

III - 6 有限要素法による復水を伴う揚水現象の解析

東海大学工学部 正員 稲田 健穂
東海大学工学部 正員 本間 重雄

株式会社日本開発工業 正員 太田 正彦
東海大学大学院 学生員 ○福島 弘之

1. まえがき

近年地下水の定常浸透問題の理論解析手法として有限要素法が取り入れられ成果をあげてきているが、復水を伴う揚水現象に対する本法の適用については自由水面や浸出点の位置決定ならびに復水井および揚水側浸出面における境界条件の与え方等に関する未解決の部分が多い。すなはち復水を伴う揚水時においては、復水井より揚水側の部分で動水勾配の急な領域が現われるため揚水点において発生する浸出面の定量的評価が重要なとなる。

今回は、以上の諸点について2次元砂モデルによる復水実験結果等をもとにしたモデル解析を行ない、解析手法に関する知見を得ることができたので研究の概要について若干の考察を加えて報告する。

2. 復水を伴う揚水現象への有限要素法の適用

解析の対象とする浸透モデルは、現在まで筆者らが研究中の2次元砂モデル実験に基づきFig. 1に示すような復水モデル（復水はトレーンから静水圧による）を考え、問題の簡単化のため自由水面上での水収支はないものとした。

解析の方法として多くの解析法があげられるが、筆者らはNeumann²⁾ Witherspoon³⁾、山上等が提案している揚水側境界面上(A_2, S)の流出流量を考慮した解析法に基づき解析を行なった。このモデルにおいて給水面、揚水面、復水井周囲は、それぞれ全2水頭一定の固定境界条件（Dirichlet型）と考えさせつかえない。復水井に関しては復水量 Q_r

を既知とする自由境界条件として与えることも考えられるが、砂モデル実験との比較も考慮してここでは $H_r=$ 一定の固定境界条件を採用することとした。以下に解析手順を簡単に示す。

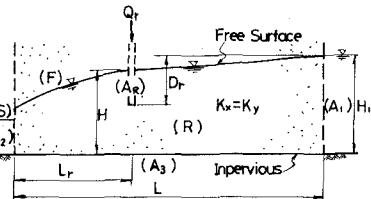
- 1) 自由水面および浸出面の位置を任意に仮定し、自由水面(F), 浸出面(S), 縦・排水面(A_1, A_2), 復水井周面(A_r)
をポテンシャル既知なる条件のもとに領域全体のポテンシャル分布を求める。
- 2) 1)の結果から浸出面を含む揚水側境界面上の節点流量 Q_d を計算する。
- 3) 次に自由水面、浸出面をポテンシャル未知とし浸出面を含む揚水側境界面を流量既知の境界として再度解析し領域内のポテンシャル分布を求める。
- 4) 収束の判定。収束しない場合は1)～4)の手順を繰り返す。

よって上述の手順は、その反復過程において固定境界条件と自由境界条件とを交互に課する2段の反復となる。

3. 解析および考察

3.1 浸出点の決定に関する解析結果と実験値との比較

復水を伴う揚水時には復水井より揚水側で動水勾配が急となるため、揚水点において大きな浸出面が発生する。この様な浸透問題を解析するにあたって揚水側の浸出点の決定が重要なポイントとなる。そこで解析結果の妥当性を検証するため単純揚水の浸透モデル（Fig. 1に示したモデルにおいて $D_r = H_r = H$ の場合の復水井より揚水側までの L_r 部分に相当する）について有限要素法により解析した。



注) H_r : 復水側水位
 H_s : 揚水側水位
 H : 自由水面
 Q_r : 復水量
 Q_d : 揚水量
()内は境界記号

Fig. 1

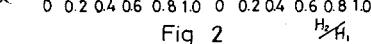
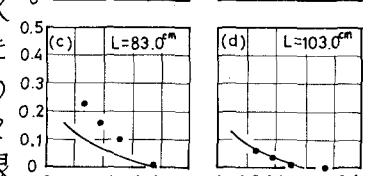
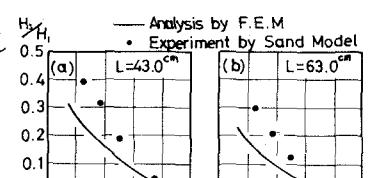


Fig. 2

実験との比較を浸出面ロス H_s について行なってみるとFig.2のとおりとなる。揚水側水位 H_2 が低下する程 H_s が指数関数的に増加していく傾向は、解析結果および実験値ともに認められる。しかし砂層長しが短かくなる程実験結果と解析との差は広がっている。これは実験では砂層長が短かくなったことによる動水勾配の増大に伴つて揚水側スリットの抵抗等が大きくなるためと考えられる。従つて解析結果を実験値に近づけようとするには H_s に対するスリットの抵抗等を評価することが必要となろう。

3.2 復水を伴う揚水現象へのF.E.M.解析の適用性

解析結果はFig.3に示すとおりで図中には解析モデルと同じ諸元を有する砂堆積実験結果も合わせて示した。両者の結果を自由水面形、ポテンシャル分布、浸出点の位置、流量(Q_d, Q_r)等について比較してみると、まず自由水面形について給水側では一致を示しているが、揚水側では若干のズレを生じている。これは解析と実験

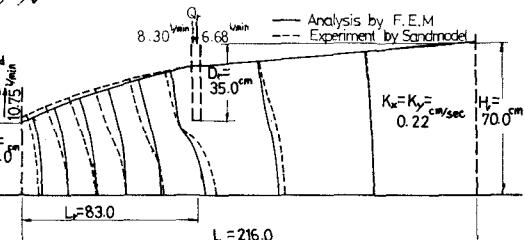


Fig. 3

との浸出面におけるロスの相違に起因するものであり、実験では前述したスリットの抵抗等が現われているものと思われる。ポテンシャルの分布は給水側ではほぼ一致し、揚水側では自由水面付近で多少の不一致がみられるが、これも上記同様浸出面でのロスに基づくものであると思われる。一方流量に関しては揚水量 Q_d はほぼ同量の値が得られたものに対し、復水量 Q_r は20%程度実験値が上回っている。この原因は実験において復水井から砂層中に浸透が行なわれる際に抵抗が生じるため同一水位を維持するためには多めの流量を必要とすること、ならびに復水井付近では動水勾配の変化が比較的大きく、解析用で用いる要素の平均流速は本来用いなければならぬ復水井壁面の流速よりも小さくなる傾向にあることなどがあげられる。しかし以上の様な部分的な相違はあるにせよ領域全体での浸透流の様相については解析結果はその特徴をよく再現し得ているものと思われる。

Fig.4(a)は復水時の揚水量 Q_r/Q_d 。ならびに復水量 Q_r/Q_d (Q_d : 単純揚水時揚水量)が復水位置での維持水位 H_2/H_1 によって変化していく様子を示したものである。これによると復水位置での水位(横軸上の点)を起点として揚水側水位 H_2 の値に関係なく $H_2/H_1=1.0$ 上の1点に向って收れんしえいく傾向を示し、その変化はほぼ直線的ヒミツをしつかえないものと思われる。また、これららの関係に対する復水井の貢入率(D_r/H_1)の影響はFig.4(b)に示すとおりで、 Q_r/Q_d に対してもほど顕著な変化は与えないものの Q_r/Q_d には大きく影響を及ぼすことが分る。以上から復水を伴う揚水時の復水位と揚・復水量との関係は、復水を伴わない単純揚水時の揚水量と復水位置での水位を基準として予測しうる可能性がある。

参考文献

- 1) 稲田・太田・本間・稻場：揚水時の自由地下水水面形状に及ぼす復水の影響に関する研究、東海大学紀要工学部、No.2、1978
- 2) Neumann-Witherspoon: Finite element method of analyzing steady seepage with free surface, Water Resour. Res., Vol.6, No.3, 1970
- 3) 山上：有限要素法による非定常浸透流解析に関する一考察、土木学会論文報告集、No.263, 1977-7