直分布を示

したものであ

り、実線、破

線、点線はそ

れぞれ拡散係

数を式(9-3)、

(9-1)、(9-2)

で仮定した場

合のものであ

り、図中の黒

丸、白丸は実

測値である。

底面から4cm

の高さでは三

者ともほぼ同

じ濃度である

が底面からの

距離が大きくな

るにつれて

濃度差が大き

くなる。乱流

拡散係数を式

(9-3)で仮定

したものは観

測値を最も良

く説明する。

図3は現地

における岸向

き流速(海底

から7cmの高

さ)の最大値に対する浮遊砂濃度の最高値の位相

の頻度分布を計算して得た濃度波形と比較した

ものである。図中の実線、点線、破線は図2に対

応する。三者とも観測値がヒークを示す位相でヒー

クを示しているが、乱流拡散係数を鉛直方向と

同時に時間的に変化させた場合が頻度分布とも良

く対応して観測結果をうまく説明するようである。

表1 観測結果

Data No	Mean water depth (m)	Significant wave		Mean concentration of suspended sediment (mg/l)	Frequency of occurrence of breaker (%)
		Height(m)	Period(s)		
B83108-1	1.93	0.47	4.4	524	15
B83108-2	1.95	0.41	4.5	566	17
B83108-4	2.01	0.46	4.6	595	13
B83108-5	2.05	0.46	4.7	596	18
B83108-6	2.08	0.45	4.5	711	16
B83108-7	2.11	0.47	4.6	808	16
B83108-8	2.15	0.53	4.5	789	19
B84317-5	2.20	0.54	4.9	80	19