

水系一貫した治水計画策定に関する一考察

京都大学工学部 正 員 高俣琢馬

京都大学工学部 正 員 池淵周一

京都大学大学院 学生員 横田 篤

1. はしがき

治水計画は通常、計画基準点において定められたある確率年（あるいはある超過確率）の計画降雨を流出変換し、その計画洪水量に対処するよう策定される。しかし、近年の治水計画策定の状況は、こうした流域を Lumped した形での評価を不十分なものとしている。すなわち、1) 流域には多くの防災対象地区が出現し、最下流計画基準点のみに対象としておれない。2) 多くの既設ダムによる洪水コントロール、大規模な土地利用の改変など、洪水状況への人為的作用が大きくなってきている。こうした事実は、治水計画策定に、流域全体と個々の部分流域との計画安全度のバランス化、さらには人為的効果の導入をはからなければならないことを意味している。本研究は、こうした事情にかんがみ、降雨の空間的・時間的従属性、ダム操作・破堤氾濫効果の導入を考慮した洪水の生起確率算定法を提案し、水系一貫した治水計画策定の一助にしようとするものである。

2. 洪水の生起確率算定法

1) 基本となる算定法；洪水の生起確率をつぎのような仮定に基づいて算定する。すなわち、1) 流入量（降雨あるいは単位流域の流出量）は一様でないマルコフ連鎖に従属した確率変数である。2) 河川システムは単位流域の複合体で構成され、単位流域からの流出量は線形合流しながら流下する。いま、簡単のため、図-1 に示すような河川システムをとりあげると、合流点 $J_1, J_2, \dots, J_n$ に時刻 t に流入した互いに空間的・時間的に従属した $I_1(t), I_2(t), \dots, I_n(t)$ 単位の洪水量（各流入量は離散的な値 $0, 1, \dots, S$ をとると仮定）は、洪水波の合流点 $J_2, J_3, \dots, J_{n+1}$ への到達時間 $t_1, t_2, \dots, t_n$ を考慮すると、 r 地点には $I_1(t) + I_2(t+t_1) + \dots + I_n(t + \sum_{i=1}^n t_i)$ なる洪水量をもたらす。したがって、この合成流量の生起確率を求めればよいことになる。この一様でない有限状態マルコフ連鎖に従属した確率変数の和は Shift Operation ($*$)¹⁾ を用いることによって次式のように与えられる。

図-1

$$U_r(t + t_1 + t_2 + \dots + t_{n-1}) = P_1(t) * P_2(t+t_1) * \dots * P_n(t+t_1+t_2+\dots+t_{n-1}), \quad U_r E = \{P_1^{(r)}(t+t_1+t_2+\dots+t_{n-1}), \dots, P_n^{(r)}(t+t_1+t_2+\dots+t_{n-1})\} \quad (1)$$

ここに、 $P_i(t) = \{P_i^{(1)}(t), P_i^{(2)}(t), \dots, P_i^{(S)}(t)\}$, $P_n(t + \sum_{i=1}^n t_i) = P\{I_n(t + \sum_{i=1}^n t_i) = j \mid I_{n-1}(t + \sum_{i=1}^{n-1} t_i) = i\} = \{P_n^{(ij)}(t + \sum_{i=1}^n t_i)\}$, $E = (1, 1, \dots, 1)$, である。このように考えると、 r 地点での河道疏通能力 F_r との比較から、洪水の生起確率 q_r が次式で与えられる。

$$q_r(t + \sum_{i=1}^n t_i) = P_r\{I_r(t + \sum_{i=1}^n t_i) > F_r\} = 1 - \sum_{i=1}^{[F_r]} P_i^{(r)}(t + \sum_{i=1}^n t_i) \quad (2)$$

ここに、 $[F_r]$ は F_r の整数部を表す。

以上の展開はダム操作がなく、また r 地点までに破堤氾濫がない場合の算定法であるが、つぎにダム操作および破堤氾濫の効果を導入した場合への拡張を考えよう。

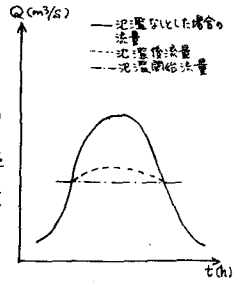
2) ダム操作、破堤氾濫効果を導入した算定法；いま前図の各支川にダムがあって、一流量

放流量あるいは一定率・一定量放流にせられるかゝる操作がおこなわれたとき、その放流量で構成される洪水流量の生起確率を算定しよう。これらの放流操作を簡単のため、流入量一放流量の置換行列で表現せられるとする。すなわち、その置換行列 Q_2 を $Q_2 = \{P_i(Q_2=j | I_{2-1}=i)\}$ で与えると、ある流入量 I_{2-1} に対して放流量 Q_2 に関する遷移行列は $\{P_i(Q_2=j | I_{2-1}=i)\} = P_i \cdot Q_2$ で表現される。したがって、時刻 $t + \sum_{k=1}^s \tau_k$ で合流点 J を通過する放流量系列の合計 $\sum_{k=1}^s Q_k$ の確率分布は若干の考察ののち、(1)式の拡張的な形として、次のように算定される。

$$V_r = (\cdots (((P_1 * I) Q_1)' * (P_2 Q_2)) * \cdots) * (P_r Q_r), \quad V_r E = \{\pi_0^{(r)}, \pi_1^{(r)}, \cdots, \pi_{rs}^{(r)}\}' \quad (3)$$

ただし、上式においては s 段階後に得られる $(s+1) \times (s+1)$ 行列の i 行 j 列要素の中で $P_i^{(s)}$ を含む項について以下のような操作をした後に、右側から $P_{i+1} Q_{i+1}$ を shift operation する、というルールを保持しなければならない。すなわち、 $P_i^{(s)}$ のサフィックスが $(s+1) \times (s+1)$ 行列の列番号 j から i を引いた値に等しい場合にはそのままの位置に、一致しない場合はその項を i 行 $j+1$ 列に移行するという操作である。もちろん、(1)式は(3)式において置換行列 Q を単位行列 I に置きかえた結果である。

一方、破堤氾濫効果は厳密には氾濫解析を通じて議論しなければならないが、淀川流域での氾濫解析などを考慮すると、いまの問題に對しては図-2に示すような流下率²⁾なる概念で置きかえても十分精度がある。このことは、破堤氾濫効果が流下率を導入した氾濫前後のハイドログラフから置換マトリックスを構成することによって考慮できることを意味している。したがって、河道疏通能力以上は上記の流下率で、疏通能力以内は単位行列で置換マトリックスを構成すれば、かゝる操作と同様の展開で破堤氾濫効果を導入した洪水の生起確率を算定することができる。もちろん、かゝる操作、破堤氾濫効果を導入した場合の洪水の生起確率は $P_r\{O_r(t + \sum_{k=1}^s \tau_k) > F_r\}$ として与えられる。



3. あとがき

以上、降雨の空間的・時間的従属性のもとで、図-1に示す河川システムの自然状態およびかゝる操作・破堤氾濫効果を考慮した場合の洪水の生起確率を算定する方法を展開した。もちろん、支川や本川にかゝるあるいは破堤氾濫箇所はいくつもある複雑な河川システムへの拡張も、置換行列および shift operation を組み合わせることでいくことに可能である。このようにして算定された洪水の生起確率は水系一貫した治水計画の安全性さらには各施設の治水効果などを評価する一つの計画情報となる。ただ、ここでは洪水流下の線形合流を、また単位流域では暗黙のうちに豪雨ハイレートグラフから損失雨量を分離した有効雨量がある時間遅れでそのまま末端流出量になること、さらにはかゝる放流操作が流入量の関数で表現されることなどを仮定しており、離散化の単位流量、実際の解析目的などとも関連して、今後、さらにこうした仮定・前提が満足されるように理論展開を再構成する必要がある。

【参考文献】 1) W.J. Conover ; The distribution of $\sum_{t=1}^n f(Y_t)$, where $(Y_0, Y_1, \dots)$ is a realization of a non-homogeneous finite-state Markov chain, Biometrika 52 (1965), No.1 2) 稲田裕 ; 貯水池群にある淀川水系の最適洪水調節に関する研究, 京都大学学位論文, BB 52.1