

横倒れ座屈と横構剛度

名古屋大学工学部 正員 ○久保全弘
名古屋大学工学部 正員 福本謙士

5. 席 1970年度の年次学術講演会において、2本の並列支げたを横構などにより連結した構造系の曲げによる横倒れ座屈強度を調べ、横補剛によるけたの横倒れ座屈に対する補剛効果を理論的および実験的に明らかにした。引続いて、今回は図-1に示す構造系の計算例を用いて横倒れ座屈と横構剛度の関連を検討したものである。

5. 座屈と横補剛 構造物に作用する主荷重に対して抵抗するように設計された主構面の間を結んでいる横補剛材(ブレーシング)の役割については、つきのような項目が考えられる。すなわち、

(1)構造物に作用する従荷重(風荷重、地震荷重など)に対して抵抗するように配置する場合、

(2)構造物の弱軸まわりの変形を防止し、構造強度の向上をはかるように配置する場合、

の2通りである。ここでは座屈と横補剛との問題を考えているので上記の(2)の場合を対象としており、この役割の場合にはさうにつきの2つの変形が考えられる。

a)荷重の初期の段階から生ずる荷重の作用面外へのねじれを伴なう変形を防止し、部材が過度の変形の結果起きる強度の低下を防ぐ。たとえば、U形、L形、C形断面の主軸に対してある傾斜して荷重が作用する場合に部材が安定なつりあい状態に陥ろうとするのを妨げるよう配置するものである。

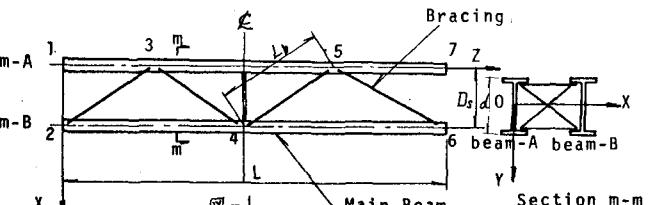
b)構造部材の弱軸まわりの座屈を防止し、座屈強度の向上をはかる。これは座屈によって不安定なつりあい状態になろうとするのを妨げるよう配置するものである。

上記(a), (b)のうち(1)と(2)(a)の役割に対するブレーシングでは、ブレーシングの強度(Strength)として十分な強さをもたせねばよく、変形に対する力のつり合い条件式をもとにして比較的簡単に求めることができる。一方、座屈を防止するように効果的に配置する(2)(b)のブレーシングでは、ブレーシングの強度(Strength)と最小剛度(Stiffness)を確保しなければならない。

5. 解析 図-1に示すような横構などによってブレースされた2本並列支げたが床端に等価モーメントを受ける場合の横倒れ座屈強度をエネルギー法を用いて解析した。¹⁾ この構造系では全ポテンシャルエネルギーは、つきのようになる。

$$U = V + U_w + D \quad (1)$$

ここに、 V はけたのひずみエネルギー beam-A, beam-B, U_w は外力のポテンシャルエネルギー, また D はブレーシングのひずみエネルギー



であって、軸方向力によるもの D_a と曲げによるもの D_m からなるものとすると、 $D = D_a + D_m$ となる。これらのエネルギーを並列支げたの水平変位、ねじれ角によつて表わし、Rayleigh-Ritz法により係数行列式を作成して、これの $\det = 0$ になる限界曲げモーメント M_{cr} を求めめた。なお、2本の支げたの座屈変形(水平変位 u_A, u_B およびねじれ角 β_A, β_B)を三角級数によつて仮定し、支げたと横構のとりつけ位置の水平変位 u' は支げたのねじれによる付加変位を考慮すると、つきの式で与えられる。

$$u'_A = u_A - \frac{kd}{Z} \beta_A, \quad u'_B = u_B - \frac{kd}{Z} \beta_B \quad (2)$$

ここに、 d は主げたのけた高であり、 K は横構のとりつけ位置を表わすパラメーターで $K=1$ の場合には圧縮側フランジに、 $K=0$ の場合は主げたのせん断中心に、 $K=-1$ の場合は引張側フランジにそれそれ横構がとりつけてあることを意味する。

3. 計算結果と検討 計算は主げたの圧縮側フランジのみの横断面と横構の必要横断面との関係を明らかにするために、つきのような記号を用いて行なった。 すなわち、

$$\gamma_A = A_b / A_f, \quad \gamma_I = I_b / I_f$$

(3)

ここに、 A_b, I_b は横構の断面積と強軸まわりの断面2次モーメントである。 また、 A_f, I_f は主げたの圧縮側フランジのみの断面積と断面2次モーメントであり、それぞれ $A_f = b t, I_f = b^3 t / 12$ で表わしている。 図-2はワーレンタイプにフレースされた2本並列主げたの横倒れ座屈強度曲線を示し、縦軸に M_{cr} / M_y を横軸に $L / 2r_y$ がとっている。 この図から γ_A, γ_I の変化による弾性域および非弾性域での補剛効果の様子がよくわかり、主げたのスパン中央に $k=0, B=0$ なる拘束条件をもつ場合の座屈強度に収束している。 また、図中の実線は $\gamma_I = 0$ 、すなわち横構がピン結合に相当する場合で γ_A の増加に比し、補剛効果はあまり認められず、fully bracingまでの座屈強度の向上は期待できないことがわかる。 一方、図中の破線に示すように γ_A と γ_I を確保すると非弾性域では十分な補剛効果がえられる。

図-3は横構の腹板とのとりつけ高さを移動させて補剛効果の変化を調べたものである。 この図から、とりつけ高さが $K=0$ 、すなわち主げたのせん断中心から引張フランジ側に移動すると座屈強度の急激な低下がみられる。

最後に、本研究は日本鋼構造協会の委託によって行なったことを付記する。

文献 1). 福本、入保：横補剛されたはりの横倒れ座屈、第25回土木学会年次学術講演概要集第一部、昭和45年11月。

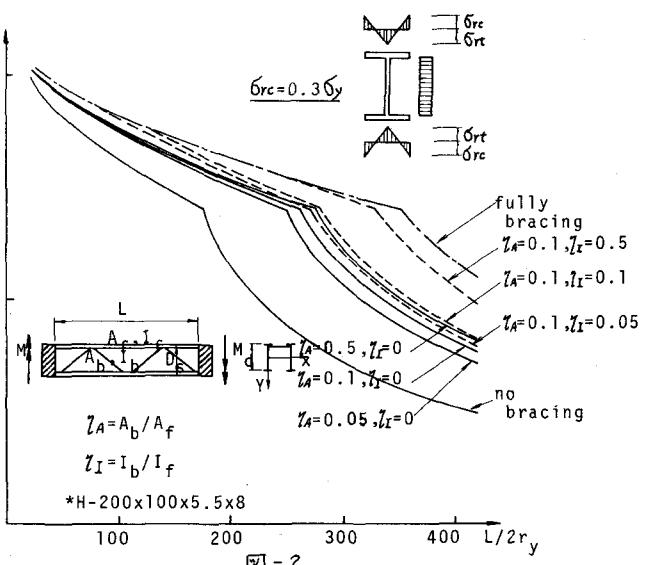


図-2

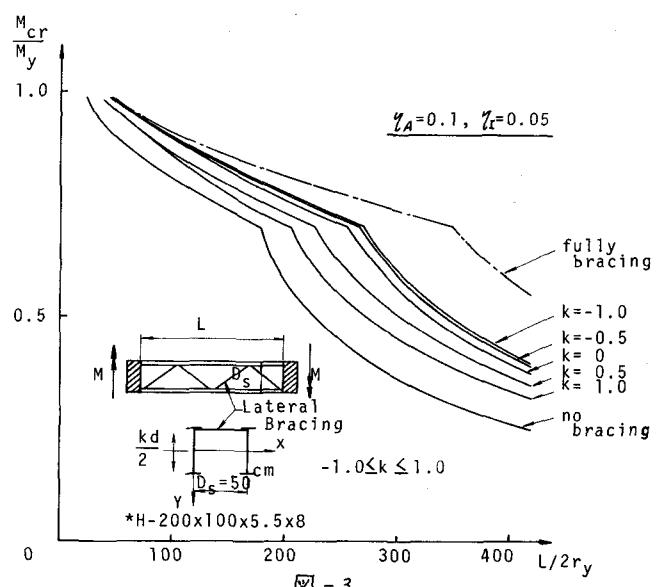


図-3