

ランプ間 OD 分布の先駆確率式について

京都大学工学部 正員 米谷 崇二
 ノ ノ 明神 証
 阪神高速道路公団 ノ 中原 繁雄

1. はじめに

都市高速道路におけるランプ間 OD 分布の推定にエントロピー法⁽¹⁾が有力な手法であることが報告されている⁽²⁾。それによれば、ランプ間の高速道路上所要時分と平面街路上所要時分とを考慮に入れた式、およびこれにさらに料金といわゆる時間価値との比をとり入れた式を先駆確率式として採用すれば、実績値によく適合する推定結果がえられる。また、ランプ間 OD 分布の推定にエントロピー法を適用する際、最小自乗法で求めた先駆確率式のパラメータを少しずらすことによって、本線上の区间交通量の実績値によりよく適合する OD 分布を得られることが指摘されている⁽³⁾。本報告はこれらのことから示唆を之と、2つの先駆確率式のパラメータについて考察したものである。

2. 先駆確率式の形とパラメータの値

ヒリあげた先駆確率式はつきの2つである。

$$P'_{ij} = \alpha u_i v_j t_{ij}^{\beta} e^{-rt_{ij}} \quad (1)$$

$$P'_{ij} = \alpha u_i v_j t_{ij}^{\beta} e^{-rt_{ij}} \times (t_{ij}^{\delta} / t_{ij})^{\delta} \quad (2)$$

ここに、 P'_{ij} は1つのトリップがランプ i ～ j 間にある確率、 u_i 、 v_j はランプ i 、 j の規準化された流入、流出交通量、 t_{ij} はランプ i 、 j 間の高速道路上所要時分、 t_{ij}^{δ} は同じく平面街路上所要時分、 α 、 β 、 γ および δ はパラメータである。

パラメータを決定するためにもちいた資料は、昭和43年2月および45年7月における阪神高速道路ランプ間 OD 交通量調査結果および高速道路上ランプ間所要時分、平面街路上ランプ間所要時分である。高速道路上の走行試験結果によれば、朝のピーク時に走行速度が著しく低下する路線(とくに空港線)があるが、ここでは実測の平均速度 60 km/h をもじりて高速道路上の所要時分 t_{ij} を算出した。また平面街路については一定速度 20 km/h を仮定して t_{ij}^{δ} を算定している。なお、阪神高速道路網は昭和43年2月には環状線と空港線(豊中北まで)だけで構成されていたが、45年には空港線が池田まで延伸したほか、大阪守口線、大阪東大阪線(法円坂)、堺線、西大阪線および大阪松原線(山王町まで)が加わっている。

昭和43年および45年における24時間 OD 分布表から求めたパラメータの値は表-1に示すとおりである。ただし、 α の値は記入を省略した。

表-1からみられるように、 β/v_j は実測の平均トリップ時分に近い値になっている。とくに式(2)の場合、この値は実測の平均トリップ時分にきわめて近い。式(2)については、昭和45年の全線 OD 表の時間帯ごとにパラメータを求めたが、この β/v_j の値についてもほぼ

同じことがいえる。(表-2)ただし、昭和43年における式(2)のパラメータについては時間帯別資料不備のため計算していらない。一方、式(1)については、これを $P_{ij}/u_{ij} = \alpha t_{ij}^{\beta - \gamma}$ と変形してみると、この右辺の最大値は $t_{ij} = \beta/\gamma$ にあるのであるが、昭和45年の β/γ の値は43年の値にくらべて実測の平均トリップ時分(それぞれ12.4分、9.4分)に接近している。ちなみに、昭和43年におけるODペアの数は 13×13 、昭和45年におけるペア数は 35×32 と急増している。

以上のことから、当然予想されることはあるが、式(1)の β/γ の値は、ネットワークが拡大して密になりODペアの数が増加するにしたがって実際の平均トリップ時分に接近するようになるのに対し、式(2)の β/γ の値はODペアの数にあまり関係なく、その時の平均トリップ時分にはほぼ等しい値をとるものと推測される。式(1)をもじりて推定したランプ間OD分布は式(2)による推定結果にくらべて実績OD分布に対する適合度がわるいと指摘されている。⁴⁾ 式(2)は式(1)にさらに $(t_{ij}/\bar{t}_{ij})^\delta$ という項をつけ加えたものであるから、適合度がよくなることは予期されるとこどであるが、 β/γ の値にこのような特徴があることは注目される。

3. 路線別OD分布のパラメータ

放射環状型の都市高速道路で、放射線と環状線とのパラメータにどのような差があるかをみようとして、空港線と環状線とをとりあげてみた。パラメータの値を表-3に示す。昭和43年については各パラメータの符号は妥当と思われるが、昭和45年では空港線において β 、 $\delta < 0$ である。この実については、OD分布パターンの面から先駆確率式(1)、(2)そのものの妥当性をチェックする必要がある。昭和43年については β/γ の値に関して2.でのべたと同様の傾向のあることが推察されるが、路線別に細分するヒデータ数が少なくなるのでパラメータが不安定となるよう思われる。OD分布の推定、本線区间交通量の推定の実績値との適合について検討を進めた予定である。

参考文献 1) 佐佐木 綱: トリップのOD分布を求める確率論的方法、交通工学、Vol.2, No.6, 昭和42年11月。 2) 佐佐木 綱、明神 鉄: 都市および都市間高速道路のOD交通量の推定について、交通工学、Vol.5, No.1, 昭和45年1月。 3) 4) 佐佐木 綱、飯田恭敬: ラン

プにおける流入・流出量からランプ間交通量を推定する方法、道路、昭和43年10月。

表-1 24時間OD分布パラメータ

	β	γ	δ	β/γ	\bar{t}_{ij}	備考
昭 43	1.019	0.140	—	7.3	9.4	式(1)
	2.148	0.232	1.362	9.3	9.4	式(2)
昭 45	0.830	0.070	—	11.8	12.4	式(1)
	1.253	0.104	1.651	12.1	12.4	式(2)

\bar{t}_{ij} = 実測の平均トリップ時分(分)

表-2 式(2)の時間帯別パラメータ

	β	γ	δ	β/γ	\bar{t}_{ij} (分)
8:00~9:00	1.301	0.117	1.586	11.1	12.8
11:00~12:00	1.292	0.117	1.601	11.0	12.1
13:00~14:00	1.080	0.102	1.668	10.6	11.5
17:00~18:00	1.156	0.094	1.773	12.3	12.9

(昭和45年7月調査資料による)

表-3 路線別24時間OD分布パラメータ

	β	γ	δ	β/γ	\bar{t}_{ij}	備考
昭 43	1.079	0.144	—	7.5	9.4	空港線
	0.417	0.119	—	3.5	9.4	環状線
	1.085	0.129	0.299	8.4	9.4	空港線
	1.609	0.236	1.056	6.8	9.4	環状線
昭 45	-0.0357	0.0229	—		13.8	空港線
	0.258	0.0162	—	15.9	12.2	環状線
	-0.0605	0.0327	-0.625		13.8	空港線
	1.138	0.115	1.013	9.7	12.2	環状線