# 画像解析を用いた RC はりに発生する内部ひび割れ進展挙動の計測

## 1. はじめに

内部ひび割れは、部材表面でなく鉄筋近傍に発生する ひび割れである。その発生位置は目視では確認できない ため、内部ひび割れの発生、進展が部材に及ぼす影響を 把握することは容易ではない。そのため、内部ひび割れ の性状を知るための研究<sup>1)</sup>が様々に行われている。

内部ひび割れを計測,可視化する研究は,試験後に試 験体を切り出し,ひび割れを観察するというもの<sup>2)</sup>が多 く,載荷中のひび割れ進展を計測している研究は少ない. 岡崎ら<sup>3)</sup>は,鉄筋を部材表面に配置した試験体を作製し, 引張載荷中における内部ひび割れの発生と進展の計測を 試みた.しかし,この研究ではひびわれの計測をマイク ロスコープで行っており,計測する際は載荷をその都度 止めなければならないため,詳細かつ連続的なひび割れ 進展の計測は出来ていない.

そこで本研究では、鉄筋を部材表面に配置した RC は りの曲げ試験を行い、連続的にひび割れの計測が可能な 画像解析を用いることで、表面に露出した内部ひび割れ の進展を計測する.さらに、実験で得られたひび割れと ひび割れ進展解析との比較を行い、本実験の妥当性の検 証を行う.

### 2. 解析手法

## 2-1. 画像解析 4)

画像解析では車谷らの研究に基づき,直接相互相関法を 使用する.本手法では,変形前の画像に設けた検査領域 と類似した輝度値分布をもつ候補領域を,変形後の画像 の探査領域内から探し出し,検査領域の変位量と方向を 算出している.領域の輝度値分布の類似性は相互相関関 数によって判断しており,この値が大きいほど類似性が 高い.次式に相互相関関数を示す.

$$R(\Delta X, \Delta Y) = \frac{\sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} \{f(X_i, Y_j)\} \{g(X_i + \Delta X, Y_j + \Delta Y)\}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} \{f(X_i, Y_j)\}^2 \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} \{g(X_i + \Delta X, Y_j + \Delta Y)\}^2}}$$
(1)

ここで $f(X_i, Y_j)$ は変形前の画像の検査領域における輝度 値分布, $g(X_i+\Delta X, Y_i+\Delta Y)$ は変形後の画像における候補領



域の輝度値分布である.変位量を算出後,**B**マトリック スを用いてひずみテンソルを計算し,求められた最大主 ひずみによりひび割れを定量的に計測している.

図-1 試験体寸法

### **2-2. 数值解析** 5)

ひび割れ進展解析ではコンクリートのひび割れ進展挙 動を再現するため、準脆性材料の破壊力学を考慮した等 方性損傷モデルを使用する.損傷モデルの構成則を次式 に示す.

$$\boldsymbol{\sigma} = (1 - D)\boldsymbol{c} : \boldsymbol{\varepsilon} \tag{2}$$

この式は引張破壊によるひび割れ部の結合力を要素の 応力で表現しており、 *σ* は応力テンソル、 *ε* はひずみテ ンソル、 *c* は弾性係数テンソル、 *D* は等価ひずみの関数で 表される損傷変数である. 等価ひずみはひずみテンソル をスカラー値に置き換えたものであり次式で示される.

$$\varepsilon_{\rm eq} = \frac{k-1}{2k(1-\nu)} I_1 + \frac{1}{2k} \sqrt{\left(\frac{k-1}{1-2\nu} I_1\right)^2 + \frac{12k}{\left(1+\nu\right)^2} J_2} \quad (3)$$

ここでvはポアソン比, kは圧縮引張強度比,  $I_1$ はひず みテンソルの第1不変量,  $J_2$ は偏差ひずみテンソルの第2 不変量である. 損傷変数Dは変形履歴における等価ひず みの最大値 $\kappa$ を用い,  $\kappa \ge 0$ において次式で表される.

$$D(\kappa) = 1 - \frac{\kappa_0}{\kappa} \exp\left(-\frac{E\kappa_0 h_e}{G_{\rm f}} (\kappa - \kappa_0)\right)$$
(4)

ここで $\kappa_0$ は破壊発生ひずみ、 $h_e$ は要素長さ、 $G_f$ は破壊エネルギーである.

非線形等方硬化則に基づき von-Mises 弾塑性モデルを鉄筋の材料モデルに適用する.次式に降伏関数 f を示す.

$$f = \sigma_{\rm e} - \sigma_{\rm y} - Q \left( 1 - e^{-bp} \right) \tag{5}$$

ここで $\sigma_e$ は von-Mises 相当応力,  $\sigma_y$ は初期降伏応力, pは相当塑性ひずみ, Qおよびbは鉄筋の非線形硬化を再

キーワード 鉄筋コンクリート,画像解析,有限要素法,曲げ試験,内部ひび割れ 連絡先 〒316-8511 茨城県日立市中成沢町4-12-1 茨城大学工学部 TEL.0294-38-5004 FAX.0294-38-5280 現するための定数である.

#### 3. 曲げ試験

### 3-1. 実験概要

試験体概要を図−1 に示す. 試験体は支点間において側 面かぶりを取り除いてあり,鉄筋が表面に露出するよう にしてある. 主鉄筋は SD345, D10 の異形鉄筋を使用し ている. コンクリートの配合は,単位セメント量を 332.0 kg/m<sup>3</sup>,単位水量を 159.0 kg/m<sup>3</sup>,最大骨材寸法を 20 mm, 水セメント比を 48.0 %とした.

載荷速度は 4.0 kN/min とし, 試験に伴い荷重とたわみ を計測した. 画像解析に使用する画像はデジタルカメラ Nikon D5200 (2410 万画素)により撮影した. 撮影範囲は載 荷点付近の幅 200 mm, 高さ 150 mm の領域である.

#### 3-2. 画像解析条件

画像解析の準備として,撮影画像を切り抜きグレース ケール化した 6000×4000 pixel の画像に検査領域 40×40 pixel, 探査領域 60×60 pixel を与えた.本研究ではサブピ クセル解析<sup>4)</sup>を行うため最小計測量は 0.1 pixel である.

### 3-3. 数值解析条件

モデルの要素数は約95万要素,節点数は約17万点で ある.各パラメータの値を表-1に示す.解析ステップ数 は400 step とし,計4.0 mm の強制変位を与えている.

#### 4. 結果

図-2,図-3に鉄筋ひずみ1500 µ (鉄筋応力300 MPa 相 当)時において、画像解析で計測した最大主ひずみ分布 を示す.ノイズを含んでおり鮮明ではないが、はり載荷 点付近における曲げひび割れの近傍に、曲げひび割れに 向かって斜めに進展しているひび割れが見られる、これ は後藤ら<sup>1)</sup>が示した内部ひび割れの特徴とほぼ一致して いる.図-4にひび割れ進展解析により得られた等価ひず みの分布を示す.鉄筋表面からひび割れが発生しており、 実験に比べるとその本数は多く、発生位置も完全には一 致していないが、実験で計測された内部ひび割れと形状 はほぼ一致している.

# 5. まとめ

表面に露出した内部ひび割れの計測手法として画像解 析がある程度有効であることを示した.また,画像解析 とひび割れ進展解析によって得られたひび割れを比較す ることで,本実験が内部ひび割れを発生させる方法とし ておおよそ妥当なものであることを示した.今後は,鮮 明な画像解析結果の取得やより内部ひび割れが発生しや すい試験体の考案を目標とする.



## 参考文献

- 後藤幸正,大塚浩司:引張を受ける異形鉄筋周辺の コンクリートに発生する実験的研究,土木学会論文 報告集, Vol.294, 1980.
- 白川裕之,林和彦,細田暁,椿龍哉:繰返し荷重を 受けた RC 部材における鋼材腐食と内部損傷に関す る実験的研究,コンクリート工学年次論文集, Vol.30, No1,2008
- 3) 岡崎慎一郎,車谷麻緒,氏家勲,高本直樹:内部ひび 割れを可視化するための新奇な手法の提案,コンクリ ート工学年次論文集, Vol.30, No.3, 2008.
- 4) 車谷麻緒,松浦遵,根本忍,呉智深:コンクリートの ひび割れ進展計測のための画像解析手法に関する基 礎的研究,土木学会論文集 A2(応用力学), Vol.70, No.2 (応用力学論文集 Vol.17), I\_135-I\_144, 2014
- 5) 車谷麻緒, 寺田賢二郎, 加藤準冶, 京谷孝史, 樫山和 男: コンクリートの破壊力学に基づく等方性損傷モデ ルの定式化とその性能評価, 日本計算工学会論文集, Vol.2013, p.20130015, 2013.