

渇水期における給配水オペレーション問題に関する一考察

京都大学工学部 正員 吉川和広
京都大学工学部 正員 岡田憲夫
京都大学工学部 学生員 若川徳義

1. はじめに

本研究では、渇水期における給配水施設の
水配分オペレーション問題をとりあげて分析
と行なう。すなわち、本問題をLPモデル
として定式化するとともに、京都市の給配水
問題に適用して合理的な給配水オペレーシ
ン方法に関する定量的な分析と行なう。そ
の場合、予め渇水時の給水制限処置に對する
水使用者の意識に、統計的解析と行な
う。この結果をモデルの評価関数と設定す
る際に基礎的資料として用いよう。

2. モデルにおける仮定

- ①配水区域の水需要量は、ある確率分布に従
う変量として与える。
- ②若水規模を示していると考えられる、給水
制限時期中の取水可能量と外生的に与える。
- ③浄水場から配水池への送水による時間的遅
れがないものとする。
- ④需要が供給と一致し、配水池におい
る貯水量はすべて給水されるものとする。
- ⑤種々の給配水方法は、給水制限による生
じられた需要と表わす指標（パラメータ）を用い
て評価する。
- ⑥給水制限による被害の程度を表わす指標と
しては、その給水制限が実施された場合に、
もはや水利用上許容できないと判断する水使
用者の数を代表とする。
- ⑦給水制限時期、という、この時期は月単位
に分けて与え、各時期内のオペレーシ
ン方法は、西川年毎に一定であると仮定
する。

3. モデル化

浄水場、配水池、配水池域がそれぞれ

所だけ構成されている配水系統を取りあげ、
渇水期における給配水オペレーション問題の
定式化と行なう。

(記号の説明)

x_{k-1} : 第k期の直前の貯水量, y_k : 第k期の保
給可能量, z_k : 第k期の取水可能量, z_k : 第
k期の給水量, b_k : 第k期の水需要量, $P(b_k)$
: b_k の確率分布, x_c : 配水池の最大容量
(制約条件の定式化)

- (1) $y_k = x_{k-1} + z_k$, $z_k \leq b_k$, $x_k = y_k - b_k$ ($b_k < y_k$)
- (2) $y_k = x_{k-1} + z_k$, $z_k = y_k$, $x_k = 0$ ($b_k \geq y_k$)
- (3) $x_{k-1} \leq y_k \leq \text{Min}(x_{k-1} + z_k, x_c)$
($k=1, 2, \dots, n$)

(評価関数の定式化)

給配水方法に関する評価関数は、給水制限
時期全体のパナリティの期待値で表わされる
わけであるが、パナリティ関数の設定手続の
おりに行なう。すなわち、ここでもその給水
制限方法が実施された場合について、もはや
水利用上許容できないと判断する水使用者の
数を代表させる。ところが、給水制限率と住
民の取水可能量の度合いを関係式 $1 - \alpha = f$
として、給水制限率の増加に伴って、その制限
率以上の制限に向ふことの許容できない人の合
計が、一次的に増大していくことがわかると
いる。したがって、ここでもパナリティ関数
を給水制限率の一次式の関数として、

$$P(x) = \alpha \cdot x + \beta$$

の形式に設定する。ただし、ここでも α はパ
ナリティ関数の内系列的な変化を示すパラメ
ータであり、それは若水規模を表わす定数であ
る。以上述べたことより、評価関数と次の形式に

定式化する。

$f(x_0)$: 配水池の貯水量 x_0 から出発し、最適政策をとったときの初期貯水のミナルティの期待値

$$f(x_0) = \text{Min} \left(\sum_{j=1}^n \frac{p_j}{p_j + q_j} \left[p_j \frac{f(x_j) - f(x_0)}{x_j - x_0} \right] + q_j f(x_0) \right)$$

こゝに $(f(x_j) - f(x_0)) / (x_j - x_0) = w_j$ (総合利率) w_j は第 j 期の外需密度の上限度である。またこの初期期に対する評価関数 $f(x_0)$ の最適性原理と適用することにより、本問題とDP手法により解くことが可能となる。

4. 分析結果と考察

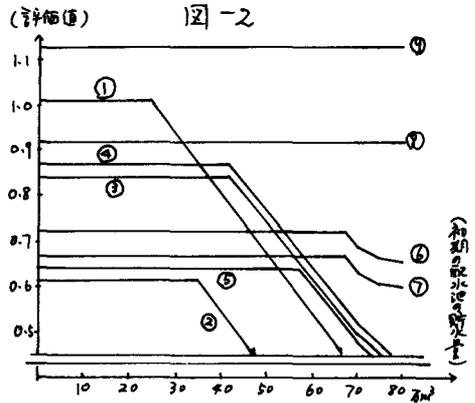
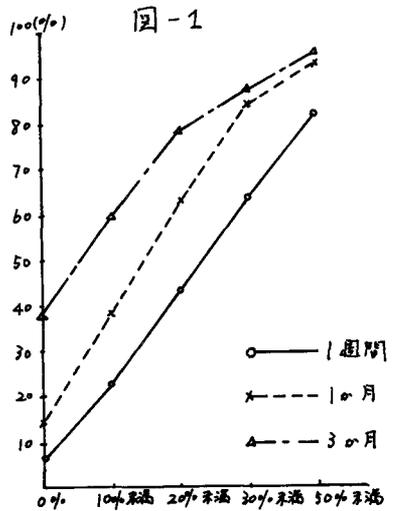
浄水場、配水池、配水池域がそれぞれ10期に分けて構成されている配水系統と想定し、本モデルと京都市の給水カーブとを比較し適用した結果を示す。ただし、本研究では、浄水場での取水量のコントロールが可能と仮定し、制御期間に最低限確保すべきと想定される取水パターンとして、総合利率程度が「初期に厳し、後半徐々に緩和する」「初期に一番厳し、終りに一番厳し」「終りに一番厳し」という3つの4つの配水方法について比較・検討を行った。

◇制御期間1.8~7月、利率率20% (図1)

給水利率と実施する前の配水池の貯水量に関係なく、初期に比較的利率を厳し、後半に入ると利率を緩和するカーブとを方法が合致する。ただし、この場合、総合利率程度の変化を仄々する方法は大きく不利になる。また、期間中、総合利率は一定に保たれ、この方法と比較可能と見做される。

以上10期分析結果の概要と見れば、詳細について、講演時に説明する。したがって、本稿では簡略化の懸念資料として、この配水方法の長所を

「意識的の分析結果に」のことも言及すること



<取水パターン> 合計 172.8 万 m³ (単位 万 m³)

方法	7月期	8月期	9月期	⑤	57.6	57.6	57.6	利率率 (20%)
①	24.7	49.4	98.7	⑥	67.1	67.1	34.6	
②	34.6	69.1	67.1	⑦	67.1	34.6	67.1	
③	43.2	86.4	43.2	⑧	86.4	43.2	43.2	
④	43.2	43.2	86.4	⑨	98.7	49.4	24.7	