# 洪水時における複断面河道の浮遊物質濃度の輸送

Numerical simulation of suspended solid transportation during the 2003 flood of the Saru river

北海道開発土木研究所	正員 吉川泰弘(Yasuhiro Yoshikawa)
	正員 渡邊康玄(Yasuharu Watanabe)
	正員 島田友典(Tomonori Shimada)

## 1.はじめに

洪水時には水とともに土砂も流下する.この中で粒径 の細かいウォッシュロードと呼ばれる土砂は,通常流水 の下に位置する河床中にはほとんど存在しないことから, 河床変動に寄与せずそのまま海まで流下するとされてい た.しかし,佐藤・渡邊<sup>1)</sup>は,鵡川における1998年融雪 出水でのSSの観測結果を用いてSSの輸送について洪水 中においても河岸堆積物との交換が行われていることを 指摘している.また,渡邊・新目ら<sup>2)</sup>は同じ洪水におけ るSSと堆積物の栄養塩類について分析し,洪水中に採 水されたSSと洪水後の堆積物に同一の割合で栄養塩類 が付着していることを示し,両者が同一のものであるこ とを示した.このことは,河川環境を考える上でもSS の挙動を明らかにすることが極めて重要なこととである ことを示すものである.

2003年8月洪水時の沙流川におけるSS採水観測<sup>3)</sup>は, 二風谷ダム下流において図-1に示す6地点において行わ れている.これらには支川からの土砂,物質流入の影響 を把握するために行われた, 亜別川とシラウ川における 本川との合流点近傍での観測地点も含まれている.観測 は,降雨から流出までの時間が早い支川については8月 9日 2:00 から,その他の観測地点では8月9日 9:00 より 開始されておりその後ほぼ2時間ピッチで,洪水立ち上 りから毎時間観測へと移行している.しかしながら,観 測の安全性の問題によりピークを挟み観測が 12 時間以 上中断されている.小川・渡邊 4)は,この欠測期間にお ける SS 成分の挙動を推定するため,洪水時における SS 成分の挙動特性である2価性を考慮しつつ実測値の外挿 により洪水期間全体にわたる SS の時間変化を推定して いる.図-2は,その推定結果の一例である.図-3に示さ れるこの結果を用いた土砂収支は洪水前後での河道や海 域での測量結果と概ね一致しているが,洪水中の挙動に ついては確認されていない.

本研究では,高水敷高をはるかに上回る水位が生じた 場合の SS の洪水時の挙動を把握するため,高水敷から の浮遊砂の浮上沈降を考慮した場合の非定常一次元河床 変動計算を行ったものである.なお,観測結果により, 2003 年 8 月洪水における SS の輸送に関して,支川の影 響がほとんど無いことが示されている<sup>4)</sup>ことから,今回 の検討では,支川については無視している.また,荷菜 大橋(KP16.0)高水敷にて洪水前後で河床材料調査を行っ ている(図-4).洪水後に細かい粒径が多く堆砂し高水敷 の流砂の交換があった事がわかる.このため高水敷の浮 遊砂浮上沈降を考慮することは極めて重要である.



図-1 沙流川の模式図と観測箇所



図-2 沙流川橋地点 流量-SS 負荷量相関図





図-4 荷菜大橋の高水敷粒径加積曲線図(洪水前後)

#### 2.計算手法

今回,洪水再現計算に用いた手法について説明を行う. なお,浮遊物質と低水路・高水敷との交換や堆積・洗掘 による流れの変化を取り込むため,混合粒径による河床 変動計算を行い,流れの非定常計算においてはリープフ ロッグ法を用いて差分計算をおこなった.

また,計算するにあたり初期条件として上流端では, 二風谷ダムからの放流量,流出SS濃度を与え,河床高 は平成13年測量結果,低水路の粒径は平成15年調査結 果高水敷の粒径は平成16年洪水前調査結果をそれぞれ 与え,河口潮位は苫小牧西港の値とした.KP19.8~20.8 の区間は岩盤があり河床変動なしとした.また,横断形 状は平成13年測量のデータを低水路及び高水敷に分け それぞれ矩形断面とした.計算対象の期間は平成15月9 日10:00~11日9:00とした.

非定常定流の運動方程式および連続の式は,それぞれ (1)および(2)式で表される.初期値は不等流計算の結果を 利用した.なお,マニングの粗度係数は低水路0.03,高 水敷0.05とした.

$$\frac{1}{g}\frac{\partial}{\partial t}\left(\frac{Q}{A}\right) + \frac{\alpha}{2g}\frac{\partial}{\partial x}\left(\frac{Q}{A}\right)^2 = -\frac{\partial(h+\eta)}{\partial x} - \frac{n^2}{R^{4/3}}\left(\frac{Q}{A}\right)^2 \qquad (1)$$

$$\frac{\partial A}{\partial t} + \frac{\partial Q}{\partial x} = 0 \tag{2}$$

Q:流量,g:重力加速度,t:時間,h:水深, $\eta$ :河 床高,x:縦断距離,n:マニングの粗度係数,R:径 深,A:断面積, $\alpha$ :エネルギー補正係数

河床変動計算は,掃流砂と浮遊砂を考慮し (3)式で表 される流砂の連続式により河床変動量を算出する.高水 敷の変動についても(3)式により計算を行ったが,高水敷 内の樹木,草地を考慮し掃流砂は出現しないものと仮定 し後述する方法で浮遊砂のみを計算に取り込んだ.

$$\frac{\partial \eta}{\partial t} + \frac{1}{1-\lambda} \left\{ \frac{1}{b} \frac{\partial \sum_{i} (q_{bi}b)}{\partial x} + \sum_{i} (q_{sui} - w_{fi}C_{bi}) \right\} = 0 \quad (3)$$

 $\lambda$ :河床材料の空隙率(0.4), $q_b$ :単位川幅当りの掃流 砂量, $q_{su}$ :単位時間単位面積当りの河床からの浮遊砂浮 上量, $w_f$ :浮遊砂の沈降速度, $C_b$ :河床付近の浮遊砂 基準点濃度,b:川幅,添え字iは粒径 $d_i$  掃流砂量式は,(4)式で表される芦田・道上<sup>5)</sup>の式を用 いた.

$$\frac{q_{bi}}{\sqrt{sgd_i^3}} = 17 p_i \tau_{*i}^{,3/2} \left( 1 - \frac{\tau_{*ci}}{\tau_{*i}} \right) \left( 1 - \frac{u_{*ci}}{u_*} \right)$$
(4)

 $s:砂の水中比重,<math>p_i:$ 粒径 $d_i$ の粒子が河床面に占める 割合, $\tau_*^i:$ 有効無次元掃流力, $\tau_{*c}$ :無次元限界掃流力,  $\tau_*:$ 無次元掃流力, $u_{*c}:$ 限界摩擦速度, $u_*:$ 摩擦速度

粒 径 別 の 限 界 摩 擦 速 度 は , (5) 式 で 表 さ れ る *Egiazaroff*・浅田<sup>6)</sup>の式を使用した .

$$\frac{{u_{*ci}}^{2}}{{u_{*cm}}^{2}} = \left\{ \frac{\log 23}{\log \left(21\frac{d_{i}}{d_{m}} + 2\right)} \right\}^{2} \frac{d_{i}}{d_{m}}$$
(5)

 $u_{*cm}$ :河床の平均粒径 $d_m$ に対する限界摩擦速度であり、ここでは岩垣の式 $^{71}$ を用いた。

浮遊砂は,単断面の場合(6)式で表される粒径別の浮遊 砂濃度の連続式を用いるが,高水敷の浮遊砂の浮上沈降 による浮遊物質濃度への影響を考慮した(12)式を用いて 計算することとした.

今回の目的である複断面において,高水敷の浮遊砂の 浮上沈降による浮遊物質濃度への影響を計算式に取り込 むためには横断方向の拡散も考慮する必要がある.しか し今回の検討では,簡単のため横断方向の拡散は瞬時に 生ずるものとして断面内では高水敷も低水路も同一の濃 度として計算を行うこととし,(6)式で表される粒径別の 浮遊砂濃度の連続式に高水敷での浮上・沈降量を考慮し た(12)式に変更した.これは高水敷との浮遊砂の出入り を表現するために,(12)式の右辺代3項を与えることを表 す.また,時間・距離の偏微分項に含まれる値である水 深・幅・流速の乗数においては,低水路・高水敷の各乗 数の和を取り浮遊物質濃度を求めた.渦動粘性係数 *e* に おいても同様とした.

$$\frac{\frac{\partial}{\partial t} \left( \langle C_i \rangle hb \right) + \frac{\partial \left( uhb \langle C_i \rangle \right)}{\partial x} \\ = \frac{\partial}{\partial x} \left( \varepsilon \frac{\partial \left( \langle C_i \rangle hb \right)}{\partial x} \right) + q_{sui}b - w_{fi}C_{bi}b$$
(6)

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \langle C_i \rangle hb \right) + \frac{\partial (uhb \langle C_i \rangle)}{\partial x} \\ = \frac{\partial}{\partial x} \left( \varepsilon \frac{\partial \left( \langle C_i \rangle hb \right)}{\partial x} \right) + b \left( q_{sui} - w_{fi} C_{bi} \right) + b_e \left( q_{suei} - w_{fi} C_{bei} \right)$$
(12)

 $\varepsilon = 1/6 \kappa u_e h$ ,  $\kappa$ : カルマン定数,  $\langle \rangle$ :水深平均値を表 し, 浮遊砂物質濃度(断面水深平均浮遊砂濃度) $\langle C_i \rangle$ は次 頁の(8)式で表す.  $b_e$ : 高水敷幅,  $q_{sue}$ : 単位時間単位面 積当たりの高水敷浮遊砂浮上量,  $C_{be}$ : 高水敷底面付近の 浮遊砂基準点濃度,添え字iは粒径 $d_i$  浮遊砂浮上量式は低水路・高水敷とも(7)式で表される 板倉・岸の浮遊砂浮上量式<sup>8)</sup>を用いた.なお,(7)式中の *K*は低水路・高水敷ともに0.008を与えた.

$$q_{sui} = p_i K \left( \alpha_* \frac{\rho_s - \rho}{\rho_s} \frac{g d_i}{u_*} \Omega_i - w_{fi} \right)$$
(7)

また,Ω,は次頁の(9)式で表される.

$$\langle C_i \rangle = \frac{C_{bi}}{\beta} \{ 1 - \exp(-\beta) \}$$
 (8)

$$\Omega_{i} = \frac{\tau_{*i}}{B_{*i}} \frac{\int_{a}^{\infty} \xi \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-\xi^{2}) d\xi}{\int_{a}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{\pi}} \exp(-\xi^{2}) d\xi} + \frac{\tau_{*i}}{B_{*i} \eta_{*}} - 1$$
(9)

 $\rho_s$ :浮遊粒子の密度, $\rho$ :流体の密度, $u_*$ :有効摩擦 速度, $B_*$ :揚力算定の際の速度に摩擦速度を適用す るための換算係数, $\beta = w_{ji}h/\varepsilon$ , $\xi = z/h$ , $\eta_* = 0.5$ ,  $\alpha_* = 0.14$ ,  $a = B_{*i}/\tau_{*i} - 1/\eta_*$ である.

粒径別の流砂の連続式においては,SS 負荷量が距離 的・時間的変化する値であるため,その偏微分項を含む (10)式で計算した.

$$\delta \frac{\partial p_i}{\partial t} + p_i^* \frac{\partial \eta}{\partial t} + \frac{1}{1 - \lambda} \left\{ \frac{1}{b} \frac{\partial (q_{bi}b)}{\partial x} + q_{sui} - w_{fi}C_{bi} \right\} = 0 \qquad (10)$$

 $\delta$ :交換層であり,河床材料の交換が行われる厚さを現 す. $p_i^*$ については,初期河床に対する計算河床高の関 係により(11)式で与えた.

$$p_i^* = \begin{cases} p_i & ; \quad \partial \eta / \partial t > 0\\ p_{i0} & ; \quad \partial \eta / \partial t < 0 \end{cases}$$
(11)

*p<sub>i0</sub>*: 粒径*d<sub>i</sub>*の粒子が原河床に占める割合である. (10)式は,河床が洗掘を受けた場合,初期の粒径分布を 与えることを表す.交換層の厚さは今回河床材料の最大 粒径である 75mm を与えた.

#### 3.計算結果

沙流川大橋(KP2.8)において,今回洪水期間中観測した SS 濃度[mg/L]とその値から推定した SS 濃度[mg/L]に対 する,高水敷の浮遊砂の浮上沈降を考慮した場合しない 場合の計算結果を図-5 に表す.どちらの計算も推定 SS 濃度[mg/L]のピークとは合わない結果となった.また, 立ち上がりの傾向はつかめているが,ピーク付近から減 水期間について観測・推定 SS 濃度[mg/L]がある一定の値 を維持しているのに対して,計算では流量上昇とともに SS 濃度[mg/L]が上昇傾向にあるとともに流量の減少と ともに濃度も減少する結果となった.この違いについて は微細粒子の輸送に関し,極めて重要な現象を表してい るものと考えられる.ピーク付近での観測値が欠測とな





シルト(0.075mm)の SS 濃度[mg/L]

っていることから充分な機構の解明は,現在のところ出 来ないが,計算結果と観測値の比較から検討を行うこと とする.

粒径別の SS 濃度[mg/L]について,洪水時の観測結果か ら得られた粘土(粒径 0.005mm)とシルト(粒径 0.075mm) の SS 濃度[mg/L]に対する高水敷浮上沈降有り無しの計 算結果を図-6,7 に示す.

観測結果は、細かい粒径の粘土よりシルトの方が流水 中に多く含まれる事が分かる.これに対し計算結果は、 同程度の SS 濃度[mg/L]となっている.浮上沈降有り無し の比較では、粘土は立ち上がり・減水時は同程度の値を 示している.シルトについては浮上沈降有りの方が、立 ち上がり時間が早くより観測値に近くなっているものの、 減水時のかい離が大きい.また、洪水時において細砂(粒 径 0.250mm), 中砂 0.0850 (粒径 0.850mm), 粗砂 (粒径 2.000mm)について観測されているが,計算ではゼロとなり計算され得なかった.



次に,SS 負荷量[kg/s]の時間的変化と,計算結果を図 -8 に示す.この結果から沙流川大橋での洪水期間の通過 SS 負荷量[t]について求めると,観測・推定値128万tと なり,高水敷浮上沈降有りの計算では150万t,浮上沈 降無しの計算では142万tとなり,オーダー的には,ほ ぼ等しくなっている.

図-5,8 において計算条件の違いによる比較すると,高 水敷浮遊砂浮上沈降を考慮した場合の方が無しの場合に 比べ,時間的には早く現れ,量的には高い値となった. これは,浮上沈降を考慮することにより高水敷浮遊砂が 沈降量より浮上量の方が大きくなり浮上し,そのため流 水中に多く存在していることを示している.

今回洪水前後において、沙流川大橋(KP2.8)と約 13.2km 上流の荷菜大橋(KP16.0)で高水敷の河床材料調査を行っ ている.この現地調査データと今回の高水敷浮遊砂浮上 沈降有りでの計算結果を図-8,9 に示す.調査結果から下 流に位置する沙流川大橋では粒径構成がほとんど変わら ないのに対し,上流に位置する荷菜大橋では洪水後細か い粒径が多く存在している.計算結果では,全体的に調 査値よりも堆砂する傾向にあるが傾向はつかめている. これは,(11)式において洗掘を受けた場合初期の粒径分 布を与えているが,初期の粒径分布は洪水前高水敷での 沙流川大橋(表層 5cm)・荷菜大橋(表層 3cm)での平均値を 与えている.表層は細かい粒径が多く,そのため洗掘を 受けると細かい粒径を多く供給することになる.このた め,計算結果においても細かい粒径が多く存在する事と なった.



図-9 沙流川大橋の高水敷粒径加積曲線図



図-10 荷菜大橋の高水敷粒径加積曲線図

### 4.終わりに

沙流川における洪水の諸元を与え高水敷における浮上 沈降を考慮した場合の計算を行った.その結果,洪水上 昇期の濃度の立ち上がりが早まり,より観測結果に近い 値となったが,洪水ピーク後高い濃度が維持される現象 は再現できなかった.今後,高水敷における粒径分布を 含め,モデルの改良を行う必要がある.

#### 謝辞

本研究は,国土交通省北海道開発局の受託業務による 補助を受けた.記して謝意を表す.

<参考文献 >

- 1)佐藤耕治・渡邊康玄:洪水時における微細砂の縦断方 向輸送,土木学会水工学論文集第45巻,pp.673-678, 2001.
- 2)渡邊康玄・新目竜一・斉藤大作・玉川尊:鵡川 1998
  年融雪出水時の物質輸送に関する調査,土木学会水工 学論文集第43巻,pp.587-592,1999.
- 3)小川長宏・渡邊康玄:沙流川流域における 2003 年 8 月洪水の調査観測,土木学会水工学論文集第 48 巻, PP.955-960,2004.
- 4)小川長宏・渡邊康玄:二風谷ダムでの 2003 年台風 10
  号における SS の挙動,土木学会河川技術論文集,第
  10 巻,pp.525-530,2004.
- 5) 芦田和男,道上正規:混合砂礫の流砂量と河床変動に 関する研究,京都大学防災研究所年報第14号B,1971.
- 6)浅田宏:山地河川の流砂量と貯水池の堆積過程に関する研究,電力中央研究所報告総合報告No.2,1976.
- 7)岩垣雄一:限界掃流力の流体力学研究,土木学会論文 集第41号,1956.
- 8)Itakura, T. and T. Kishi : Open Channel Flow with Suspended Sediments, Jour. Hyd. Div., Proc. ASCE, Vol. 106, No. HY8, 1980.