

## 活性汚泥の Activity に関する一考察

京都大学工学部 (正員) 高松武一郎 内藤正明  
(学生員) 池田 有光

### はじめに

活性汚泥による基質除去の機構は非常に複雑で、これが十分解明されるに至るには相当の時日を要するものと思われる。しかし現実に活性汚泥が如何に実用化されてゐる現在、これを合理的に設計操作する為の定量的指針の要求されるのは当然で、この為には現象の数理的表現がどうしても必要である。ところで現在生物化学反応についてはその最大基準的な BOD 除去の速度式等の種々の表示が提示されており、その中で最もが最も一般的である。その不十分である点を列举する。

① BOD 減少状態を反応初期から長時間まで忠実に表現し得ること、②長時間曝気を以て曝気による汚泥の反応力回復上昇を表現し得ること、③代謝による酸素消費過程を説明し得ること、④基質除去速度の変化の様子を説明しうること。等々であり、この為従来の諸式を実際のプロセスの解析、設計上適用するに種々の問題があり、制約がある。

そこで我々は新たに活性汚泥の特性を表わすために Activity という変数を導入し、上記諸現象をうまくかつ簡単に表現しうる数式モデルを提示し、これを二つの実験データで裏付けた。

### 活性度の定式化

ここで、活性度とは次の様に定義した。即ち基本的には活性汚泥による基質除去過程を①基質の汚泥表面への吸着と②これに別途して起る消化の二段階過程と考え、一方汚泥の吸着可能な部分を Active site とみて見ておき。そしてこの吸着の割合は汚泥上の活性 site (AS) と基質濃度 L に比例し、一方吸着された基質の消滅速度は吸着してある site の割合に比例するものとする。するとすると Activity は上での両過程の dynamic balance 不可缺定され、次式で与えられる。

$$\frac{d(1-\alpha)S}{dt} = -K(1-\alpha)S + m k_{AS} L \quad (1)$$

ここで L: 基質濃度 [BOD ppm], S: 汚泥濃度 [ss ppm],  $\alpha$ : 単位

汚泥上の全 site に対する active site の割合 [-],  $k$ : 附着

除去速度係数 [ $1/\text{hr ss ppm}$ ],  $K$ : 吸着中の基質の消化速度

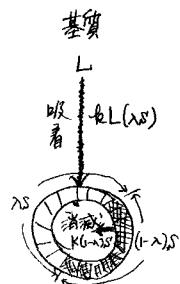
[ $\text{hr}^{-1}$ ],  $m$ : 単位 BOD 当たり activity の初期量 [ $ss \text{ ppm}/\text{BOD ppm}$ ]

(1) 式に対応して基質と汚泥の変化は従来からの成型を利用して

$$\frac{dL}{dt} = -k_{AS} L + \beta b S \quad (2)$$

$$\frac{dS}{dt} = \alpha k_{AS} L - b S \quad (3)$$

となり、この 3 つの基礎式を連立させても解けば L, S,  $\alpha$  の時間的変化の様子が知れる。尤もこれらは非線型で解析的には解けない。しかし微分方程式の解の存在や等動性よく知らしかねば計算手段の発達で数値計算の容易な今日、強いて解析解を得る以上の必然性はない



ねう。

### 3. 活性度仮説のデータによる裏付け

(1) 式で与えた微分方程式の妥当性を示すために活性度仮説に深く立入って角解するには難しく、我々の目的でもないので二つではもう少し Macro な data とい類推してその妥当性をしらべる。先づ(1)式から計算した基質

一時間減少曲線が実測データによく適合していることを示す。

Fig.1は人下水を用いた基質除去の典型的なデータの一例

を示すが、従来のBOD減少曲線とも同様にこれからも分子

通りに一次反応(直線)で fit されることは理がある。

図中の実線は(1)~(3)式によるものでこれがよく適合して

いる。この計算での活性度と吸着、酸化速度の変化を

Fig.2に示す。活性度は初期に急上低下し曝気と共に

次第に回復しており、実際操作で定性的に推測される

ところと一致する。左の同図に中西氏<sup>2)</sup>の測定口有名

基質除去活性度と代謝活性度の一例を plot してあるが、

傾向の一致がみられる。

次に再曝気による活性度回復は(1)式で  $L=0$ ,  $S=\text{定}$

とおなじに解くことにより次式で与えられる。

$$\lambda = 1 - (1 - \lambda_0) e^{-kt} \quad (4)$$

これについて Eckenfelder<sup>3)</sup>の contact-stabilization を用いてデータをもとに、 $\lambda$ の  $O_2$  uptake rate が(1)式右辺第一項に比例するものとし、且つ24時間再曝気汚泥の activity を

0.9と仮定してこれを換算したもので検討する。(Fig.3)

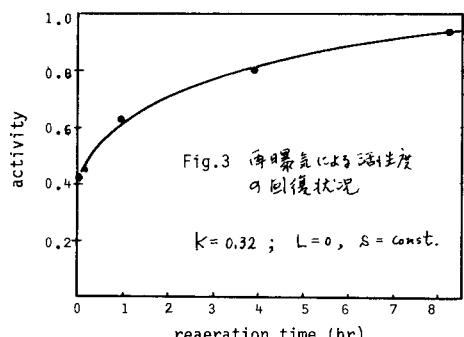
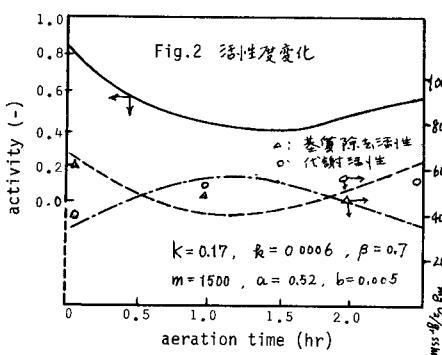
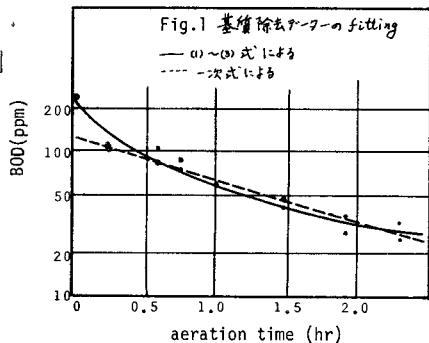
この Data は指数則に適合してあり、(4)式のパラメータを

$\lambda_0 = 0.42$ ,  $k = 0.32$  とかいて描いた実線とよく一致

しており、活性度回復過程に対する仮定を或程度裏付けていると考えてよからう。

### 4. 結論

ここで定義した活性度とその微分方程式(1)とは決して現象的裏付けを得られないし複雑な機構を十分表現しているとは言ふ難いが、①初期吸着現象を含むBOD減少過程をよく説明している、②曝気、再曝気の過程が統一して表現された、③BOD除去と代謝の時間的変動を併々に推定できる。等であつてしたがつて各種方法を含む多くの活性度説明法<sup>4)</sup>口也又の設計操作の多くの数式を元として有用であると考える。



- 参考文献
- 1) 昭42年排水学会講演要旨集 (発行料)
  - 2) 中西34: 博士論文
  - 3) Eckenfelder, O'Connor "Biological Waste Treatment"
  - 4) 高松, 由藤, 橋本: 備註資料 (542)