

河川乱流のエントロフィー

信州大・工 余越 正一郎

1. 2次元流れの特徴は、2次のインバリアントとして運動エネルギーの他に、エントロフィー（うず度の2乗の半分）が考えられることである。そして、2次元乱流理論によると、2種類の中間乱子領域の存在が示される。1つは3次元乱流と同様にエネルギー伝達を行う領域で、そのエネルギースペクトル $E(k)$ は $k^{-5/3}$ に比例するものである。しかし、エネルギーは3次元乱流の場合と逆に低波数域へ向って伝達され、エントロフィーのやりとりはおこなわれない。もう1つはエントロフィー・カスケーディングをおこなう領域で、そのエネルギー・スペクトルは、

$$(1) \quad E(k) = C \eta^{2/3} k^{-3}, \quad \eta: \text{エントロフィー伝達率} \\ C: \text{ユーバーサル定数}$$

である（対数補正は省略）。この領域では波数間のエネルギー伝達はゼロである。

2. 河川乱流について考えると、一般に河巾は水深に比して著しく大きいために、エネルギー・スペクトルにはメソスケールのギャップが存在して、2次元水平乱流場と3次元鉛直乱流場の分離が可能である。理想的な広巾真床水路とみなした水平乱流場のエネルギー源スケールは河巾のみであり、しかもそれ以上のスケールの乱子は存在しないことから考えて、エネルギー・スペクトルの形はエントロフィー・カスケーディングで説明できそうである。このことを現地観測結果から考察する。

3. 流速観測は千曲川の東電照岡測水所で実施した。河巾は 130 m, 水深は一様に 1.7 m, 観測時間は 4 時間, 流速計は直径 13 cm のプロペラ式である。測点は河川中央部の水面下 30 cm, 流路は測点上流約 700 m で 90 度のめん曲をしている。観測中の水位変化 (Fig.1) から明らかなように、トレンドはわざかである。データ処理は、水平乱流域と鉛直乱流域を分離しておこなった。

4. 鉛直乱流場スペクトルに見られる $-5/3$ 法則成立はもはやめずらしくない。このエネルギー伝達率を算定してみると、 $0.77 (\text{cm}^2/\text{s}^3)$ である。低周波域に -3 乗の直線をいれると Fig.2 のようになる。 (1) 式の 2 次元波数スペクトルを、凍結乱流仮定で 1 次元周波数スペクトルに変換すると、

$$(2) \quad F(n) = \frac{C}{4} \left(\frac{U}{2\pi} \right)^2 \eta^{2/3} n^{-3}, \quad U: \text{平均流速}$$

となる。Kraichnan の理論値 $C = 2.6$ を用いて、Fig.2 と (2) 式からエントロフィー伝達率を評価してみると、 $\eta = 1.1 \times 10^{-11} (1/\text{s}^3)$ がえられる。

5. Fig.2 の低周波域スペクトルにおいて、エントロフィー・カスケーディングに共存して、河道めん曲にもとづくエネルギー源からの低周波へ向うエネルギー伝達が存在しているかいなかに奥では、残りのデータを解析するまで、まだはっきりしない。

