

工業基地建設地の選定法について

京都大学 正員 長尾義三
京都大学 正員 森杉寿芳
建設省 正員 ○佐藤信秋

1. はじめに

工業生産の量的、地域的拡大に伴ない公害問題を取り入れた計画法が必要となつてゐる。もしも今後も工業開発が必要であるとすれば、いかにして環境を破壊しない下に開発するかが問われてゐる。これに対する取り組みが多く立場から行なわれてゐるが、本考察では工業基地の全国的な配置選定法を確立することを目的とする。このため、オ1に、工業基地建設費用の中に社会的費用をできるだけ定量的に組み入れること、オ2に、工業基地建設にともない新都市を必要とする場合には、その開発計画と工業用地造成計画とを平行せることが大切である。そして、オ1、オ2の費用を工業基地建設費用の中に明示したうえで、投資が重視的効率的になされるための工業基地選定システムを図-1のよう示すことができる。本考察では、候補地の建設費が上記2条件を満足して得られた場合の投資基準とその解法を示す。

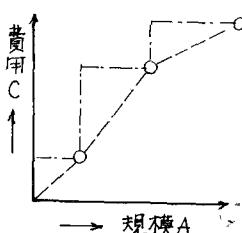
2. 評価基準

多くの工業基地建設候補地において、複数の規模の異なる代替案が提示されてゐるものとする。本考察において、効果とは造成される工業用地面積を採用し、評価基準として、効果一定下で、上記項目からなる費用を最小にする基準を採用する。すなわら、外生的に与えられる一定の総工業用地需要を満足した上で(効果一定)、総費用を最小にすることは、どの地域にどの規模の工業基地を建設すべきかという問題を解くことになる。

3. 1次元配分問題としての工業基地選定モデル

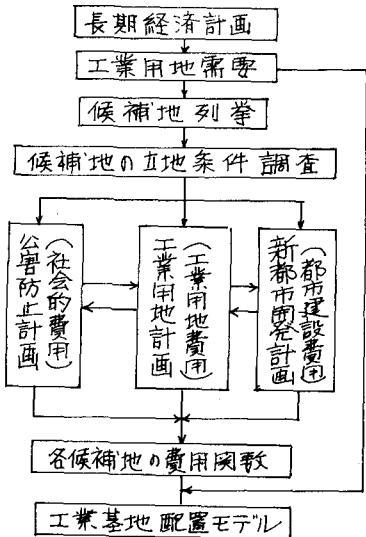
通常、工業基地建設候補地においては、図-2のように、いくつかの代替案に応じて費用を得るのが、調査、計画立案の労働力、費用、時間からみて最大限である。

図-2 費用関数



しかも、オ1に、各代替案は独立であり、たとえば、50単位のものにあと50単位追加することにより効率の11/100単位の規模の代替案が得られるものではない。オ2に、もともと候補地においては、提示されていない中間規模の代替案よりも提示されていける代替案のいずれかを選ぶ方が効率的である。したがって、本考察では、提示された代替案は離散的であり、代替案の中から最適な

図-1 工業基地選定システム



組合せを探かすための定式化を行なう。今、 x_{ij} を*i*地域*j*番目の代替案(i,j)が選択されるとき1, そうでないとき0とする整数、 A_{ij} を代替案(i,j)の規模、 C_{ij} を(i,j)の建設費用、Dを総工業用地需要とすると、Dを満足しつつで総費用を最小にする代替案の組合せを求める問題は、0-1 IPで以下のようになら定式化できる。

1) 用地需要制約 $\sum_j A_{ij} x_{ij} \geq D \quad (1)$

2) 代替案の相互排他性 $\sum_i x_{ij} \leq 1 \quad (2)$

3) 目的関数 $Z = \sum_{i,j} C_{ij} x_{ij} \rightarrow \min \quad (3)$

本式は1次元ナップサック問題に制約式(2)を付加したものであり、DPおよびブランチアンドバウンド(B&B)のいずれによても解くことができる。しかしアルゴリズムは省略するが、10地域平均4.4代替案すなわち44変数の例題をFACOM-230-60で解いた結果を概述する。まずDを250単位に区切ったDPによって解くと18秒を要した。また、B&Bによって解くと18分を要したが、(2)式を内部ルーチン化して結果8分強に短縮し、これらの解法にありても計算時間、容量に関しては、実用的な大きさの問題を解き得る保証を得た。

4. 多地域多段階決定問題への展開

前記モデルにおいては、Dを時間的流れとしてとらえなかったために、静学的な配分問題として定式化し得た。しかし、1)Dは時間的流れをもつものである。2)工業基地は建設が完了するとそれをとりこむたり、大きな規模に修正するなどが困難である。3)工業基地建設費は莫大な投資を必要とするため、施設の遊休を極力避けなければならない。これらの理由のため、工業基地の選定計画は、時間的流れを考慮した多地域多段階の投資決定問題として考えた方がより望ましい。さて、各地域の代替案について図-3に示すような費用関数を与えられてはいるものとする。すなわち、図3において、 $A_1(C_1), A_2(C_2)$ は、代替案*i*, *j*の規模(費用)を示し、これを達成するための段階建設が可能であり、代替案*i*の上、*i+1*段階の規模(費用)を $A_{i+1}(C_{i+1}), A_{i+2}(C_{i+2})$ で示してある。今、 $\Delta A_{ijk}, \Delta C_{ijk}$ をそれぞれ*i*地域*j*代替案の*k*段階の追加建設用地量および追加費用、 D_t を一期の工業用地累積需要量、 r を割引率、 x_{ijk} を*i*地域*j*代替案の*k*段階を初期に建設するとき1、そうでないとき0となる整数とすれば、建設費用の現価が最小となる代替案と建設手順とを求める多地域多段階決定問題は、前記モデル同様0-1 IPで以下のように定式化される。

1) 用地需要制約 $\sum_i \sum_j \sum_k \Delta A_{ijk} x_{ijk} \geq D_t \quad (4)$

2) 建設順序制約 $\sum_j x_{ijk} \geq x_{ijk'} \quad (k=2, \dots, K) \quad (5)$

3) 代替案の排他性 $\sum_j x_{ijk} \leq 1 \quad (6)$

4) 時間的排他性 $\sum_j x_{ijk} \leq 1 \quad (7)$

5) 目的関数 $Z = \sum_i \sum_j \sum_k \frac{1}{r^k} \Delta C_{ijk} x_{ijk} \rightarrow \min \quad (8)$

なお、着手された代替案は計画期間中に完成されねばならぬ場合には、(4)～(7)の制約に、 $x_{ijk} \geq x_{ijk'}$ なる制約を付加すればよい。このIPも前記モデル同様、B&Bにて解くことができる。本モデルは制約条件式が多くなる欠点をもつが、実用的な大きさの問題と解くアルゴリズムを開発中である。

