

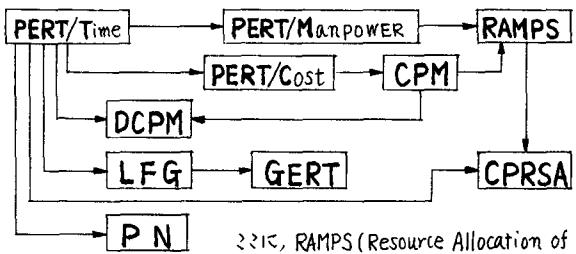
名古屋工業大学 正員 池守昌幸
名古屋工業大学 正員 ○山本幸司

1 はじめに

プロジェクトスケジューリングモデルとして PERT 手法が開発されてからすでに 20 年以上が経過し、現在では我国の土木工学分野でも土木工事の日程計画、日程管理のための有効な技法として利用されている。しかし現実には PERT 手法に頼るだけでは施工段階で直面するいろいろな日程計画問題を対応して表現し、最適なスケジュール案を求めることが困難である。このため古典的な PERT 手法に対する改良が加えられ、著者が知る限りにおけるも図-1 に示すような各種のスケジューリングモデルがすでに開発されている。これらのモデルは古典的 PERT 手法の 2 大欠点——すなわち、① 各作業に対する所要時間、必要資源量等に対する検討が不十分である、および、② 作業間の順序関係ならびにネットワークの記述方法に自由度を欠いていた——をそれぞれ解決しようとするものであり、前者としては PERT/Manpower, PERT/Cost, CPM, RAMPS, CPRSA、また後者としては DCPM, LFG, GERT, PN があげられる。このうち本研究は PN 手法を PERT にかかる土木工事の日程計画モデルとしても利用することを検討するものである。その際、近年大規模土木工事の工事現場で積極的に導入される傾向にあるマイクロコンピュータによるプログラム化を前提とした。

2. Precedence Network の概要

従来の PERT 手法では、ネットワークに属する任意の作業間の順序関係としては、「各作業はその先行作業がすべて終了するまで開始できない」という一通りしか認められなかつた。またその際時間遅れも存在しなかつた。しかし、これでは実施工程段階での複雑な作業順序関係を十分に表現することができない。これに対して PN は表-1 に示したような順序関係をすべて認め、かつ、PERT と同様に各作業の ES, EF, LS, LF, TF, FF を算出することができるが、LFG や GERT では作業間順序関係としてフード・バックループが認められていくのにに対し、PN ではループが存在すると日程計算が不可能となる。また PN は PERT のようなアロー型ではなくサークル型のネットワークとなる。また各作業間の複雑な順序関係は表-1 に示す 4 通りの順序関係もしくはその組合せで表わすことができるが、表より PERT は FS 関係で、かつ、遅れ時間が 0 という特殊な場合であることがわかる。



ここで、RAMPS (Resource Allocation of Multi-Project Scheduling), DCPM (Decision Critical Method), LFG (Linear Flow Graphs), GERT (Graphic Evaluation & Review Technique), CPRSA (Critical Path Resource Scheduling Algorithm)

図-1 各種プロジェクトスケジューリングモデル

表-1 Precedence Network の作業順序関係表現方法

順序関係の形状	形式・遅れ時間の表現方法ならびに定義
$A \rightarrow B$	$FS = n$ 作業 B は作業 A の終了後 n 日以上経過しないと開始できない
$A \xrightarrow{n} B$	$SS = n$ 作業 B は作業 A の開始後 n 日以上経過しないと開始できない
$A \quad B$	$FF = n$ 作業 B は作業 A の終了後 n 日以上経過しないと終了できない
$A \quad B$	$SF = n$ 作業 B は作業 A の開始後 n 日以上経過しないと終了できない

3. Precedence Network の計算アルゴリズムおよびコンピュータプログラム

PNによる日程計算は **PERT**と同様に Forward PassによるES, EF計算と Backward Passによる LF, LS計算から成る。以下ではその計算アルゴリズムの概要を示す。ここに添字jは各時刻を求める当該作業を、またkはその先行作業、長は後続作業を表わすものとする。

(1) Forward PassによるES, EFの計算

まず、先行作業の ES_i , EF_i がすでに求められている作業jに対し、

$$ES_j = EF_i + F_i S_j \quad \dots \quad (i, j) \text{ の順序関係が FS 関係の場合}$$

$$ES_j = ES_i + S_i S_j \quad \dots \quad (i, j) \text{ の順序関係が SS 関係の場合}$$

$$ES_j = EF_i + F_i F_j - t_j \quad \dots \quad (i, j) \text{ の順序関係が FF 関係の場合}$$

を求め、その最大値を当該作業jの ES_j 値とし、次式で EF_j を求める。

$$EF_j = ES_j + t_j, \quad \text{ここで } t_j \text{ は作業jの所要時間を表わす}$$

(2) Backward PassによるLF, LSの計算

まず、後続作業の LS_k , LF_k がすでに求められている作業jに対し、

$$LF_j = LS_k - F_j S_k \quad \dots \quad (j, k) \text{ の順序関係が FS 関係の場合}$$

$$LF_j = LF_k - F_j F_k \quad \dots \quad (j, k) \text{ の順序関係が FF 関係の場合}$$

$$LF_j = LS_k - S_j S_k + t_j \quad \dots \quad (j, k) \text{ の順序関係が SS 関係の場合}$$

を求め、その最小値を当該作業jの LF_j 値とし、次式で LS_j を求める。

$$LS_j = LF_j - t_j$$

なお、 TF_j , FF_j は PERT と同様

に計算できるが、 FF_j は各 (j, k) ペアに対する最小値を求める必要がある。なお、本稿では SF 関係が現実的で少ないと、および FF 関係に置換えることが可能であるため直接考慮はしていない。**PN**のコンピュータプログラムの概略フロー図を示したのが図-2である。本研究ではマイクロコンピュータ PC-3200 を用いて BASIC によりプログラム化した。

4. 計算例および今後の課題

図-3に示すような2基のコンクリートスラブ打設工を **PN**を適用した結果を示したのが表-2である。ネットワークがさらに大きくなければフロッピーディスク等の利用が必要となる。本稿では各作業が中断不可能な場合を取り上げたが、この場合には山崩し法の適用も可能となる。また **PN**は中断可能な作業群から成るネットワークに対しても適用可能である。コンピュータプログラムの詳細ならびにこれらに関する講演時に詳しく述べることにする。

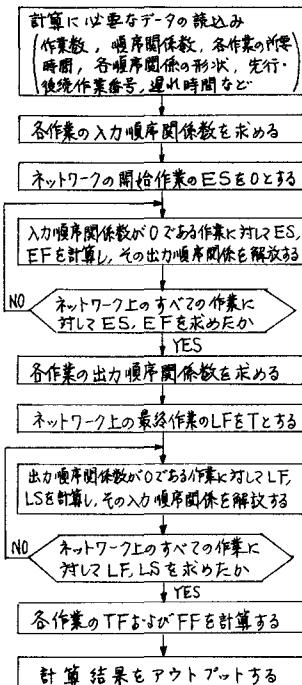


図-2 PNプログラムの概略フロー

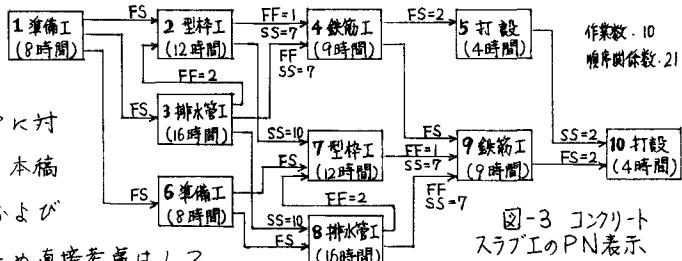


図-3 コンクリートスラブ工のPN表示

表-2 PNによるコンクリートスラブ工の日程計画

作業番号	所要時間	ES	EF	LS	LF	FF	TF	割り当てルーパス
1	8	0	8	0	8	0	0	*
2	12	14	26	14	26	5	0	*
3	16	8	24	8	24	10	0	*
4	9	21	30	22	31	1	1	
5	4	32	36	40	44	6	8	
6	8	8	16	10	18	2	2	
7	12	24	36	24	36	5	0	*
8	16	18	34	18	34	10	0	*
9	9	31	40	31	40	2	0	*
10	4	42	46	42	46	0	0	*