

## 写真測量による水中位置の測定結果（その2）

京都大学工学部 正員 森忠次  
 京都大学大学院 ○学生員 岡本厚  
 関西電力株式会社 正員 脊野道

### 1. 概説

写真測量による水中位置の測定結果の1例をすでに報告したが<sup>1)</sup>、それらは單に空中から水中を撮影した対応する2枚の写真を解析的に標定した結果について述べただけであり、また精度については水のある場合と水のない場合について比較検討したものであった。

今回の報告では図化機を用いて水中位置を測定する方法についてふれるとともに、その測定精度を同一の写真を解析的に標定して得られた観測点の位置測定精度と比較しながら述べることにする。

すでに報告したように<sup>1)</sup>、空中から水中を撮影した対応する2枚の写真を図化機にかけた場合、標定が正しく完了した後でも対応する2本の空中光線は一般には交會しないので、正しい実体視ができるない。そこで見掛けの位置をどこにどうかということが問題になつてくるが、見掛けの位置として対応する2本の空中光線のX座標が等しくなるような投影面を考え、この投影面上におけり2点の中点を選ぶのが妥当であろう。

写真の標定は空中写真の場合と全く同様に相互標定(5個の標定要素)、対地標定(7個の標定要素)に分けて行なうが、上で述べたように空中から水中を撮影した対応する2枚の写真では標定が完了した後でも対応する2本の空中光線が交會しないので、写真を正しく標定するためには、これらのはずれが標定完了後正しく現われりようにしてなければならぬ。こめずすれば見掛けの位置の存在する投影面上ににおけるY視差として与えられれば“好都合”であるが、このY視差を正確に計算するためには、モデル座標における左右レンズズ中心位置、屈折面の位置、および標定点の位置が正確に与えられるなければならない。このことは対地標定が完了しないかぎり屈折によるY視差を正確に計算できぬことを意味しているが、このY視差を写真乾板上で $\pm \frac{10}{1000}$  mmの精度で計算できればよいと考えると、上に述べた値が第1次近似で既知であれば十分である。

つきに対地標定については図化機では見掛けの位置しか追跡できないから、基準点の見掛けの位置を基準点として空中の場合と全く同じように行なえばよい。しかし地上座標における基準点の位置、屈折面の位置が既知であっても、左右レンズズ中心位置が第1次近似でしか既知でないから、地上座標における基準点の正しい見掛けの位置が計算できないので、対地標定を1回完了するごとに新たに見掛けの位置を計算し直しながら対地標定を繰り返して精度を高めていく必要がある。すでにKarl Rinnerが述べているように<sup>2)</sup>、空中から水中を撮影した対応する2枚の写真的標定を正しく行なうためには、厳密には第1次(相互)標定要素として8個、第2次(対地)標定要素として4個の標定要素を選ばなければならぬが、ここでは対地標定を繰り返す際新たに見掛けの位置を計算をあすことにし、空中の場合と全く同じ方法で空中から水中を撮影した対応する2枚の写真的標定を実施できることを提案し、その結果を示す。

なお、以上のことは光線の水中での経路が比較的長い場合で、水中に1ヶ標定点、基準点をとれない場合について述べたものである。そして以上のようにして空中から水中を撮影した対応する2枚の写真を図化機にかけ方法と解析的方法とで標定した後、得られた結果を使って水中の真の位置を計算した場合どの程度の位置誤差を生ずるか

を実証的に求めた結果を報告する。

## 2. 実験方法

実験方法についてはすでに詳しく述べたので、ここでは省略するが、今回の実験ではモデル変形を正しく把握するためにはモデル内にグリッドを置き、その格子点を観測したこと、見掛けの位置を追跡しながら圓化が行えりかはどうかを検討するために、モデル内に種々の圓形を配置したことを、および屈折の影響が敏感に現われる平行偏角撮影を考慮したこと等が新しい試みである。

なお実験条件は表-1に示されている。

## 3. 測定結果

以上のような実験方法で撮影した写真と圓化機による方法、および解析的方法で標定した後、それぞれの観測点の位置を求めた。観測点の配置は図-1の通りであり、写真機からの距離は約4m、水深は約1mである。

圓化機による方法の場合も解析的方法による場合も鉛直撮影については相互標定の標定点、対地標定の基準点に○印の点を使用し、平行偏角撮影については△印の点を使用した。

表-2、表-3の結果を総合すると、鉛直撮影の場合には圓化機による方法、解析的方法ともX、Y方向の位置測定精度が $\frac{1}{8,000} \sim \frac{1}{10,000}$ である。今回の実験では予想された最高精度に達している。乙方向の位置測定精度はD2、A2のモデルで $\frac{1}{5,000}$ 、A1のモデルで $\frac{1}{2,500}$ である。D2、A2のモデルでの乙方向の位置測定精度は写真測量の常識から十分納得がいくが、A1のモデルについて悪いのは、この場合の写真像がかなりぼけているため、单眼コンパレーターによる写真座標の測定誤差が大きかったためと思われる。

なお表-2、表-3の結果は解析的方法では3回、圓化機による方法では1回対地標定をくり返したものであるが、実用上はこの精度で十分であろう。

平行偏角撮影については現在結果の整理中であるが、ここに提案した標定法は十分利用できることを示している。

表-1 実験条件

撮影方向	鉛直		平行偏角	
撮影対象物	グリッド	圓形	グリッド	
標定方法	D	A	D	A
記号	D1	A1	D2	A2
			D3	A3

記号D: 圆化機による方法、記号A: 解析的方法

置したこと、および屈折の影響が敏感に現われる平行偏角撮影を考慮したこと等が新しい試みである。

図-1

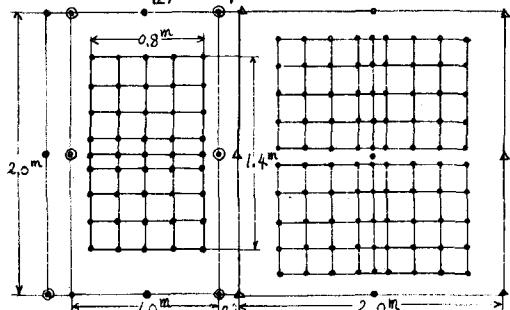


表-2 対地標定に用いた基準点の位置誤差 単位mm

条件	D1	A1	D2	A2	D3	A3
△Xの平均値	0.00	0.20	-0.01			
平均値からのばらつき	$\pm 0.04$	$\pm 0.03$	$\pm 0.03$			
△Yの平均値	0.00	0.02	0.00			
平均値からのばらつき	$\pm 0.06$	$\pm 0.06$	$\pm 0.02$			
△Zの平均値		-0.05	-0.05	-0.05		
平均値からのばらつき		$\pm 0.16$	$\pm 0.04$	$\pm 0.75$		

注) 位置誤差を $\Delta X = X_k - X_T, \Delta Y = Y_k - Y_T, \Delta Z = Z_k - Z_T$ で表わす。

ここに添字Kは写真より計算した値、添字Tは地上測量による測定値を示す。

表-3 対地標定に用いた基準点以外の点の位置誤差 単位mm

条件	D1	A1	D2	A2	D3	A3
△Xの平均値	-0.02	0.00	2.00			
平均値からのばらつき	$\pm 0.05$	$\pm 0.03$	$\pm 0.04$			
△Yの平均値	-0.08	0.00	-0.03			
平均値からのばらつき	$\pm 0.03$	$\pm 0.05$	$\pm 0.02$			
△Zの平均値	-0.01	-0.08	-0.03			
平均値からのばらつき	$\pm 0.10$	$\pm 0.13$	$\pm 0.16$			

## 参考文献

- 森 光次、岡本 厚：土木学会第23回年次学術講演会講演概要 第IV部門、昭和43年10月
- Karl Rinner : Abbildungsgesetz und Orientierungsaufgabe in der Zweimediaphotogrammetrie, Sonderheft der Österreichischen Zeitschrift für Vermessungswesen, 1948