# 大地震動を受ける鋼斜張橋タワーの非線形応答解析

Nonlinear Seismic Response Analysis on Steel Tower of Cable-Stayed Bridge under Great Earthquake

北海道大学大学院工学研究科 F 会員 林川 俊郎 (Toshiro Hayashikawa) 北海道大学大学院工学研究科 学生員 永田 克司 (Katsushi Nagata)

# 1. まえがき

1995 年 1 月に発生した兵庫県南部地震において、鋼 製橋脚などの土木構造物が大きな被害を受け、長期間に わたる機能停止が社会的、経済的活動に多大な影響を与 えた。この被害状況を受け道路橋示方書が平成 8 年 12 月および平成 14 年 3 月の 2 度にわたって改訂され、吊 橋や斜張橋といった複雑な構造形式をもつ長大橋梁構造 物に対しては動的解析により照査を行うことが規定され ている<sup>1),2)</sup>。

一方、斜張橋は 1960 年代以降急速に普及した主桁、 主塔、ケーブルで構成される設計の自由度の高い橋梁形 式で、経済的な設計、合理的な架設や多様な景観設計が 可能、支間割の制約が比較的少ないといった従来の橋梁 形式にはない優れた構造特性を有している<sup>3),4)</sup>。しかし、 斜張橋はその構造形式の複雑さから支間長が増大するに つれ複雑な振動を生じるため、斜張橋の大地震時動的応 答性状を正確に把握し耐震性能を向上させる必要がある。

また、支間長の長い斜張橋では、橋脚ごとの地盤状態 の違いから、地震時における橋脚と地盤間で生じる動的 相互作用の影響が大きく、斜張橋の耐震性能を正確に把 握する上でこれを無視することはできない。さらに、動 的相互作用の大きさは地盤状態のみならず上部構造や下 部構造の形式にも影響されるため、動的相互作用を考慮 する際には地盤状態-下部構造-上部構造を一体として考 える必要がある。

そこで本研究は、中空長方形断面と断面内部に垂直補 剛材を有する鋼製斜張橋タワーを3次元立体骨組構造に モデル化し、幾何学非線形性と鋼材の降伏を考慮した弾 塑性有限変位動的応答解析法を用いて地盤と橋脚間で生 じる動的相互作用を考慮したタワーモデルに対して解析 を行い、水平梁の設置箇所の差異が斜張橋タワーの大地 震時応答性状に与える影響を比較検討する。

#### 2. 解析モデル

### 2.1 対象とした斜張橋タワー

本研究では、ファイバー要素により3次元骨組構造に モデル化されたたっぷ大橋の鋼製斜張橋タワーを基本モ デルとして用いる。タワー形状を図.1 に示す。タワー の寸法は、タワーの高さ68m、タワー塔頂部の塔柱間 隔13m、タワー基部の塔柱間隔18mとし、水平梁はタ ワー基部から48mの部分に取り付けられている。以後 の解析ではこの基本モデルのほかに、水平梁の設置高さ を3m間隔で変えた計3通りのタワーモデルについて比 較検討を行う。表.1 は各タワーモデルにおける水平梁 の設置高さh、塔頂間隔d<sub>t</sub>、塔柱間隔d<sub>b</sub>を示している。 一方、タワー断面には内部に垂直補剛材を用いた板厚と 外形断面が異なる変断面が採用されている。各断面寸法 の詳細は表.2 に示す。また、鋼製タワーの片側には 9 本のケーブルが定着されており、補剛桁の死荷重をケー ブルの定着部に鉛直下向きに作用させている。ケーブル は水平ばね要素にモデル化する。また、補剛桁から斜張 橋タワーに作用する慣性力は、補剛桁が橋脚によって支 持されていることから無視する。





(b) タワー断面 図.1 たっぷ大橋の鋼製斜張橋タワー

表.1 タワーモデルの寸法(単位:m)

	h	d <sub>t</sub>	d <sub>b</sub>
Model1	45	13	18
Model2	48	13	18
Model3	51	13	18

表.2 断面諸元(単位:cm)

C	.S.	Outer dimension			Stiffener dimension				
D	im.	Α	В	$t_{I}$	<i>t</i> <sub>2</sub>	а	b	<i>t</i> <sub>11</sub>	<i>t</i> <sub>22</sub>
ts		240	350	2.2	3.2	25	22	3.6	3.0
: pai		240	350	2.2	3.2	22	20	3.2	2.8
Iewei		240	350	2.2	2.8	20	20	2.8	2.2
Tc		270	350	2.2	2.6	31	22	3.5	2.4



<sup>(</sup>b) キャッノ要素と地盤はん 図.2 地盤構造のモデル化

#### 2.2 地盤構造のモデル化

本研究では、地盤構造のモデル化として骨組系ばねモ デルにギャップ要素を加えたモデルを用いる。骨組系ば ねモデルは、地盤と基礎構造物をばね - 質量からなるい わゆる質点系で表現されたモデルである。この骨組系ば ねモデルにギャップ要素を加えることで、基礎の真下の 部分の地盤ばねの基礎に対する引張力を無効化する。骨 組系ばねモデル、およびギャップ要素について図.2 に示 す。各層の地盤構造を表現する地盤ばねのばね定数は、 図.3 に示される基礎に沿った地盤と基礎の真下の地盤状 態によって求めることとする<sup>2)</sup>。

また、骨組系ばねモデルにおいての地盤のモデル化は Hardin - Drnevich モデル(HD モデル)を用い、図.4 に示 す。HD モデルの骨格曲線は次式で与えられる。

 $=G_0 /(1+| / r|), r = max/G_0$  (1)

ここで、G<sub>0</sub>は初期せん断係数、 はせん断応力、 max は最大せん断応力、 rは基準ひずみ、 はせん断ひず みとする。また履歴曲線は次式のように表す。

$$\pm _{m} = G_{0}(\pm _{m})/\{1+|(\pm _{m})/2_{r}|\}$$
 (2)

ここで、( m, m)はカーブの折り返し座標とする。また、 地盤と基礎の動的相互作用は非線形ばねとダッシュポッ トによって表現される。





#### 2.3 解析方法

本研究では、鋼材の降伏と幾何学的非線形性を考慮し たはり柱要素の有限要素法と Newmark 法(=0.25)お よび修正 Newton - Raphson 法を作用した解析手法を用 いる。接線剛性マトリックスは材料の非線形性とはり柱 要素の応力 - ひずみ関係を考慮している。弾塑性有限要 素解析については、鋼材の応力 - ひずみ関係をバイリニ ア型にモデル化し、塑性域のひずみ硬化を 0.01 とする。 鋼材は SM490Y を想定し、降伏応力を 355MPa、弾性係 数を 200GPa とする。動的解析に用いた立体骨組モデル は1要素あたりの節点数2のはり柱要素により構成され、 鋼製タワーの要素分割数は 46 とした。鋼製タワーの減 衰には Rayliegh 減衰を適用しており、減衰定数は 1次 固有振動モードの面内・面外に対して 2%とした。入力 地震波には 1995 年 1 月の兵庫県南部地震における JR 鷹取駅記録の他に、1994 年 1 月のノースリッジ地震 (米・カリフォルニア州)における Rinaldi 記録と Sylmar 記録の計3種類の3成分加速度波形を採用した。各地震 波の加速度波形を図.5 に示す。本研究では、N-S 成分を 橋軸方向に、E-W 成分を橋軸直角方向に、U-D 成分を 鉛直方向に入力した。



	L <sub>1</sub>	$H_1$	T <sub>1</sub>	<b>V</b> <sub>1</sub>
Model1	0.026	2 120	0.820	0.699
(h=45)	0.930	2.129	0.820	0.088
Model2	0.051	2 162	0.800	0.522
(h=48)	0.931	2.105	0.800	0.525
Model3	0.028	2 190	0.791	0.289
(h=51)	0.928	2.180	0.781	0.388
(m)	Takatori	Rinald		Sylmar



# 図.6 タワー塔頂部時刻歴応答変位

表.4 タワー塔頂部最大応答変位(単位:m)

(a) 正方向

	Takatori	Rinaldi	Sylmar
Model1	0.80	1 17	0.76
(h=45)	0.80	1.17	0.76
Model2	0.82	1.07	0.80
(h=48)	0.82	1.27	0.80
Model3	0.95	1 29	0.82
(h=51)	0.85	1.58	0.82

(b)	負万回

	Takatori	Rinaldi	Sylmar
Model1	0.80	0.82	0.72
(h=45)	0.89	0.85	0.72
Model2	0.01	0.97	0.75
(h=48)	0.91	0.87	0.73
Model3	0.07	0.04	0.81
(h=51)	0.97	0.94	0.81

# 3. 数値解析結果

#### 3.1 固有振動特性

非線形動的応答解析を行うのに先がけて、本研究での解析対象である3種類のタワーモデルに対して固有振動解析を行い、各モデルの固有周期を算出した。固有周期の算出方法としてはHouseholder法を採用し、解析を行う際には、鋼材のヤング係数を200GPa、重力加速度を9.8m/sec<sup>2</sup>した<sup>5)</sup>。各モデルの1次固有周期の比較を表.3に示す。ここでは、L<sub>1</sub>は橋軸方向(面外)の、H<sub>1</sub>は橋軸直角方向(面内)の、T<sub>1</sub>はねじり方向の、V<sub>1</sub>は鉛直方向の1次固有周期を表している。



表.3 より、橋軸方向 1 次(L<sub>1</sub>)はタワーの形状が変化し ても、固有周期にほとんど変化は見られなかった。これ は、タワーに定着させているケーブルの張力をタワーの 形状によらず一定としたため、タワー形状が橋軸方向の 固有周期にほとんど影響を与えなかったものと考えられ る。次に橋軸直角方向 1 次(H<sub>1</sub>)は、水平梁の設置箇所が 高くなるほど固有周期が大きくなる傾向にあることが確 認された。一方、ねじり方向 1 次(T<sub>1</sub>)、鉛直方向 1 次 (V<sub>1</sub>)はともに水平梁の設置箇所が高くなるほど固有周期 が小さくなる傾向にあることが確認された。

# 3.2 動的応答特性

#### (a) タワー塔頂部応答変位

タワー塔頂部における橋軸直角方向の最大応答変位を 表.4 に、時刻歴応答変位を図.6 にそれぞれ示す。まず表. 4 より、Takatori 波、Rinaldi 波、Sylmar 波のいずれの地 震波においても正方向、負方向の最大応答変位は Model 1(h=45)で最小値をとり、Model3(h=51)で最大値をとる ことが確認された。次に図.6 より、Takatori 波、Sylmar 波ではいずれのモデルにおいても残留変位は生じていな いが、Rinaldi 波に限りいずれのモデルにおいて t=12sec 付近で 25cm から 30cm 程度の残留変位が生じている。 これは、タワーモデルの橋軸直角方向の1次固有周期H 1が Model1 で 2.129sec、Model2 で 2.163sec、Model3 で 2.180sec であるのに対し、Rinaldi 波の E-W 成分の卓越 周期が 2.410sec であることから、共振に近い状態が発 生しタワーの振動が増幅されたことが原因として考えら れる。また、3.2(c)で述べるタワー基部の塑性化もタワ 塔頂部の残留変位に影響しているものと考えられる。

# (b) 水平梁端部 M- 関係

タワー水平梁の端部における橋軸直角方向の曲げモーメント・曲率関係を図.7 に示す。これより、Takatori 波入力時の Model1 と Rinaldi 波入力時の Model1、Model2 において特 に大きな履歴ループが確認され、損傷度合が大きいことが 推測できる。一方、Sylmar 波入力時にはいずれのモデルに おいてもほぼ弾性領域内に収まっている。また、全体的な傾 向としては、水平梁の設置箇所が低いほど履歴ループが大 きくなっている。



(sec) 図.9 タワー基部時刻歴応答反力

10

20

10

20

# 表.5 タワー基部最大応答反力(単位:MN)

ō

10

20

0

(a)	压缩力
(a)	ノエショレノノ

	Takatori	Rinaldi	Sylmar
Model1	42.7	40.2	41.0
(h=45)	42.7	49.3	41.0
Model2	41.0	50.1	40.5
(h=48)	41.0	50.1	40.5
Model3	20.7	40.4	26.1
(h=51)	59.7	49.4	50.1

(b) 引張力

	Takatori	Rinaldi	Sylmar
Model1	24.2	20.7	14.1
(h=45)	24.3	32.7	14.1
Model2	21.2	20.0	11.2
(h=48)	21.2	29.9	11.2
Model3	16.4	27.0	10.7
(h=51)	10.4	27.0	10.7

# (c) タワー基部 M- 関係

タワー基部における橋軸直角方向の曲げモーメント-曲 率関係を図.8 に示す。これより、Rinaldi 波ではいずれ のモデルにおいても履歴ループが確認され、特に大きな 履歴ループを描く Model2(h=48)、Model3(h=51)では損傷 度合が著しいものと推測される。一方、Takatori 波、Syl mar 波では若干の損傷が確認されたが、いずれのモデル においてもほぼ弾性領域内であると言える。加えて、Ta katori 波、Sylmar 波では水平梁の設置高さの違いによる タワー基部の曲げモーメント-曲率関係への影響はそれ ほど大きくないと言える。

#### (d) タワー基部応答反力

タワー基部における時刻歴応答反力を図.9 に、最大応答 反力を表.5 に示す。なお、図.9 では正方向を圧縮力、負方 向を引張力と定義している。これより、タワー基部での圧縮力、 引張力は水平梁の設置箇所が高くなるにつれて低減される 傾向であることが確認された。特に Model3 は Model1 に対 し 20%から 30% ほど最大引張力が低減されていることから、 アンカーボルトの引き抜き防止に効果があると考えられる。

# 4. あとがき

本研究ではたっぷ大橋の鋼製斜張橋タワーを対象に、 地盤と橋脚の間の動的相互作用を考慮したタワーモデル に対して非線形動的応答解析を行い、水平梁の設置高さ の差異が斜張橋タワーの地震応答性状に与える影響につ いて比較検討を行った。

タワー塔頂部変位においては、3 種類のモデルの中で Mo del1 が最も変位が小さくなり、Model3 で最大の変位をとるこ とが確認された。また、Rinaldi 波入力時には、共振の影響 からいずれのモデルにおいても 25cm 前後の残留変位が生 じることが確認された。水平梁端部においては、水平梁の設 置高さが低くなるほど損傷度合が大きくなる傾向があり、Rina ldi 波入力時には特に大きな履歴ループが確認された。タワ ー基部においては、Rinaldi 波入力時に損傷が大きくなるが、 Takatori 波、Sylmar 波ではどのモデルにおいても大きな損 傷は確認されなかった。また、タワー基部での鉛直反力は圧 縮力、引張力ともに水平梁設置高さが高くなるほど低減され る傾向にあった。

#### (参考文献)

- 日本道路協会:道路橋示法書·同解説、 耐震設計編、 1996.12
- 日本道路協会:道路橋示法書·同解説、 耐震設計編、 2002.3
- 3) 林川俊郎:橋梁工学、朝倉書店、2000.4
- 4) 土木学会:鋼斜張橋 -技術とその変遷-、1990.9
- 5) 橋梁振動研究会:橋梁振動の計測と解析、技報堂出 版、1993.10