# セルオートマトン(CA)モデルによる交通状態推定に関する研究

Simulation-based for Cellular Automaton for Simultaneous Estimation of Traffic State

北海道大学大学院工学研究科 ○学生員 秋谷 真 (Makoto Akiya) 北海道大学大学院工学研究科 正員 中辻 隆 (Takashi Nakatsuji)

# 1. 本研究の背景と目的

現代社会において自動車交通は経済活動や日常生活を 支える重要な役割を担っている。しかしその弊害である 交通渋滞によって多大な時間的損失や環境問題が引き起 こされ、それらの問題は多くの主要都市において深刻な 問題となっている。渋滞問題の解決においては、交通流 特性を表現する基本変量(速度 v、密度 k、流量 q)、ま たそれら変量の相互関係を把握する事が重要であり、そ の上でのリアルタイムの OD 交通量の推定が求められる。 その解決に向け、過去に多くの交通流モデルにより研究 がなされてきたが、未だ日本国内における決定論的手法 は確立されていない。

交通流モデルは、交通流を流体として捉えるマクロモ デル、車1台1台の挙動を扱うミクロモデルに大別され、 また近年ではその2つのモデルの中間とされるメソモデ ルがある。そのミクロモデルの中でも本研究で扱うセル オートマトン(CA)モデルは、計算負荷のかからない簡潔 なモデルでありながら、渋滞発生を相転移現象として捉 える際の表現に長けたモデルであり、その計算負荷の少 なさから動的なシミュレーションまでを視野に入れたモ デルとして、ヨーロッパを中心として研究が進められて いるモデルである。



# 図1 交通流モデルの分類

本研究では、この CA 理論に基づく既存の交通シミュレ ーションモデルと現実交通との乖離部分を修正し、より 現実的な交通流の再現を目的とする。

## 2. CA 理論

## (1)CA 理論に基づく交通流モデル

セルオートマトン (Cellular automaton, CA) とは、格子 状のセルと単純な規則からなる、離散的計算モデルであ る。計算可能性理論、数学、理論生物学などの研究で利 用され、非常に単純化されたモデルであるが、生命現象、 結晶の成長、乱流といった複雑な自然現象を表現できる モデルとして様々な分野で研究の対象となっている。

以下、この CA 理論による交通流表現について説明する。

CA 理論に基づく交通流モデルとしての最も基本的モデルは次の2つのルールのみからなるルール184モデルである(図2)。

初期設定: 横並びの箱(セル)を用意し、適当に幾つか の箱に玉(粒子)を入れておく

ルール1:単位時間ごとに、玉を右の箱へ移す

ルール2:右隣の箱に既に玉が入っていれば動けない

			t				C			7			(	)	C		1			2				
図 2	2	Л	t+	- J	L	18	<u> </u>	15	违	ţ.	ノ ブ・	< :	Ŧ	) の	挙	 ] ]	)(j	⊥ 進	行	 方	口	J :	7	בׂ)
t			$\bigcirc$	$\bigcirc$				$\bigcirc$		0	$\bigcirc$	$\bigcirc$		0		$\bigcirc$			0					
t+1			0		$\bigcirc$				$\bigcirc$	0	$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$			0				
t+2				$\bigcirc$		0			$\bigcirc$	0		$\bigcirc$		0		$\bigcirc$		$\bigcirc$			0			
t+3					$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$		$\bigcirc$			$\bigcirc$		
t+4						0		$\bigcirc$		0		$\bigcirc$		0		0		0		0			$\bigcirc$	
t	0		0	$\circ$	0			0	0		0	T	0	0	$\circ$	0			$\circ$	0		0		$\circ$
t+1		0	0	0		0		0		0		Ò	0	0	0		0		0	Γ	0	T	0	0
t+2	0	0	0		0	Γ	0		0		0	0	0	0		0		0	Γ	0	1		0	$\square$
t+3	0	0		0		0		0		0	0	0	0		0		0		0	Γ	0	0	Γ	
t+4	0		0		0		0		0	0	0	0		0		0		0		0	0		0	$\circ$

図3 車の挙動 (上)低密度時 (下)高密度時

図3(上)の様に初期状態が低密度時は、操作を繰り返す 度に次第に玉はばらけて自由に動くようになり、図3(下) の様な高密度時では、<u>中央部の4つの玉からなる渋滞部</u> が実際の交通流の様に進行方向逆に伝播していくのが わかる。この様に、ルールに従い玉を順次動かしていく わけだが、この玉を車と見立てると、交通流の一般的特 性を表現できている事がわかる。

#### (2)既存モデル

代表的既存モデルとその特徴は以下の通りである。

( i )Rule-184[1]

- :前方に車がいる→止まる,前方に車がいない→進む
- (ii)Fukui-Ishibashi (FI) モデル
- :高速度(単位時間に2セル以上進む)に対応

(iii)Nagel-Schreckenberg (NS) モデル
: 高速度に対応, ランダムブレーキ効果に対応
(iv)Quick-Start (QS) モデル
: 運転手の見通しに対応
(v)Slow-to-Start (SIS) モデル
: 車の慣性(加速が遅れる効果)に対応

Rule-184 は上述の様に、CA 理論を用いた交通流モデ ルの中では一番単純なモデルであり、FI モデルは、一度 に2 セル以上進むことができるモデルである。NS モデ ルは、ほぼ FI モデルにランダムブレーキ効果がかかった ものであると考えてよい。ランダムブレーキ効果とは、 前に障害物がなくてもある確率で1だけ減速するもので ある。QS モデルは、運転手が直前の前方車だけでなく、 2 台先を見てある程度前方の車の動きを予測している効 果を取り入れたものである。SIS モデルは、一度停止し た車が 1 ステップ待って動き出すというものである(加 速の遅れ)。

そして 2007 年、西成らによって、パラメータを変化さ せる事で、(i)~(v)のモデルの特徴を説明可能なモデル、 S-NFS モデルが発表されている。このモデルは下記のル ールに従って次ステップにおける車両の速度、位置を決 定している。

S-NFS 車両挙動ルール

加速	$v_i^{(1)} = \min\{V_{\max}, v_i^{(0)} + 1\}$	
慣性	$v_i^{(2)} = \min\{v_i^{(1)}, x_{i+S}^{t-1} - x_i^{t-1} - S\}$	with the probability $\boldsymbol{q}$
減速	$v_i^{(3)} = \min\{v_i^{(2)}, x_{i+S}^t - x_i^t - S\}$	
ランダムブレーキ	$v_i^{(4)} = \max\{0, v_i^{(3)} - 1\}$	with the probability $1-p$
衝突回避	$v_i^{(5)} = \min\{v_i^{(4)}, \ x_{i+1}^t - x_i^t - 1 + v_{i+1}^{(4)}\}$	
車の移動	$x_{i}^{t+1} = x_{i}^{t} + v_{i}^{(5)}$	

 $x_i^{t}$ は時刻t における車iの場所、S は見通しの台数を表 している(S=1:直前車両により自車の動きを決定、S=2:更 に一台前の車の状況も、自車挙動に影響)。確率rでS=2、 1-rでS=1 とする。現在の速度 $v^{(0)}_i$ を与えると、次の時間 ステップの速度 $v^{(4)}_i$ が求まり、その速度で全ての車を同 時に動かす。次の時間ステップでは、 $v^{(0)}_i \leftarrow v^{(4)}_i$ として同 様にルールを適用する。

本研究では、様々な既存研究との比較を行いやすく、 渋滞相転移部の特性を表現可能なS-NFSモデルをベース として、新たなモデルを作成した。

# 3.本研究におけるモデル

本研究における、S-NFS モデルからの変更点は大きく 以下の2つである。

- ・見通し範囲の設定
- ・衝突回避ルールの変更
- (1) 見通し範囲の設定

S-NFS モデルは各既存モデルの特性を含んでおり、この見通しの概念は QS モデルに関連する。

今、確率rの下にS=2(自車挙動は2台前の車からも影

響)となった場合において、2台前の車両が図4の様に自 車から相当距離離れていた状況を想定する。S-NFSモデ ルではこの場合でも2台前の車の位置、速度により自車 の動きを決定するが、それがモデルにおいて悪影響を及 ぼす場合があるのではないかと仮定した(2台前の車が渋 滞最後尾であった場合等)。



図4 S-NFS モデルでの2台前の車の扱い

そこで、本研究ではドライバーの運転に影響を与える であろう見通し範囲を設定し、その範囲内に2台前の車 が存在しない場合、S=1(直前車両の状況のみで自車挙動 を決定)へ変更し、2台前の車は自車の動きに影響を与え ないとする(図 5)。



図5 S-NFS モデルでの2台前の車の扱い

(2) 衝突回避ルールの変更

S-NFS モデルにおける衝突回避のルールを再掲する。

衝突回避 
$$v_i^{(5)} = \min\{v_i^{(4)}, \underline{x_{i+1}^t - x_i^t - 1}_{(a)} + \underline{v_{i+1}^{(4)}}_{(b)}\}$$
 (1)

(a)、(b)はそれぞれ時刻tにおける前方車との車頭間隔、 前方車の速度を表す。この条件では、パラメータ次第で は、ルール上では図6の様な現実交通では考えづらい車 頭間隔での走行(図6[右])や、急減速を引き起こす(図 6[左])ケースがあり得る(色がついているセルはそのセ ルに車が存在している事を示し、セル内の数字はその車 が時刻tでもつ速度である)。



図6 現実交通流との乖離

本来であれば、図 6(左)のケースであれば、急減速を避けるために、停止車両から更に離れた地点より減速を段階的にするべきであり、図 6(右)のケースであれば、速度に見合う車間を確保するための減速が必要なはずである。

この問題点を修正するために、本研究では車の持つ速 度に対応した制動距離、空走距離の概念を衝突回避のル

## ールに組み込む事とした。

自車の次ステップでの速度を決めるにあたり、先行車の速度 $v_{i+1}$ 、及び先行者との車間距離gapから考えるが、 式(2)を満たす最大の速度 $v_{ix}$ を求め、その速度 $v_{ix}$ と(1)式 での $v^{(4)}_i$ とを比較し、最終的な自車の次ステップでの速 度 $v^{(5)}_i$ (=min( $v^{(4)}_i$ , $v_{ix}$ ))とする。

# 先行車制動距離 $(D(v_{i+1})) +$ 車間距離(gap) >追従車(自車)の空走距離 $(DD(v_{ix})) + 追従車制動距離<math>D(v_{ix})$ (2)

v<sub>ix</sub>のv導出に際し、制動距離、空走距離と速度の持つ 関係を次の式で表す。

# 空走距離DD(v) = 速度(v)km/3600 × 0.75

## 制動距離 D(v)= 速度(v)<sup>2</sup>/(2× 9.8×0.7(摩擦係数))

モデル上での速度は v(cell/step)=0,1,2,...,6 までの7 段 階とするが、この速度を上式に入力するため、 v=1(cell/step)が現実交通では速度 21.6km/h に相当すると して換算する。この換算値に対応する制動距離 DD、空

走距離 D と速度の関係は表1の通りである。例えば、先行車速度3(cell/step)、車間距離2(cell)の場合、v<sub>ix</sub>は3(cell/step)となる。上記のルールを組み込む事で、急減速発生確率は低下し、現実交通流の様な、段階的な減速を実現している。

	DD	D
V=0	0	0
V=1	1	0
V=2	1	1
V=3	1	3
V=4	2	5
V=5	3	8
V=6	3	12

表1停止距離

#### 4.分析結果

#### (1)基本量定義

ある時刻 t における 3 つの基本量、流量 q、密度 k、(平 均)速度 v を本研究では次の様に定義する。

密度 k:(ネットワーク内の車両台数)/(セル長:200 セル) 速度 v:(ネットワークに存在する車両台数の速度の総 和)/ (ネットワーク内に存在する車両台数)

#### 流量 q:密度×速度

尚、本研究における最大速度は 6(cell/step)として行う。

## (2)分析条件

S-NFS モデルと、本研究で作成した修正モデルにおい て両者の比較を行う事とする。扱うパラメータはランダ ム減速の発生確率 p、挙動ルールに慣性に関するルール を導入する確率 q、対象車より 2 台先の車の影響を受け る確率を r とし、修正モデルでは見通し範囲(VA)が加わ る。本研究ではランダム減速確率は 0.05 で固定して扱い、 ①S-NFS モデル(r=q=0.2)、②S-NFS モデル(r=q=0)、③修 正モデル(r=q=0.2)、④修正モデル(r=q=0)の4パターンの 場合での比較を行う。

対象ネットワークはセル長 200 セルの単路とし、出口 地点に到達した車は、出発地点に戻るという循環型の境 界条件を設定している(図 7)。また、ネットワーク上に流 入ランプ、流出ランプを1ヶ所ずつ設定しており、ネッ トワーク内の密度を制御する。 本研究では初期密度を 1(200 セル全てに車が埋まって いる状態)とし、流入確率 0、流出確率 (流出地点を通り 過ぎる車がネットワーク外へ流出する割合) 0.2 とし、パ ラメータを変化させたそれぞれの場合での時間毎の密度、 平均速度、流量を出力し、全ての車が流出した状態(密度 0)まで繰り返す。

	(出口)						流ノ	入地	点	ł	流出地点										(入口)				
t		þ						Ļ														1			
+1								<u> </u>													Ц	m	0		

#### 図7 循環型境界条件

(3)基本図比較

図8,9は4パターンそれぞれの場合のQ-V曲線である。 図8において、最大流量が修正モデルの方が低い結果と なったが、これは密度が低下した際に最大速度6で自由 走行する場合において、上述した衝突回避ルールの変更 により、修正モデルでは自由走行時の車頭間隔をS-NFS モデルに比べ大きく取る様に設定しているため、その結 果渋滞流から自由流へ移行する際の密度が低下している 事が影響したと考えられる。

また、図 8,9 を比較した際、修正モデル、S-NFS モデ ル双方で流量が減少しているが、これはパラメータ q の 効果により、SIS モデルの特徴である加速が遅れるとい う現象が発生しているためである。



図 9 q-v 曲線(q=r=0.2)

## (5)急減速確率

ある時刻tにおける車x<sub>i</sub>が持つ速度v<sup>t</sup>(x<sub>i</sub>)と、x<sub>i</sub>が次の時 刻t+1において持つ速度v<sup>t+1</sup>(x<sub>i</sub>)から加速度を求め、比較す る4パターンにおいて、急減速がどの程度の割合で発生 しているかを調べた。表2は4パターンそれぞれの減速 度毎の回数である。

表2より、修正モデル(q=r=0.2)の場合、全ての車両が

流出完了するまでに発生する減速の総回数は19336回あ り、そのうちν<sup>t</sup>(x<sub>i</sub>)からν<sup>t+1</sup>(x<sub>i</sub>)へ速度2以上の減速が起こ った回数は1606回という事になる。この表より、減速回 数は、修正モデルに比べS-NFSモデルでは少ないが、急 減速(α<=-2の場合とする)の起こる回数は、圧倒的に S-NFSモデルのほうが多い事がわかる。これは、修正モ デルの方が段階的に減速を行うのに対し、S-NFSモデル では大きな減速が頻繁に起こっているという事を示唆す る。図10,11に前方が渋滞していた際の両モデルの減速 イメージを記載する。

								α<=−1				α<=-2				α<=-3				α			
修正		1	933	36			160	06				19				0							
修正モデル(q=r=0)									1	767	73	671						-	10	(			0
S-NFSモデル(q=r=0.2)									1	648	37			41	56			138	84	448			48
S-NFSモデル(q=r=0)									1	343	30			180	68			60	80	217			17
V=6																							
t			•															•					
t+1								•												•	•		
t+2												$\bullet$								•			
t+3																		0					

図 10 修正モデルの段階的減速

表 2 減速回数

t+4

t

t+1

t+2 t+3 V=6

図 11 S-NFS モデルの急減速 図 12,13 は急減速が起こった際に、その時刻に生じた 減速回数のうち、何回を急減速が占めていたかを表すグ ラフである。横軸のステップ数であるが、実際は4パタ ーン全て、全車両がネットワークから流出するのに 1600 ~1800 ステップを要すが、1200 ステップ以降はネットワ

ーク内の車両台数が低くなり、減速回数が大きく減るため 1200 ステップまでのグラフを記載している。図 12,13 からも、急減速を示す割合は修正モデルの方が低いという事が読み取れる。

図 8,9 より、q-k 曲線においては修正モデルと S-NFS モデルにおいて大きな差は見られなかったが、個々の車 の動きに着目し、ステップ毎の速度、加速度を確認して いくと、両者には大きな違いがあることがわかる。





#### 6.おわりに

本研究では、交通状況の解明において近年注目される CA 理論による交通流モデルの作成に取り組み、既存研 究の問題点の解消について扱った。

従来の CA 理論による交通流モデルにおける既存研究 は、渋滞相から自由走行流への相転移に着目する研究が 広く行われており、その点で一定の評価を受けていると 言える。ただ、本研究において、車両一台一台の速度、 加速度に着目して行うと、現実交通流と大きな隔たりが あるという事が示される。そうした問題点の中でも、本 研究では、衝突回避の新ルールを組み込む事で、これま でに指摘されてきた急減速の発生抑制を達成する事がで きた。

今後の課題として、本研究では見通し範囲を一定値と して扱ったが、実際各ドライバーによって見通し範囲は 異なる。また、密度によって見通し範囲も変わるはずで ある。今後はそれらの点を精査していきたい。更に、本 研究ではコンピュータ上のシミュレートに留まったが、 今後は実データを用いて、本研究で利用したモデルの検 証実験を、見通し範囲の精査と併せて行うことで、より 現実的交通流を再現できるモデルに改良していく予定で ある。

#### 7.参考文献

1. 酒井聡士・西成活裕・飯田晋司、確率的に拡張された 交通流セルオートマトンの相転移ライン導出、2007

2. 林洋、自動車事故鑑定学入門

3. 杉山雄規、交通流の物理、名古屋大学大学院、2003

4. 加藤恭義・光成友孝・築山洋、セルオートマトン法、 森北出版、1998

5.K.Nagel and M.Schreckenberg, A cellular automaton model for freeway traffic, 1992

6. 友枝明保、超離散化法及び CA モデルによる交通流の 研究、平成 18 年大阪大学大学院

 近藤竜平、ミクロ交通流モデルを組み込んだ OD 交通 量の動的推定に関する研究、平成 18 年度北海道大学
 8.交通工学研究会、交通流シミュレーションの標準検証マニュアル、平成 14 年