走行荷重下のミンドリン扇形平板の動的解析

大阪市立大学　正員　　小林　治俊
大阪市　正員　○西川　　匡
大阪市立大学　正員　　園田恵一郎

1。まえがき　　筆者ら[1] は、先に走行荷重下の扇形平板の動的応答解析を薄板理論に基づき行ない、開角、アスペクト比、荷重の走行位置、走行速度、板の内部減衰が動特性に与える影響を明らかにした。　本文は、動特性に及すせん断変形の影響を検討する目的で、Mindlin 平板理論による解析を行なったものである。なお、矩形板に関する結果[2]に基づき回転慣性の影響は小さいものとして無視した。

2。動的応答解析　　図1 に扇形板の形状と座標系を示す。走行荷重は直線辺、中心円弧長がともにLの扇形等分布荷重qで、r＝r’の円弧に沿って一定の速度vで走行するものとする。基礎方程式は次式で与えられる。

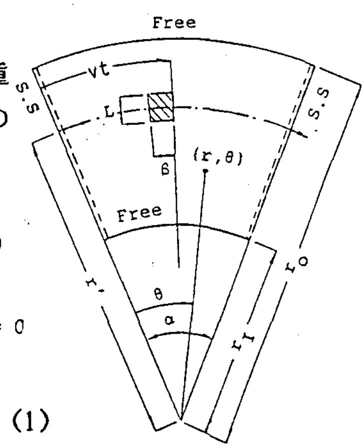

図1.　座標系

$$\frac{D}{2}\left[(1-\nu)\left\{\left(\nabla^2-\frac{1}{r^2}\right)\psi_r-\frac{2\partial\psi_\theta}{r^2\partial\theta}\right\}+(1+\nu)\frac{\partial\Phi}{\partial r}\right]+\kappa Gh\left(\frac{\partial w}{\partial r}-\psi_r\right)=0$$

$$\frac{D}{2}\left[(1-\nu)\left\{\left(\nabla^2-\frac{1}{r^2}\right)\psi_\theta+\frac{2\partial\psi_r}{r^2\partial\theta}\right\}+(1+\nu)\frac{\partial\Phi}{r\partial\theta}\right]+\kappa Gh\left(\frac{\partial w}{r\partial\theta}-\psi_\theta\right)=0$$

$$\kappa Gh(\nabla^2 w-\Phi)+q=\rho h\partial^2 w/\partial t^2 \tag{1}$$

ここで、w＝たわみ；ψ_r ，ψ_θ ＝r、θ方向の回転角；D＝板剛度；G＝せん断弾性係数；ν＝ポアソン比；h＝板厚；ρ＝板の密度；κ＝せん断修正係数（＝5/6 ）；t＝時間；q＝荷重；∇^2＝Laplacian；$\Phi=\partial\Psi_r/\partial r+\partial\Psi_\theta/r\partial\theta+\Psi_r/r$。

式(1) の解を次の様に表わす。

$$\begin{bmatrix} w \\ \psi_r \\ \psi_\theta \end{bmatrix}=\begin{bmatrix} w^s(r,\theta,t) \\ \psi_r^s(r,\theta,t) \\ \psi_\theta^s(r,\theta,t) \end{bmatrix}+\sum_m\sum_n Q_{mn}(t)\begin{bmatrix} W_{mn}(r,\theta) \\ \Psi_{r,mn}(r,\theta) \\ \Psi_{\theta,mn}(r,\theta) \end{bmatrix} \tag{2}$$

ここに、w^s、ψ_r^s 、ψ_θ^s は式(1) で慣性項を省いた静的問題の解であり、W_{mn} 、$\Psi_{r,mn}$ 、$\Psi_{\theta,mn}$ は式(1) で荷重項を省いた自由振動問題の固有関数である。式(2) を式(1) へ代入すると時間項Qmn(t)に関する次の微分方程式を得る。

$$\ddot{Q}_{mn}+p_{mn}^2Q_{mn}=\int_A(-\ddot{w}^s)W_{mn}\,rdrd\theta\Big/\int_A W_{mn}^2\,rdrd\theta \tag{3}$$

3。数値計算結果　　開角α＝π/6、半径比 r_i/r_o ＝0.7 、荷重幅L＝(r_o-r_i)/20、ポア

Harutoshi KOBAYASHI,○ Tadashi NISHIKAWA and Keiichiro SONODA

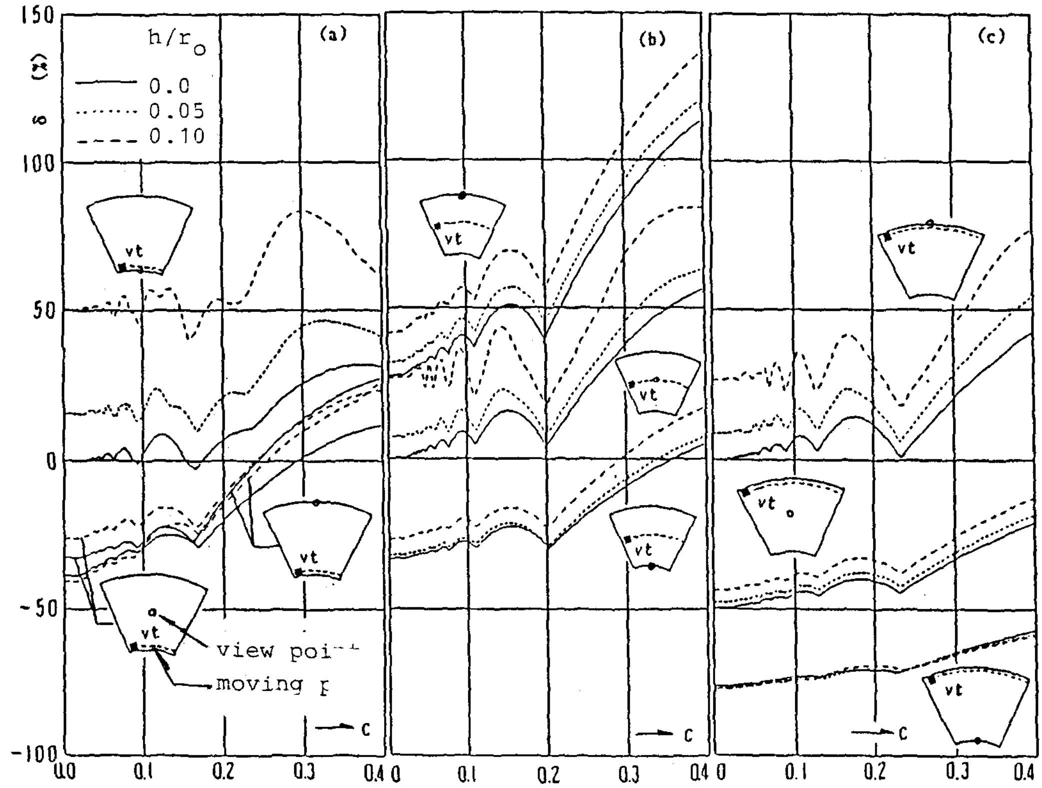

図2.たわみの動的増加率、走行位置：(a) 内円弧(b) 中心円弧(c) 外円弧

ソン比$\nu=0.2$ とした場合の結果を図2-4 に示す。動的増加率δ及び速度パラメータCは

$$\delta = \frac{w_{max} - w^{s}_{max}}{w^{s}_{max}} \times 100\%$$

$$C = v/(r_i + r_o)p_{11}$$

で定義した。但p_{11}は薄板の基本円振動数。これらの図より板厚比h/r_oの増大とともに、せん断変形の影響がたわみに現われるが、曲げモーメントへの寄与はほとんど無いことがわかる。他の結果は当日発表する。

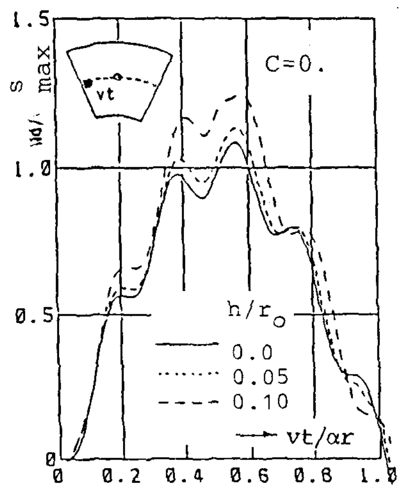

図3.たわみの動的応答曲線

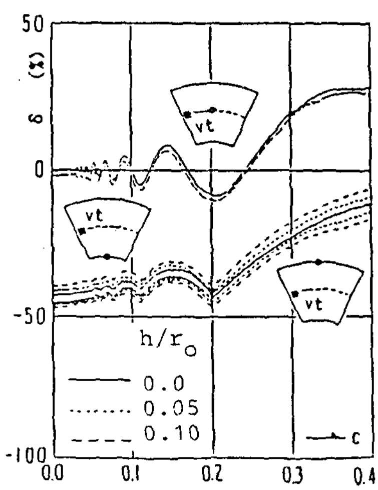

図4.モーメントM_θの動的増加率

4。参考文献

[1] 園田、小林、荻田：走行荷重による扇形平板の動的応答解析、昭60年度関西支部年講、[2] 園田、小林、山中：走行荷重による矩形板の動的応答に与えるせん断変形および回転慣性の影響、昭59年度土木学会年講