# 強風イベント時における日本海,太平洋での内部波振動モード

Vibration mode of internal waves in Japan Sea and Pacific Ocean with a storm event

北海道大学工学院 o学生員 足立 天翔(Amato Adachi) 北海道大学大学院工学研究院 正会員 猿渡亜由未(Ayumi Saruwatari) 函館工業高等専門学校 正会員 宮武誠(Makoto Miyatake) 北海道大学大学院工学研究院 正会員 渡部靖憲(Yasunori Watanabe)

# 1. はじめに

津軽海峡は対馬暖流の支流である津軽暖流と親潮の影響 により豊かな生態系が形成されており,古くから漁業が盛 んに行われてきた海域である. また,海峡東西に位置する 狭窄部に潮流,海流が流れ込むことにより2ms<sup>-1</sup>に達する 大きな流速を有しており,近年このエネルギーを利用した潮 流,海流エネルギー発電の計画が函館市で推進されている.

海峡内は地形や潮汐の影響により複雑な流れ場が形成さ れており,共著者らはこれまでに現地観測や数値解析によ り津軽海峡周辺の流況特性について調査を行ってきた.そ の中でも本間ら<sup>1)</sup>が行った数値解析により,成層構造が強 くなる夏季において台風通過に伴う内部波及び海峡内流れ 場の乱れが発生することが明らかとなった.この乱れには 海峡内の複雑な地形に加え海峡を挟む日本海及び太平洋で 発生する内部波の影響を受けていると考えられるが,台風 通過に伴う外洋における内部波の発達過程については未解 明である部分が多い.

そこで本研究では三次元流れモデルを用いた数値解析に より,夏季における台風通過に伴う日本海及び太平洋に発 生する内部波を再現し,動的モード分解による内部波振動 モードを調べることを目的としている.

## 2. 計算方法

 $\rho$ 

# 2.1. 三次元流れモデル

非静水圧三次元流れモデルであるMIT general circulation model(MITgcm;Marshall et al.1997<sup>3)4)</sup>)を用いて計算 を行った.このモデルでは次式で表される運動方程式, 質量 保存則, 状態方程式, トレーサー(ポテンシャル水温, 塩分) の輸送方程式に基き, 流速, 密度, 水温, 塩分を計算する.

$$\frac{D\boldsymbol{u}}{Dt} = -\frac{1}{\rho}\boldsymbol{\nabla}_h p + (2\Omega \times \boldsymbol{u})_h + \boldsymbol{F}_h \tag{1}$$

$$\frac{Dw}{Dt} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} + (2\Omega \times \boldsymbol{u})_v + \boldsymbol{F}_v$$
(2)

$$\frac{1}{\rho}\frac{D\rho}{Dt} + \boldsymbol{\nabla} \cdot \boldsymbol{u} = 0 \tag{3}$$

$$= \rho_0 [1 - \alpha (T - T_0) + \beta (S - S_0)]$$
(4)

$$\frac{D\theta}{Dt} = \boldsymbol{\nabla} \cdot (\kappa K \nabla \theta) + \boldsymbol{F}_{\theta} \tag{5}$$

$$\frac{DS}{Dt} = \boldsymbol{\nabla} \cdot (\kappa K \nabla S) + \boldsymbol{F}_S \tag{6}$$

ここで $u_h$ ,wは水平,鉛直方向流速,pは圧力, $\rho$ は密度, $\theta$ は ポテンシャル水温,Sは塩分である. (1)(2)式の右辺第1項は 圧力勾配,第2項はコリオリ力, $F_h$ , $F_v$ は水平,鉛直成分の その他(粘性,拡散,風応力,底面側面摩擦など)の外力及 びメトリック項を表す. (5)(6)式の右辺における $\kappa$ は等密 度線方向への温度拡散係数,Kは水平,鉛直方向から等密



図-1 モデル台風.

度線とそれに直交する方向への座標変換テンソルである. 本研究では水面の境界条件として海水面温度SSTと海水面 塩分 SSSを与えているが $F_{\theta}$ ,  $F_S$ はそれぞれSST, SSSが境 界条件を満足するようにモデル内で計算される.非静水圧 力は(1)(2)式から導かれる次式の圧力に関するポアソン方 程式を解くことにより求める.

$$\boldsymbol{\nabla}^2 \phi_{nh} = \boldsymbol{\nabla} \cdot G_v - (\boldsymbol{\nabla}_h^2 \phi_s + \boldsymbol{\nabla}^2 \phi_{hyd}) \tag{7}$$

ここで $\nabla^2 \phi_{nh}$ ,  $\nabla^2 \phi_{hyd}$ ,  $\phi_s$ はそれぞれ非静水圧,静水圧,水 位上昇による静水圧変化である.  $G_v$ は運動方程式の圧力 勾配以外の外力項をまとめたものである.本モデルによる 再現性については本間ら<sup>1)</sup>により確認されている.

2.2. モデル台風

本研究では純粋な台風のみの影響を調査するため, 台風 モデルを用いて日本海及び太平洋を通過する2つの典型的 な台風を作成し海上風速と海面気圧として入力した. 海面 気圧の分布として次式に示すMyers<sup>2)</sup>のモデルを用い, 海上 風として気圧傾度力, コリオリ力, 遠心力の釣り合いによ る傾度風成分と台風の進行速度を考慮した成分をベクトル 合成して求める手法<sup>5)</sup>を用いた.

$$P(r) = P_0 + \Delta Pexp(-\frac{r_0}{r}) \tag{8}$$

ここで, P<sub>0</sub>は中心気圧, ΔPは中心の気圧深度, r<sub>0</sub>は最大風 速半径, rは中心からの距離である.本研究では中心気圧, 最大風速半径及び経路を気象庁が提供するベストトラック データから図1に示すような日本海, 太平洋各海域を通過す る台風を重複しないよう選別しそれぞれの経路での平均を 求めることにより与えた.

# 2.3. 計算条件

太平洋ケースでの計算は太平洋全域の影響を考慮するた め図2に示す第1領域から第2領域へネスティングを行い,日



本海ケースでの計算はネスティングを行わず第2領域のみ で行った. 各領域での条件を表1に示す. ここで, 鉛直グ リッド幅は海面に近いほど細かくしており躍層深付近では 第1領域で6.5 m, 第2領域で3.3 mとしている. また, 初期 条件及び境界条件として与える海流流速, 水温, 塩分, 海面 水温(SST)と海面塩分(SSS)は太平洋ケースでECMWFが提 供する海洋再解析データORAS4<sup>6)</sup>(水平解像度1°, 1ヶ月平 均)の7月分, 日本海ケースでJAMSTECが提供するFRA-JCOPE2<sup>7)</sup>(水平解像度1/12°, 時間間隔24時間)の台風が通 過しなかった期間を選定し与えた. 計算期間は両ケース共 に2週間としている.

## 3. 計算結果

# 3.1. 躍層水深

図3に両ケースにおける密度勾配が最大となる躍層水深の時間平均を示す. 第2領域内ではおよそ水深10m-30mの 位置に躍層水深が存在していることが確認できる.

#### 3.2. 内部波

図4はイベント期間中の水深15mでの東方流速,鉛直流 速のスナップショットを示す.63hrでは東方流速において 台風東側で吹送流による流速の増大が確認でき,鉛直流速 においては台風中心で吸い上げ効果による正の流速が生じ 後方では解放による負の流速が生じている.93hrでは東方 流速,鉛直流速ともに経路に沿った振動が確認でき,この 振動が内部波として伝播していると考えられる.

## 4. 振動モード解析

#### 4.1. Dynamic Mode Decomposition

Schmid<sup>8)</sup>は流れ場の時系列データを振動モードに分解す る手法としてDynamic Mode Decomposition(DMD, 動的 モード分解)を提案した. 解析対象となるのは次のような 流れ場のデータセットである.

$$\boldsymbol{V}_1^{N-1} = [\boldsymbol{v}_1, \boldsymbol{v}_2, \cdots, \boldsymbol{v}_{N-1}] \tag{9}$$

ここで、 $v_i$ はi番目のタイムステップにおける流れ場のデー



図-3 計算期間中の平均躍層水深 (a)太平洋ケース, (b) 日本海ケース.



図-4 太平洋ケースにおける計算期間中の東方流速uと鉛 直流速wのスナップショット.コンターラインは海面 気圧,白丸は台風の中心を示す. (a)68hr, (b)93hr.

タセット、 $V_1^{N-1}$ は1からN-1タイムステップの流れ場の 時系列データセットを表す. $v_i$ が $v_{i-1}$ の線形写像Aで表さ れると仮定する.

$$\boldsymbol{v}_i = \boldsymbol{A} \boldsymbol{v}_{i-1} \tag{10}$$

即ち,  $V_2^N$ は次式のように表される.

$$\boldsymbol{V}_2^N = \boldsymbol{A} \boldsymbol{V}_1^{N-1} \tag{11}$$

この線形写像Aの固有ベクトルと固有値を誤差が最小とな るように計算し、ダイナミックモードとその減衰、増幅率を 求める. DMDの手法としていくつかの方法が提案されて いるが、本研究では特異値分解により近似的にAの固有ベ クトルと固有値を求める手法(Higham et al<sup>9</sup>)を用いた.

## 4.2. 解析結果

海洋内部での振動を調べるため,第1領域では水深202m, 第2領域では水深85mまでの三次元の流れ場をデータセッ トとしてDMD解析を行った.計算領域内に台風の中心が 入ってから168hrを解析対象とし,入力時間間隔は60minと した.図5は太平洋ケースにおける北緯39度での約19hr周 期(北緯39度での慣性周期)のダイナミックモードを示して おり,東方流速においては吹送流の影響により表層にダイ ナミックモードの変動が生じている.また,密度について



図-5 太平洋ケースにおける北緯39度の断面でのダイナミックモード. (a)東方流速, (b)密度.



図-6 太平洋ケースにおける水深15mでのダイナミックモードの平面分布. (a)東方流速, (b)鉛直流速, (c)密度.



図-7 日本海ケースにおける北緯39度の断面でのダイナミ ックモード.(a)東方流速,(b)密度.

は水深およそ30m(躍層水深)でダイナミックモードの変化 が生じており,これは密度界面の振動による内部混合を反 映していると考えられる.図6は水深15mでの東方流速,鉛 直流速,密度における19hr周期のダイナミックモードを示 している.東方流速と鉛直流速においてはそれぞれ吹送流, 吸い上げ効果を反映したダイナミックモードの振動が見ら れる.密度に関しては東方流速,鉛直流速とは異なるスケー ルの振動が確認でき,これは断面に見られるような内部混 合による影響を反映していると考えられる.また,密度の 水平分布には太平洋ケースにも関わらず日本海にもダイナ ミックモードの変動が確認でき,このことから閉鎖海域で ある日本海においては直接日本海で発生する低気圧以外の 気象擾乱によっても振動が生じる可能性がある.

図7は日本海ケースでの北緯39度の断面における19hr周 期のダイナミックモードを示す.太平洋ケースと同様に東 方流速では吹送流の影響と考えられる水深約60mまでのダ イナミックモード増大が確認され,密度については内部混 合の影響と考えられる水深20mでの変動が見られた.ま た,図8は同モードでの水深15mにおける水平分布を示し ており,太平洋ケースと同様の理由から水平流速において 経路に沿った振動が生じ,密度においては水平流速とは異 なった振動が生じていると考えられる.

これらの解析結果はDMDにより黒潮などのつよい流れ の振動成分を取り除くことにより初めて抽出できるもので ある.また,日本海は閉鎖的な海域であるため振動が反射 し,太平洋と振動の減衰率に違いが生じる可能性があり,今 後検討していく必要がある.

#### 5. 結論

本研究ではモデル台風を作成し強風イベント時に伴う日 本海,太平洋での内部波振動モードをDMDにより調査した. 太平洋ケースと日本海ケース共に東方流速,鉛直流速のダ イナミックモードは鉛直方向に減少するように分布し吹送 流または低気圧による吸い上げ効果の影響が確認された. 水平分布については台風の風速によるものと考えられる振 動が台風経路に沿って見られた. 密度に関しては表層とさ らに深い層でのダイナミックモードの違いが確認された.こ れは台風通過に伴う内部混合により表層とさらに深い層で のミキシングが生じ,その影響がダイナミックモードに表 れていると考えられる.また,太平洋ケースにおいても日本 海での密度のダイナミックモードの増大がみられ,閉鎖海 域である日本海では直接上空以外で生じる気象擾乱によっ ても内部混合が促進されることが考えられる.



図-8 太平洋ケースにおける水深15mでのダイナミック モードの平面分布.(a)東方流速,(b)密度.

## 参考文献

- 本間翔希,猿渡亜由未,宮武誠,津軽海峡における三次元 密度構造の特徴化. 土木学会論文集B2(海岸工学), Vol. 73, No. 2, pp. I\_67-I\_72, 2017.
- Myers, V.A. and Malkin, W.(1961):Some properties of hurricane wind fields as deduced from trajectories, U.S. Weather Bureau, National Hurricane Reserch Project, Report 49.
- 3) Marshall, J., A. Adcroft, C. Hill, L. Perelman, and C. Heisey (1997). A finite-volume, incompressible Navier Stokes model for studies of the ocean on parallel computers. J. Geophysical Res. 102(C3), pp 5753-5766, doi:10.1029/96JC02775
- 4) Marshall, J., C. Hill, L. Perelman, and A. Adcroft, (1997) Hydrostatic, quasi-hydrostatic, and nonhydrostatic ocean modeling, J. Geophysical Res. 102(C3), pp 5733-5752, doi:10.1029/96JC02776
- 5) 河合弘泰・川口浩二・大釜達夫・友田伸明・萩元幸将・ 中野俊夫(2007):経験的台風モデルと局地気象モデル の風を用いた瀬戸内海の高潮推算精度,海岸工学論文 集,第54巻, pp.286-290
- 6) Balmaseda MA, Trenberth KE, Klln E (2013b) Distinctive climate signals in reanalysis of global ocean heat content. Geophy Res Lett 40(9):17541759
- 7) Miyazawa, Y., R. Zhang, X. Guo, H. Tamura, D. Ambe, J.-S. Lee, A. Okuno, H. Yoshinetou, and K. Komatsu, 2009: Water mass variability in the west-

ern North Pacific detected in a 15-year eddy resolving ocean reanalysis, J. Oceanogr. 65, 737-756.

- 8) Schmid, P. J.: Dynamic mode decomposition of numerical and experimental data, J. Fluid Mech., Vol.656, pp.5-28,2010
- 9) Higham, J., Brevis, W. and Keylock, C.: Implications of the selection of a particular modal decomposition technique for the analysis of shallow flows, J. Hydraoulic Research, Vol.0,No.0,pp.1-10,2018