平面2次元における波力および流体力を受けて移動する物体の数値計算

長岡技術科学大学	建設工学課程	学生会員	○大竹剛史
長岡技術科学大学	建設・環境系	正会員	細山田得三
長岡技術科学大学	建設・環境系	正会員	犬飼直之

1. はじめに

流体力を受けながら移動する漂流物の運動が津波 や高潮被害が注目される中で関心が高い(図-1).

物体と周囲流体の相互作用に関する研究は、船 船・航空工学分野で物体に対する安全性や効率性を 評価するために実施されてきた. それらの研究分野 では NS (Navier-Stokes) 方程式の直接数値計算が物 体の形状に適合させた曲線座標系の格子を用いて精 密に行われてきた. 建設構造物においても NS 方程 式に海水面の変動を含めた計算パッケージ、 CADMAS-SURF を中心としたプログラムが用いら れている.これらの計算ツールは建設工学が取り扱 う計算空間の特異性を考えると計算速度の問題や過 剰な精密性を追求している.計算空間の平面的広域 性とそれに比して鉛直方向スケールが極めて小さい という問題である.計算の安定性を考慮すると鉛直 方向に比して水平方向が過剰に安定であり、計算が 大変非効率となる.また、反復計算の収束判定が含 まれるため計算時間が膨大となる.

一方、従来用いられてきた平面2次元の浅水系の 計算方法は精度の検証が十分であることと建設工学 の特異な計算空間の条件に対する計算方法として適 する.本研究では、平面2次元空間の各格子に対し てフラッギングを与えることによって物体の形状を 近似的に表現した.さらに本論文では、それらの分 布が流体力を受けて移動する計算方法を考案し、い くつかの計算結果を示してその妥当性ついて述べる.

2. 直交格子での移動物体と流体力の表現

図-2 には平面の格子に対して付与された矩形の 物体の領域の分布の移動を示す. 左上が初期状態で あり、右下が最終状態である. 物体が計算領域の左 下より右斜め上方に並進運動しつつ反時計方向に回 転している. 図中の黒丸が重心であり、物体の表面



図-1 集合状態で漂流する構造物周辺の津波の水位差

																						-	L							
																					7	ŧ٢	2							
						5														\triangleright	Ò	0	0	N.	ĥ					
				RL'	Ľ.	K	ľΧ	Λ.											1,1	٩	0	0	0	ģ	\mathcal{V}					
				\approx	0	0		ľ	h										V	6	0	0	0	0	V	1/1	1			
		X	Þ	0	0	0	ø		V	1										N,	0.	9	0	0	Ŵ	1/	Z	1		
	9	ğ	0	0	0	0	0	4	V '											7	3	91	0	0	þ	1	11			
,	78	6	0	0	0	0	ð	\widetilde{H}	r												þ	ά	0	8		r				
	1	A.	ş	0	0	×,	ι.	ŕ													A.	ιà	V	$\langle \rangle$	¥					
		1	4	Ķ	M	Þ																	-	Ľ						
				1	\geq	Ľ																								
	_	_	_	_	_	-	_	_	-	-	_	-		_		-									_	_				_
					-		_	-			-	-	-	-		+	-		_			_	_		_	-			-	
			_		_		_	-		-	-		-	-		+	-					_			-	LR.	-41	A	-	
							_			<u> </u>			-	-		+	_		_			_	1		2			X		
					-		-	h	H	₩A	₩.	k	+	-	H	+	-	_				_	É	Ŧ.	<u> </u>	0	0	0	A	
			_		_		2	5		171	ΗĽ	1	-	-		+	-					_	7	X	0	0	0	0	4	\square
_			_		F	E	Ŕ	þ,	0	0	H	ľ/	h			+	-		_			_		9	0	÷	0	0	H	7
_					₽¥	Ø	6	0	0	0	9	4	1	-		+	-		_			_	_	1	0	0	0	0	Α	Ż
					КÝ	КĴ	0		0	0	9	14	1	-	⊢⊢	+	-					_	_	¥	ž	0	0	\sim	1	7
					\square	2	0	0	0	0	₽ A	17	-			_	_						_	¥.	ЧV	2	₿	2	~	
					-	ß	2	0	P	12	r	⊢	-	-		+	-					_		_	-	12	-		-	_
					-	-		Þ	ſ	-	-	-	-	-	+	+	_					_			-	-			_	
						<u> </u>	_		-	-		L	-			+	_							_		-			-	
						-	_	_	-	-	-	-	-	-		+	_					_		_	-	-			-	
										-			-			4	_					_			_	-			_	
										1			1	1																.

図-2 等速の並進と回転運動の合成による矩形の剛体 の変位計算例 (矢印:変位に伴う物体表面の変位速度)

に示された矢印はその表面が持つ速度であり、並進 速度と回転速度が合成されたベクトルである. 白丸 は計算格子点に与えられた物体内部格子の中心を意 味し、その格子が物体内部を意味する. このため当 然ながら、物体の表面は縦横方向の格子によるギザ ギザ (CG 用語の Jaggy) で表現されることになる.

物体に作用する流体力は、物体の表面と判定され た格子における、1.水平方向波力、2.流速によって生 じる物体の接線方向のせん断力、3.近似的に求めら れる浮力である.さらに物体と判定された格子の集 合体となる構造物に作用する並進力(波力の合力) および重心に作用するトルク(重心から作用点まで

キーワード 津波外力,数値計算,物体移動

連絡先 〒940-2188 新潟県長岡市上富岡町1603-1 長岡技術科学大学 水工学研究室 E-mail:s123234@stn.nagaokaut.ac.jp



図-3 棒状の構造物に作用する津波水平力(Fx, Fy)およびトルクの時系列(長さ 80m,幅 7.25m) 上段:構造物固定 2段目:質量大・摩擦係数大 3段目:質量大・摩擦係数小

のベクトルと外力の外積の総和)を算出し、それら を並進と回転の外力としてそれぞれの運動方程式を 時間積分して変位および回転角を求める.新しい重 心の座標および回転角より物体の表面を構成する点

(例えば矩形の場合は4点)の更新値を求め、それ に応じて流体計算を実施して1つのサイクルが終了 する.なお、この計算では図-2のベクトルが示すよ うに物体の移動は流体・物体間の境界の移動であり その移動速度が流体の流速と一致しなければならな い(運動学的条件).これは流体に対する造波条件と なるが、この効果も本計算には含まれている.

3. 計算結果および考察

図-3には、仮想地形上に棒状のモデル物体を汀線 に対して角度をつけて設置して右から左方向に津波 を遡上させた計算条件を種々変化させた結果を示す. 左図は、3つの流体力の時系列であり、右は物体の 変位状況である.いずれもFxは概ね負であり、x方 向が津波の遡上方向と逆になっていることに対応し ている.Fyは物体の形状によって津波が物体のyの 正側を通過し、yの負の側の面は遮蔽されており、 負値をとる.トルクについては時計回りに作用しや すいため基本的には負値である.物体が移動する2 つのケースでは、固定しているケースに比して最大 水平力が10分の1程度となっており、また、物体の 回転に応じた時系列の変動が見られる.質量と摩擦 係数が大きい場合(2段目)、若干回転するが、概ね x方向に並進運動をしている.質量が大きく、摩擦





係数が小さいケース(3段目)では、回転運動が大き く、xの負の方向に移動する速度が早い.回転に応 じた津波遡上方向に対する物体の向きが変動するこ とでトルクが正・負の間で変動している.

図-4には種々の形状の物体を配置して集合状態 として計算を行った結果を示す.物体の形状に応じ て変位量が異なるが,丸い物体の変位量が少ない. また、原理的に、物体が複数であっても単体の物体 を対象とした計算と大きな計算時間の差がない.

参考文献

 ・細山田得三田安正茂犬飼直之森貴正(2013): 津波外力を受けて移動する物体の数値計算法の提案, 土木学会論文集 B2(海岸工学), Vol.69,No2, 2013, I_786-I_790.