# Stone-Wales 欠陥を有した単層カーボンナノチューブの

静水圧荷重下における座屈挙動解析

Analysis of hydrostatically-pressurized buckling of Single-Walled Carbon Nanotubes with Stone-Wales defects

 北海道大学工学部
 〇学生員

 北海道大学大学院工学院
 学生員

 北海道大学大学院工学院
 非会員

 山梨大学大学院総合研究部
 非会員

 東京大学生産技術研究所
 非会員

 北海道大学大学院工学研究院
 正

学生員	鎌田弥成	(Minari Kamata)
学生員	谷内湧	(Yu Yachi)
非会員	石上一翔	(Kazuto Ishigami)
非会員	島弘幸	(Hiroyuki Shima)
非会員	梅野宜崇	(Yoshitaka Umeno)
正 員	佐藤太裕	(Motohiro Sato)

#### 1. まえがき

カーボンナノチューブ(Carbon Nanotube、以下 CNT)と は、炭素原子の六員環ネットワークが連なり、形成され た層(グラフェンシート)を円筒状に丸めた物質である<sup>1)</sup>。 CNT の特徴は、軽量かつ高強度、しなやかな弾性力と いう力学的特性に加え、高熱伝導特性や高電流密度耐性 を有する点である。これらの特徴から、集積回路などの 電子部品内の半導体や、ハイパービルディング、航空機 等の複合材など、各種工業分野への応用が期待されてい る。そのため、CNT の座屈荷重等の力学的性質を明ら かにすることが求められるが、CNT の円筒断面はナノ サイズであるため、実験で直接観察することは極めて困 難である。

また、工業的に生産される CNT は構造的な欠陥を有 することが多い<sup>2)</sup>。しかしながら欠陥を有する CNT の 断面変形挙動を追跡した例は少なく、各種工業分野へ CNT を活用するためにはこれについて知見を得ること が求められる。

本研究では断面解析手法として、原子ひとつひとつの 運動を追跡することで欠陥を有する CNT の解析も可能 にする分子動力学法(Molecular Dynamics Method、以下 MD 法)を用いて、静水圧荷重下での欠陥を有する単層 CNT(Single-walled Carbon Nanotube、以下 SWCNT)の座 屈荷重を求め、欠陥の個数が座屈荷重に与える影響を検 証した。

## 2. 解析モデル

本研究では、カイラルベクトルが(*n*, *n*)と表される Armchair タイプの SWCNT を解析対象とした。断面変形 挙動を扱うことから軸方向にのみ周期境界条件 <sup>3)</sup>を適用 し、CNT 表層の法線方向に静水圧荷重を載荷した。図 -1 は解析対象とする CNT の一例、表-1 は解析対象で ある(*n*, *n*)=(18,18),(24,24), (30,30) の各 CNT の直径 *d* の値 である。これらの CNT それぞれに Stone-Wales 欠陥(以 下 SW 欠陥)を導入し、MD 法を用いて座屈荷重を求め た。

SW 欠陥とは、図-2(a)に示すような、六員環を構成 する炭素結合の一つが 90°回転することにより、図-2(b)のように 4 つの六員環が 2 つの五員環と 2 つの七員



表—	1	解析対象	CNT	の直径の値
衣一	1	用牛竹 入 多く	UNI	の但住の但

カイラルベクトル	直径 d
(n, n)	(nm)
(18,18)	2.441
(24,24)	3.255
(30,30)	4.069

環となるものである。本研究では、CNT 断面の円周上 に等間隔に SW 欠陥を配置した(ただし、全周に欠陥を 配置した場合、五員環と八員環からなる構造となり、本 研究ではこのような構造の CNT も可一隻対象としてい る)。さらに、図-3のように欠陥の個数を変えながら、 それぞれについて MD 法による解析を行った。

## 3. 解析手法

MD 法とは原子シミュレーションのひとつ、原子の運

動(位置、速度データ)を追跡することで物質の特性を評価する方法である。MD法では物質系ではなく、ニュートン力学に従う質点系として原子を取り扱う。そして他の原子からの力を受けながら、運動するN個の原子ひとつひとつに運動方程式を立てる。三次元空間では、3N個の連立二階常微分方程式となる。よってこの式は解析的には解けないため、数値積分を行う。

本研究では、原子間の相互作用を規定するポテンシャル関数として共有結合と非共有結合との結合変化についても考慮できる AIREBO ポテンシャル<sup>4)</sup>を用いた。

AIREBO ポテンシャルは次式で表される。

$$E = \frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{j \neq i} \left[ E_{ij}^{REBO} + E_{ij}^{LJ} + \sum_{k \neq i, j} \sum_{l \neq i, j, k} E_{kijl}^{tors} \right]$$
(1)

式(1)の各項は、 $E_{ij}^{REBO}$ が Brenner らの REBO ポテンシャ ルで炭素原子同士の共有結合に関する項である。また、  $E_{ij}^{LJ}$ は非共有結合を示す LJ ポテンシャルで、分子間力 (ファンデルワールス力)を示す項である。最後に、  $E_{kjl}^{log}$ は隣り合った3つの炭素原子が形成する面どうし がなす2面角に依存する torsion ポテンシャルである。

## 4. 結果と考察

図-4 は無次元化した座屈荷重と無次元化した欠陥間 隔との関係である。縦軸の無次元化した座屈荷重とは、 解析で得られた座屈荷重を同カイラルベクトルの欠陥の ない CNT の座屈荷重で除した値で、欠陥のない CNT に 対する欠陥を有する CNT の座屈荷重の比を表している。 一方、横軸の無次元化した欠陥間隔は欠陥間隔を円周で 除した値であり、欠陥の個数を増やすとこの値は減少す る。対象の CNT の円周、欠陥間隔は表-1の直径の値を 用いて求めた。また、グラフ上の各点の数字は欠陥の個 数を表している。

図-4からどのカイラルベクトルの CNT に対しても、 欠陥間隔が減少すると座屈荷重が増加する傾向にあるこ とが分かる。マクロの構造物において、構造的欠陥を多 く含むほど座屈強度が低下することは一般的に知られて いるが、本研究ではミクロスケールの物質については構 造欠陥が多くなるほど座屈強度は上昇するというマクロ の物質でみられる挙動とは相反する結果が得られた。こ こで、図-5は静水圧荷重を受ける欠陥を有する CNTの 座屈前の側面図、図-6は欠陥を有する CNTの載荷前の 断面図である。図-5 では欠陥を含む円周でくびれた変 形がみられる。また、図-6 からは欠陥部分を頂点とし た多角形のような形状になっていることがわかる。本研 究結果の原因としては、これらの変形による強度の増加 などが考えられる。

## 5. まとめ

本研究から、欠陥間隔が減少する、即ち欠陥の個数が 増加するほど座屈荷重は上昇するという知見を得た。こ れはマクロの物質では見られない挙動である。今後は CNT の径をさらに大きくした場合や、欠陥の種類を変 えた場合にも同様の傾向がみられるかについても検証し ていきたい。



(a)欠陥3個
 (b)欠陥4個
 (c)欠陥6個
 (24,24)CNT 断面の初期不整

#### 謝辞

本研究は科研費基盤研究(B)(研究課題番号:15H04207、 研究代表者:佐藤太裕)、基盤研究(B)(研究課題番号: 15H03888、研究代表者:梅野宜崇)により実施されたこ とを付記し、関係各位にお礼申し上げます。

# 参考文献

- Iijima, S.: Helical microtubes of graphitic carbon, *Nature*, 354, pp.56-58, 1991.
- 齋藤理一郎, 篠原久典: カーボンナノチューブの基 礎と応用, 培風館, pp.150, 2004.
- 1) 上田 顯: コンピュータシュミレーション-マクロな 系の中の原子運動-, 朝倉書房, pp.10-11, 1992.
- Stuart, S.J., Tutein, A.B. and Harrison, J.A.: A reactive potential for hydrocarbons with intermolecular interactions, Journal of Chemical Physics, 112, pp. 6472– 6486, 2000.