河川における土砂移動による放射性物質輸送モデル

Computational modeling of the transfer of radioactive contaminant associated with sediment transport in rivers

北海道大学工学部	環境社会工学科国土政策学コース	○学生員	鷲巣寛明	(Hiroaki WASHIZU)
北海道大学教授	工学研究科環境フィールド工学部門	正会員	清水康行	(Yasuyuki SHIMIZU)
北海道大学准教授	工学研究科環境フィールド工学部門	正会員	木村一郎	(Ichiro KIMURA)
北海道大学	工学研究科環境フィールド工学部門	正会員	岩崎理樹	(Toshiki IWASAKI)

1. はじめに

福島第一原発事故によって,大気中に大量の放射性物 質が拡散した。拡散した放射性物質の一部は地表へと降 り注ぎ、これらは土壌に吸着し特に細かい土砂に多くが 吸着した1)。放射性物質を吸着した土壌は降雨や侵食等 により河川内に侵入し,様々な形態で海域まで運搬され る。これまでのチェルノブイリ原発事故等の経験から放 射性物質の移行は粒径の細かい土砂粒子に吸着した形 態で移行することが知られており,陸域においては土砂 の移動に伴い放射性物質が移動すると考えられている 1)2)。福島原発事故後に、河川から河口に輸送される放射 性セシウムの水中に溶存している放射性セシウムと浮 遊砂に含まれる放射性セシウムの放射能濃度を比較し たところ、いずれの観測地点でも90%以上が浮遊砂の形 で, 放射性セシウムが流下していることが確認されてい る4)。従って、放射性物質の移行の把握には土砂移動を 定量的に計算する必要があるが,放射性物質の長期的な 予測や河川全体のデータ等は各々の地点での観測から のみでは把握することが難しいと考える。すなわち、実 河川での観測データや実験室スケールにおける実験だ けでは,長期間広領域に渡る放射性物質の移行過程を把 握するのは困難であると思われる。

そこで本研究では, 放射性物質の移動は全て土砂移動 によって生じるものと仮定し、現地の実河川における土 砂移動に伴う放射性物質の移行過程を明らかにするこ とを最終目的とし、これを達成するために現地の観測デ ータ等の知見に基づいて放射性物質輸送過程を把握す る数値計算モデルを構築し, モデルの再現可能性の検討 を行う。また本研究では, 放射性物質輸送モデルを単純 な水路条件に適用することで本モデルの特徴について 考察を行うものとする。放射性物質の移行を把握するこ とによって,実河川における放射性物質の予測や堆積分 布特性等を検討することにも繋がると考えられ, 今後の 除染活動などにおいて基礎的情報を提供できることが 期待される。また本研究の数値計算モデルの構築は河川 における放射性物質の輸送を把握する目的以外にも,原 発事故起源の放射性セシウムの動態を把握することで 流域規模における土砂の動態を把握することにも繋が ると考えられている。

2. 数値計算モデル

2.1 流体モデル

河川流は浅水流方程式³⁾により計算することとした。 平面二次元場における連続式,運動方程式は以下のよ うな式で表すことができる。

$$\frac{\partial h}{\partial t} + \frac{\partial uh}{\partial x} + \frac{\partial vh}{\partial y} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} = -g \frac{\partial H}{\partial x} - \frac{\tau_x}{\rho h} + D^x (2)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} = -g \frac{\partial H}{\partial y} - \frac{\tau_y}{\rho h} + D^y (3)$$

ここで、h:水深、H:水位、t:時間、x,y:デカルト座標 軸、u,v:x,y方向の水深平均流速、g:重力加速度、 τ_x , τ_y : 河床せん断力項、 ρ :水の密度、 D^x,D^y :乱流拡散項であ る。また、河床せん断力項についてはマニング則によ る河床抵抗から求める。詳細については文献に譲るも のとする³⁾。

2.2 二次元河床変動モデル

今回の計算で用いた二次元河床変動モデル⁴⁾を以下 の式で示す。

$$\frac{\partial z}{\partial t} + \frac{1}{1 - \lambda} \left(\frac{\partial q_{bx}}{\partial x} + \frac{\partial q_{by}}{\partial y} + q_{sw} - w_f c_b \right) = 0$$
(4)

ここで, z:河床高, q_{bx}q_{by}:x,y 方向の掃流砂量, λ:河 床空隙率, q_{su}:浮遊砂浮上量, c_b:基準点浮遊砂濃度, w_f:粒子の沈降速度である。河床変動モデルは掃流砂・ 浮遊砂混合粒径モデルである。全流砂量は芦田・道上 式、横断方向流砂量は長谷川の式より求める。浮遊砂 浮上量は岸・板倉の式により求め,基準点浮遊砂濃度 は浮遊砂濃度分布に指数分布を仮定して求める。浮遊 砂の移流拡散方程式により浮遊砂の移動を求める。

2.3 放射性物質輸送モデル

放射性物質の供給源が一つである場合,堆積した土 砂が持つ放射性セシウム量は土砂堆積量(m³)に供給さ れた土砂が持つ放射性セシウム濃度(Bq/m³)を乗ずる ことによって求めることが出来る。しかし,異なる物 質濃度が複数点から流入する場合や河床との土砂の混 合を考慮した場合,混合した土砂が持つ物質濃度まで は判別出来ないという問題が生じる。この問題を解決 するためには,土砂移動方程式と個々の土砂粒子が持 つ物質濃度の連続関係を表す式が必要となる。

本研究では放射性物質の移行は全て土砂移動によっ て生じるものと仮定している。放射性物質の移行が土 砂移動によって起こるとすると,放射性物質の濃度の



図1 計算に用いる初期河床縦断図

表 1	計算に用い	る水理条件
-----	-------	-------

流量(m³/s)	河幅(m)	勾配	粒径(mm)	マニング粗度
1000	100	1/1000	5	0.02

連続関係は土砂の連続関係と連動していると考えるこ とができる。従って,掃流砂,浮遊砂それぞれの土砂 移動の方程式に土砂が持つ物質体積濃度を乗じること によって土砂移動に伴う放射性物質の連続関係式を求 めることが可能である。河床表層の放射性物質濃度の 連続関係は混合粒径モデルに用いられる交換層の概念 を用いて,交換層における土砂収支と連動した濃度連 続関係を考えることで以下の式で求めることが出来る。 また放射性物質の水への脱着,水からの再吸着の考慮 はソース項としてモデルに組み込むことで表現可能に なると考える。

$$\frac{\partial C_{sm}}{\partial t} + \frac{C_{sb}}{e_m}\frac{\partial z}{\partial t} + \frac{1}{e_m(1-\lambda)} \left(\frac{\partial F_x}{\partial x} + \frac{\partial F_y}{\partial y} + q_{su}C_{sm} - c_b w_f C_{sw}\right) = 0(5)$$

ここで, t:時間, x,y:デカルト座標軸, z:河床高, e_m : 交換層厚(掃流層厚), λ :河床空隙率, C_{sm} :交換層にお ける放射性物質濃度, F_x, F_y : x, y 方向の放射性物質フラ ックスである。

また, C_{sb} は河床の堆積,侵食によって次のように場 合分けされる。

$$C_{sb} = C_{sm} \left(\frac{\partial z}{\partial t} > 0 \right) \quad C_{sb} = C_{st} \left(\frac{\partial z}{\partial t} < 0 \right) \quad (6)$$

ここで、 C_{st} : 遷移層における放射性物質濃度である。 また、 $F_{sr}F_{y}$: 放射性物質フラックスは以下のようにし て求めることが出来る。

$$F_{x} = C_{sm}q_{bx} \qquad F_{y} = C_{sm}q_{by} \tag{7}$$

同様に浮遊砂が持つ放射性物質濃度は,浮遊砂の移 流方程式に物質体積濃度を乗じることによって求める ことが出来る。

$$\frac{\partial C_{sw}ch}{\partial t} + \frac{\partial C_{sw}cuh}{\partial x} + \frac{\partial C_{sw}cuh}{\partial y} = q_{su}C_{sm} - c_b w_f C_{sw}(8)$$

ここで, *C*_{sw}:水中の浮遊砂粒子が持つ放射性物質濃度、 *c*:浮遊砂濃度, *h*:水深, *u*:x 方向の水深平均流速, *q*_{su}: 浮遊砂浮上量, *c*_b:基準点浮遊砂濃度, *w*_f:粒子の沈降 速度である。



図2 計算に用いる水路形状

表2 計算に用いる水理条件

	流量(m ³ /s)	河幅(m)	勾配	粒径(mm)	マニング粗度
本川	0.003515	0.6	1/150	0.8	0.03
支川	0.0001172	0.2	1/150	0.8	0.03

以上の式に従来の流れの計算式,河床変動方程式を 合わせて用いることによって土砂移動に伴う放射性物 質の移行を計算することが可能となる。

3. 数値計算

3.1 計算条件

構築した数値計算モデルを仮想的な水路条件⁴に適 用させることで、数値計算モデルの特性や実現象との 関係性について検討を行う。今回の計算では、2 つの ケースについて検討を行った。そこで、ケース1とし て単純な一次元場における河床変動を想定して放射性 物質濃度を持つ土砂がどのような堆積を示すかについ て検討を行った。またケース2として、仮想的な河川 合流部を想定しそれぞれ物質濃度の異なる土砂を本川 と支川で土砂を混合させた場合について検討した。ま た、今回の計算では問題を簡単にするためどちらのケ ースも均一粒径として計算を行った。

(1)数値計算ケース1

計算対象領域は、図1に示すように河床にマウント を設けた場を考える。その他の水理条件を表1に示す。 以上のような水理・水路条件で上流端からある放射性 セシウム濃度の土砂を流入させた場合、河床のどの位 置に放射性セシウムが堆積しているかを可視化する。 ここでは、初期河床の放射性セシウム濃度はゼロで、 上流端から流入する土砂が持つ放射性セシウム濃度を 1000Bq/m³として計算を行った。また土砂の移動形態は 掃流砂のみとした。河床の層は混合粒径モデルに用い られる河床の多層モデルにより上から交換層,遷移層、 堆積層と定義した。ここでは交換層厚を 0.05m、堆積 層厚を 0.1m とした。

(2)数値計算ケース2

計算対象領域は図2に示すように仮想的な河川合流 部を想定し、本川と支川を直交させた水路である。こ のような河川合流部を対象とした河床変動計算は過去



Cs(Bq/m3) 250 500 750 0 1000





図 3 河床の各層におけるセシウム沈着量。 a)840、b)2160 分後の結果である。

の実験や数値計算が少ないため³⁾,今回は以下のよう な仮想的な水路を考える。計算メッシュは河川合流部 で細かくし,合流点から離れるに従って等比級数的に 粗くなるように設定している。境界条件としては,下 流端で水深に対して勾配ゼロ条件を付加した自由流出 条件を与え,上流端で一定の流量を与えた。交換層厚 は粒径の二倍として与えた。

今回の計算では本川から 1000Bq/m³の放射性物質濃 度を持つ土砂を流下し、支川から 0Bq/m³、すなわち放 射性物質濃度ゼロの土砂を流下させた。また初期河床 において河床土砂が持つ放射性物質濃度はゼロとした。 流れ計算は二次元浅水流方程式、全流砂量は芦田・道 上式、横断方向流砂量は長谷川の式より求める。粗度 はマニングの粗度係数より与える。またその他の水理 条件を**表 2**に示す。

4. 計算結果

4.1 数値計算結果ケース1

図3は、それぞれ河床の各層の土砂が持つ放射性セシ ウム濃度の時間変化を表している。また黒い部分は水面 形の変化を示す。上流から一定の放射性セシウム濃度を 流下した場合の交換層、遷移層、堆積層における放射性 セシウム沈着量の時間変化を示している。図3aのように





b)T=120min



図4 河床変動量の時間変化。 a)20分後,b)120分後の結果である。

初期段階では上流から流下した放射性セシウム濃度を 持つ土砂が、マウント部分で河床変動により削られた土 砂と混合するため、マウント後方において堆積した土砂 のセシウム濃度は供給した土砂が持つ放射性セシウム 濃度よりも低くなっていることがわかる。

一方で、図3bのようにマウントが低下していきマウン トからの土砂供給量が減少すると、上流から供給される 土砂との混合が小さくなるため、堆積層上層では下層よ りもセシウム濃度が高くなる。これはマウントからの土 砂供給がなくなり河床が平衡状態に近づくため、上流か らの放射性セシウム濃度はそのまま下流へと伝搬する ためであると考えられる。今回の計算では均一粒径であ るため粒径の違いによる堆積の違いについてまでは検 討できないが、粒径が均一の場合は単純に下流方向にい くにつれて濃度が低くなっていることがわかる。

4.2 数値計算結果ケース 2

図 4,5 はそれぞれ河床変動量と交換層における放 射性セシウ沈着量の時間変化を表している。図4の河 床変動結果より本川と支川の合流点付近で河床の深掘 れが確認できる。

また, 合流点左岸側に逆流域が形成され土砂が堆積し



b)T=120min



図5 交換層におけるセシウム沈着量の時間変化。a) 20分後b) 120分後の結果である。

ていることがわかる。この土砂の堆積を起点に時間経 過に伴い下流方向に砂州が形成されていることが確認 できる。

また交換層における放射性セシウム沈着量について みてみると、支川からの土砂流入のため本川から流れ てきた放射性セシウム濃度を持った土砂が合流点で右 岸側に押し集められていることがわかる。そのため合 流点直下左岸側の逆流域で低い濃度を示している。ま た、交互砂州の形成によって土砂の移動が生じるため 合流点から十分離れた下流域では本川からの濃度と支 川からの濃度が混合しほぼ均一になっていることが確 認できる。放射性セシウムは粒径の小さな土粒子ほど多 く吸着するため²,現地においては粒径の小さな土粒子 が堆積しやすい場所で放射性セシウム沈着量が大きく なることが想定される。今回の計算では粒径を均一とし たため砂州形成の影響によるセシウムの沈着は見られ なかったが,混合粒径で行った場合は砂州における放射 性セシウムの沈着が予想される。したがって,今後は実 河川にも適用できるよう混合粒径の場合についても検 討を行うことが必須の課題である。

5. まとめ

土砂移動に伴う放射性物質の移行過程を把握するた め本研究では新たな数値計算モデルの構築を行った。既 存の土砂移動の方程式を基に放射性物質輸送方程式を 構築し,河床変動が起こりそうな場や単純な河川合流点 に適用させることでモデルの特性や再現性について考 察を行った。現段階では,河床材料を均一粒径として計 算を行っているが,混合粒径として計算を行い,粒径と 放射性物質濃度の関係を見ることによって放射性セシ ウムの動態や堆積の推定に有益なデータを提供するこ とが可能になると考えられる。将来的には現地における 観測データと本モデルによる数値計算結果を比較する ことによって本モデルの再現可能性を示すことが不可 欠である。

参考文献

 日本原子力機構:第三次報告書全文,福島第一原子 力発電所事故に伴う放射性物質の長期的影響把握手法 の確立 平成25年3月

2)原子力規制委員会:東京電力株式会社福島第一原子 力発電所の事故に伴い放出された放射性物質の分布状 況等に関する調査研究結果について平成24年3月

3) 舛屋繁和,清水康行,舛甚甲介:河川合流点における非定常乱流モデルを用いた河床変動計算応用力学論 文集Vo19, pp. 1007-1014 2006.

4) 荒井信行,清水康行:現場のための水理学,土木試験 所月報No.411号(1987.8)~415号(1987.12)