

IV - 7 道路網構成問題に関する基礎的研究

苫小牧工業高等専門学校 正会員 ○ 桜谷 有三
北海道大学工学部 " 加来 照俊

1. まえがき

一般に道路網構成問題とは、各 1 ド（交通発着地点）間の需要交通量（0 も交通量）ヒ 1 ド間を結合する計画・設計可能な道路網を与えたとき、この需要交通量を効率的に処理するためにはどの様な道路網構成か決定されねばある制約条件の下である目的関数（評価基準）を最大より最小にするかといふことができる。そして、この問題の実際的応用としては道路網新設計画、既存の道路網の各道路区間の整備検査を行なう改良計画、道路網の容量を増加させるための増強計画、さらに除雪路線計画などが考えられる。これらは計画は、道路利用者へのサービス向上あるいは昨今の交通需要の増加等を考慮するに道路網計画において解決されなければならぬ基本的な課題である。また、これらの議論は道路網構成問題にとの基礎をあくものであり、これらの一連の計画に対処できる解決が望まれる。

2. 従来の研究

この問題に対しては從来から多くの研究が行なわれて来たが、これらの研究は各道路区間の建設あるいは拡幅等の建設に関する変数の取り方によつて大別することができる。ひとつは変数と離散変数 (discrete variable) と考えるもの¹⁾、このとき交通容量は車線当たりという形で表わされる。他のひとつは、連続変数 (continuous variable) とするもので交通容量は幅員当たりとなる。前者による解法としては、組合せ最適化問題を考えるものと制約条件及び目的関数を離形で表現して（混合）整数計画問題として定式化するものである。組合せ最適化問題の解法としては分歧限界法²⁾、Backtrack 法等の離散解法³⁾と Forward 法・Backward 法⁴⁾、分歧限界を改良した方法⁵⁾、Forward・Backward 法を改良した方法⁶⁾あるいは Backtrack 法を改良した方法など計算時間および記憶容量の減少を計つて実用性を考慮した近似解法がある。また、整数計画問題の解法としては分歧限界法が用いられている。さらに、後者の解法として走行時間は交通量に依存せず一定として離散計画法を解く方法⁷⁾、および交通量と走行時間との関係を離形あるいは非離形と假定して分解原理を用いる方法⁸⁾、タ配法を用いる方法、分解原理の考え方を応用した方法などがある。このように多くの研究がなされているが、いくつかも問題点を有する。まず従来の研究は主にある設定を以下の問題に対する最適解法および近似解法といつて解法上の点のみに着目しているため、問題の構造あるいは他の計画問題に対する適用性についてあまり考慮がなされていないが、た。また、特に最適化問題においては交通量配分が最適な道路網を得るまで相当数繰返さねばならぬため、問題をいたずらに複雑化しないように計算時間等を考慮して主に実用的でない容量制約のない最適経路配分が用いられてきた。しかし、交通量配分は道路網の評価あるいは各道路区間の交通容量（幅員、車線数）を検討するため必須であり、また、これをむけ実際の現象を反映した配分手法が望まれる。

そこで、本研究は各道路区間の建設（幅員、車線数）に関する変数の取り方と、この問題と離形計画問題 (Linear Programming: 以下 L P という)、可分計画問題 (Separable Programming: 以下 S E P という) および混合整数計画問題 (Mixed Integer Programming: 以下 M I P という) として定式化して考察するものである。こうすること、ある評価基準（目的関数）を最大より最小にする道路網構成の決定と同時に各道路区間の配分交通量とも離形計画的配分結果として同時に求めることができる。離形計画的配分は計画指向的な配分手法であるが、この問題に実際的本配分手法を導入できること、また道路網の計画尺度として走行時間が用いられることは最も意義がある。また、需要交通量の効率的本処理のめどりす道路網の有効的本利用という観点からにも考慮することができることから、L P・S E P 問題は M I P 問題における整数条件を緩和したものといふことと M I P 問題の近似解法と

も考えられる。また、LP・SEP問題も設定された問題によれば実用的解法にも本章と思われる。

3. 路網構成問題の定式化

路網の評価は直感的にせよ間接的にせよ種々の評価要因による総合的に行なわねばならないが、すべての要因を定量的にとらえることは困難である。そこで、本研究は前述の様に問題をLP・SEP・MIP問題として定式化することを踏まえ量化解可能本要因のみについて考える。まず(1)において、基本的な問題の定式化を行ない、そして(2)において各道路区間の建設に関する変数の取り方によつて問題がLP・SEP・MIP問題になることにつれて考察する。

(1) 問題の定式化

いま、ある与えられた建設可能な最大道路網をれ個の「ド」と「ド間」結合する個のリンクを持つネットワークにモデル化する。この道路網上に各「ド間」の交通が何個存在するものとし、各「ド」交通ごとに最も大きな番目の「ド」交通量を Y_{ij}^k とする。さらに、各「ド」交通ごとにリンク交通量を区別して本章の「ド」交通のリンク交通量を X_{ij} とする。本研究においては、このリンク交通量 X_{ij} を用いて定式化を試みる。まず、問題条件式として(1)式の「ド」交通に関する連続条件、(2)式の各リンクの容量制限に関する条件がある。(2)式において C_{ij} は各リンクの区間交通量、 C_{ij} はある単位あたりの交通容量を示す。また、 λ_{ij} は各リンクの建設に関する变

$$\sum_{j=1}^{n_i} (Y_{ij}^k - Y_{ji}^k) = \begin{cases} \lambda_{ij} & (\text{ jika } i\text{ が } j\text{ のとき}) \\ -\lambda_{ij} & (\text{ jika } j\text{ が } i\text{ のとき}) \\ 0 & (\text{ いかなる } i\text{ が } j\text{ のとき}) \end{cases} \quad (1) \quad X_{ij} = \frac{1}{\lambda_{ij}} Y_{ij}^k \leq C_{ij} \cdot \lambda_{ij} \quad (2)$$

を示す。この条件式において、各リンクの交通量とリンクの建設あるいは整備等との関係を表わすことができる。たとえば、交通需要に見合った幅員あるいは車線数が建設できとしたときは左辺の区間交通量から右辺の変数 λ_{ij} が決定される。また、あるリンクが建設されないとさ($X_{ij} = 0$)には明らかに各「ド」交通のリンク交通量は0になる。さらに、 X_{ij} がある値をもつことをむち建設されることにはある目的関数を最大より最小にするよう両辺が相互に係わり本からリンクの交通量および変数 λ_{ij} が決まります。次に、(3)式で示される道路建設費用に関する条件式を考えられる。一般に道路建設に投資される費用には限界があり、従つ、この限り山火費用の中で効率的な道路構成が望まれる。この建設費用は道路建設者側から見た重要な評価要因といつてあるとともに、前述の道路網の有効的利用という観点からも適切な値が設定されるべきと思われる。また、建設費用は建設距離の増加とともに増加するので、(3)式は(4)式の建設距離によつて表わすこともできる。ここで、 b_{ij} は

$$\sum_{j=1}^{n_i} b_{ij} \cdot \lambda_{ij} \cdot X_{ij} \leq M \quad (3) \quad \sum_{j=1}^{n_i} b_{ij} \cdot \lambda_{ij} \cdot X_{ij} \leq L \quad (4)$$

リンクの距離を、 b_{ij} は単位距離あたりの建設費用を示す。また、 M 、 L はそれぞれ道路網全体の建設費用および距離である。さらに、(5)、(6)式で示される総走行台時間および距離に関する条件式も考えられる。これらは道路網を評価する上で重要な要因であり、また道路利用者の側からはできるだけ小さい値が要求される。従つ、各「ド」交通の走行便益を考慮すると、採用される道路網はある設定された制限値以内であることが望ましい。(5)式において、各リンクの走行時間は区間交通量に依らず一定としているが、この車については5.において詳述する。ここで、 t_{ij} はリンク i 走行時間を示し、TT、TDはそれらの総走行台時間および距離である。本章、これら評価要因と関連するものとして道路利用者の走行費用があるが、これも同様に考え方で定式化することができる。また、各「ド」交通のリンク交通量 Y_{ij}^k および建設に関する変数 X_{ij} が非負でなければならぬという(7)、(8)式を

$$\sum_{j=1}^{n_i} t_{ij} \cdot Y_{ij}^k = \sum_{j=1}^{n_i} t_{ij} \cdot X_{ij} \leq TT \quad (5) \quad \sum_{j=1}^{n_i} b_{ij} \cdot Y_{ij}^k = \sum_{j=1}^{n_i} b_{ij} \cdot X_{ij} \leq TD \quad (6)$$

$$Y_{ij}^k \geq 0 \quad (j=1, 2, \dots, m) \quad (7) \quad X_{ij} \geq 0 \quad (j=1, 2, \dots, m) \quad (8)$$

ある。これらの条件式の他に、自動車による大気汚染・騒音・振動等のゆるやかな交通公害による道路環境の悪化あるいは地域住民の良好な生活環境の保持等を考慮した費用も考慮される。これらの要因の本問題への導入は、直接的には交通量あるいは幅員(車線数)との間接的関係が表現するが、複雑な車の工事が必要である。また、間接的には上述の各条件式を通じて組み込むことも可能かと思われる。

次に目的関数(評価基準)について考えると、前述の(3)～(6)式の各式が自身制約条件として考慮されないときとそれと(9)～(12)式が表わされるように目的関数となりうる。これらの目的関数はすべて最小化問題である。また、これらの目的関数を設定したときは固定されたOD交通量を効率的に処理するための問題となる。

$$M = \sum_{ij} l_{ij} \cdot m_{ij} \cdot x_{ij} \quad (\text{最小化}) \quad (9)$$

$$L = \sum_{ij} l_{ij} \cdot y_{ij} \quad (\text{最小化}) \quad (10)$$

$$T = \sum_{ij} t_{ij} \cdot y_{ij} \quad (\text{最小化}) \quad (11)$$

$$TD = \sum_{ij} t_{ij} \cdot y_{ij} \quad (\text{最小化}) \quad (12)$$

3. しかし、OD交通量は長期的にみてときたらず一定の値を有するのではなく漸次増加する場合を考えられる。従って、道路網建設にあたっては單にある時期の需要交通量を処理できるのみではなく、以後増加する需要交通量を十分処理できることが望ましい。こうすると、前述の各種の要因の他に(13)式で示されるOD構成比一定の下での処理交通量最大化という目的関数を考えられる。なお、このとき(14)式のOD交通に関する構成比一定という条件式を付加しなければならない。この要因は、建設者側から見た評価要因のひとつである。これらの各式

$$F = \sum_{ij} T_{ij} \quad (\text{最大化}) \quad (13)$$

$$T_{ij} / \sum_{ik} T_{ik} = \text{const.} \quad (14)$$

式は、いずれも道路建設者側および利用者側の立場のみを考慮したものである。従って、総合的に評価するためには両者を同時に目的関数に組み込むことが要求されるよう。しかし、本研究は問題をLP, SEP, MIP問題とするため両者を同時に考慮するには同一の尺度(単位)で表現されなければならない。たとえば利用者側の要因を費用で換算できるときは、(15)式で示される道路利用者の年間費用と年間道路費用との和からなる総費用の最小化を目的関数として考えられる。以上、本問題を定式化するにあたっては基本的に必要な、また複数定量

$$T = 365 \cdot R \cdot U \cdot \sum_{ij} t_{ij} \cdot Y_{ij} + K \cdot \sum_{ij} m_{ij} \cdot x_{ij} \quad (\text{最小化}) \quad (15)$$

ここで R : 単位時間交通量と年平均日交通量を換算するための係数 U : 単位時間・台あたりの道路利用者費用 K : 道路の耐用年数と利子率による算定される資本回収係数

化要因についてこの制約条件および目的関数について考察した。こうすると、(1)～(8)式の制約条件と(9)～(13)式の目的関数を各種組合せることによって、希望の道路網構成問題が定式化できる。

(2) 各道路区間の建設(幅員、車線数)に関する変数について

各道路区間の建設に関する変数とは前述の様に離散変数あるいは連続変数として捉えることができる。この事は、一般にこの変数と建設費用との関係が概略的に図-1および図-2で示される関数で表現されるためである。まず、図-1の非線形のステップ状関数が表わされる場合には離散変数となり、整数のみしか取りえない。このこと、変数は車線数となり交通容量も車線当たりが表わされる。次に、図-2で示される線形関数が表わされる場合には、連続変数となり任意の値を取ることができる。変数としては幅員が考えられ交通容量も単位幅員当たりが表わされる。こうすると、前者は連続変数である各OD交通のリンク交通量と離散変数となる車線数とからなる混合整数計画問題となる。一方、後者はいわゆる連続変数であるため線形計画問題として定式化できる。一般に道路建設は車線数単位で建設されるため、前者の離散変数を使用するのが望ましい。しかし問題がMIP問題となるため、その解法が非常に困難となる。とくに對して、後者のLP問題は解法が容易で本來の大規模な問題にも適用ができるが、厳密に車線数単位の値を要求されるような場合にはその解法が十分満足されない。従つて、基本的には前者は道路新設計画のよう本道路網の基本的形態を求める問題に、また前者は勿論のこと後者は既存の道路網を改善する改良計画あるいは増発計画等に適用可能と思われる。さらに混合整数計画問題は直感的に解かりが困難なため、それに代わる解法として、問題を可分計画問題として定式化する。この問題は、概略的に図-3に示される非線形のステップ状関数を区分離散化を行なうことによる考え方である。また、このときの変数である交通容量は車線数単位で近似することができる。

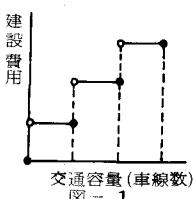


図-1

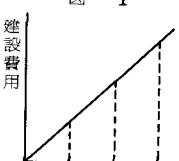


図-2

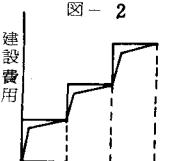


図-3

これらいすれの問題を使用するかは、対象とする計画および要求される解の精度等を考慮して決定を以ふべきものと思われる。また、LP・SEP問題とMIP問題の整数条件を複合させたものとするとき、MIP問題の解法においてLP・SEP問題の解を利用することは整数条件の減少をはかる、計算を容易にすることも考えられる。このことは、SEP問題に対するLP問題にあつても同様に考へることができる。

4. 問題の解法

前節述べたように、道路構成問題はLP・SEP・MIP問題等の数理計画問題として定式化される。そして、ここではそれらの数理計画問題のうちSEP、MIP問題の解法について基本的な考え方について述べる。

(1) 混合整数計画問題の解法⁽¹⁾

この問題の解法については従来から多くの研究がなされてゐるが、一般に分岐限界法を用いて行なうことができる。MIP問題は一般に(16)式のように書くことができる。この問題をPとする。ここで、B、Cはそれぞれ整数変数、連続変数に関する係数行列であり、Dは係数ベクトル；制約条件 $BX + CY \leq b$ である。また、X、Yは連続元、m行n列の変数ベクトルである。いま、問題上に満たさねばならない非負整数という条件を $x_{ij} \geq 0$ に書き換えてよりなる問題を \bar{P} とする。 \bar{P} の最適解がすべて整数条件を満足すれば、それはPの最適解でもある。しかし、ある変数が整数条件を満足しない(17)式とある場合には、問題Pをとおして(18)、(19)式の条件を付加して部分問題に分割する。なお、(17)式 $x_{ij} = m_j \quad (17) \quad x_{ij} \geq m_j + 1 \quad (18) \quad x_{ij} \leq m_j \quad (19)$ 本変数を分枝変数といふ。そして、それらの条件を付加されたLP問題を \bar{P}_1 ($x_{ij} \geq m_j + 1$)、 \bar{P}_2 ($x_{ij} \leq m_j$) とする。ここで、 m_j は x_{ij} にこえない最大の整数である。問題Pの最適解はこれら2つよりLP問題のいずれかより得る解であり、またLP問題 \bar{P} はどちらの許容解でもない。これらの車から、(18)、(19)式で示される分割をつづきに行なうと、生成される部分問題をれども許容解は縮少し、最終的にいかずかずで整数条件を満たすPの最適解をうることができる。なお、分枝変数の決定は整数值からも、とも達い値をとる変数にようつて行なうと計算速度の点にあつても有効と思われる。

(2) 可分計画問題の解法^{(3), (4)}

この問題は図-4に示されるように、ステップ関数を用いて線形近似関数の傾きが $b_2 < b_1, b_4 < b_3$ のように遞減するためには直接的にはLP問題として解くことはできない。しかし、その解法は次の諸点を考慮して基本的にはLP問題によつて行なうことができる。

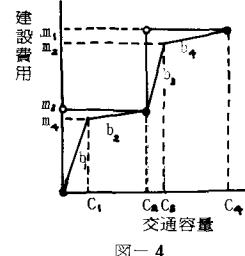


図-4

(1) 非線形関数に関する変数のそれらは1個のスペシャル変数で表わされる。

(2) それらのスペシャル変数は非線形関数を部分線形近似して表わす。また、ス

ペシャル変数のそれらは部分線形を似によく特徴の区間で進んだ距離を示す。

(3) スペシャル変数のそれらは、下限から、上限までである。これらの値は横軸の方向により規定する。

(4) スペシャル変数がLP問題の基底変数になることができるのは、となりある変数のどちらかひとつが基底変数であるか、その前の変数が上限にあるかのいずれかに限る。

いま、あるリニクのある区間のスペシャル変数を x_{ij} とすると、図-4で表わされる問題の(2)式の右辺は(20)式のようにグリッド方程式によつて与えられる。また、(3)、(9)式も(21)式によつて表わされる。なお、(4)、(10)式に対しても(21)式と同様な方程を定式化できる。さらに、スペシャル変数に関する(22)式の条件式が付加される。

$$c_g \cdot x_{ij} = c_1 \cdot q x_1^g + (c_2 - c_1) \cdot q x_2^g + (c_3 - c_2) \cdot q x_3^g + (c_4 - c_3) \cdot q x_4^g \quad (20)$$

$$\sum l_{ij} \cdot a_{ij} \cdot x_{ij} = \sum l_{ij} \cdot (m_1 \cdot q x_1^g + (m_2 - m_1) \cdot q x_2^g + (m_3 - m_2) \cdot q x_3^g + (m_4 - m_3) \cdot q x_4^g) \quad (21)$$

$$0 \leq q X_i^L \leq L \quad (q=1, \dots, m; i=1, \dots, n) \quad \text{--- (22)}$$

このように、制約条件および目的関数も線形で表わされるので LP 問題となるが、本質的には前述の(3), (4)の条件が付加されるのがどの解法はかならずしも容易ではない。特にこの様な問題においては局所的最適解に落ち込むことを考えられるので、全局的最適解を求めるためには制約条件に工夫が必要かと思われる。従って、このような場合には前述の様に LP 問題の解を利用する方が有利である。また、これらの数理計画問題の解法についてもすでにプログラム・パッケージ化されており計算機を用いて本問題を解くことも可能である。¹⁵⁾

5. 走行時間関数を導入した場合について¹⁶⁾

一般に実際の現象に適合して交通量配分を行なうには、交通渠化による走行時間の増加の影響あるいは交通容量の概念を導入する必要がある。その方法としては、交通容量を制約条件として考える方法、走行時間関数を用いる方法およびこの両者併用する方法がある。ここでは取り上げるのは両者併用する方法で、すでに定式化された交通容量を制約条件として用いた問題にさらに走行時間関数を導入する場合について考証する。交通量と走行時間との関係を複数ある

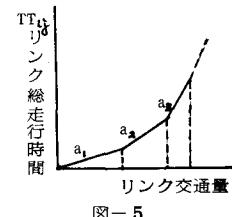


図-5

のは非線形であるに拘らず、その總走行時間関数は非線形となりその解は困難となる。道路網構成問題においてはこの總走行時間関数を2次関数、FHWA (Federal Highway Administration) 関数、あるいは線形近似関数と仮定したものがある。本研究においては、定式化された問題および取扱いの容易さ等を考慮して、図-5で示される線形近似関数を用いる。いま、線形近似によると分割点数を L とし、それらの区間の分配を a_i 、交通量 X_i^L とするところの交通量および總走行時間は(22), (23) 式で表わされる。ここで、 TT_q は i の總走行時間である。

$$X_g = \sum_{i=1}^L X_i^L = \frac{1}{2} Y_g \quad \text{--- (22)}$$

$$TT = \sum_{i=1}^L TT_q = \sum_{i=1}^L a_i \cdot X_i^L \quad \text{--- (24)}$$

$$TT_q = \frac{1}{2} a_i X_i^L \quad \text{--- (23)}$$

$$X_{i-1} \leq X_i^L \leq X_i \quad \text{--- (25)}$$

1) さらに(25), (24)式の道路網全体の總走行時間は(24)式となる。本か、交通量 X_g は(25)式の条件を満たすものとする。従って、走行時間関数を導入しても本質的にその解法は変わらないが、(22)式で示される新たな本変数が増加するため線形近似の分割点数について解の精度などを考慮して決めなければならぬ。

6. 計算例

ここでは、簡単な例題を通して本問題の解法について考察する。図-6の建設最大道路網、表-1の各交通量および表-2のリンク距離を用いて行なう。本か、図-6の値は建設可能な車線数を示す。また、交通容量は単位幅員あたり4000台/m、1車線あたり12000台とし、建設費用は1車線(3m)あたり10億円/kmとなる。制約条件、目的関数、設定によって種々の問題が考証されるが、ここでは目的関数を總走行時間および建設費用最小化の道路網設計問題についての例題。まず、走行時間が交通量に依存せず一定の場合について行なう。本か、各リンクの走行時間は各リンクとも単位距離あたりの所要時間1.5分として表-2から求められる。LP 問題において、總走行時間および建設費用最小化の最適道路網を求めてみよう。図-7を用いて、図-8をえらぶ。

このとき、図-7において $TT = 754500$ 分、 $M = 250.8$ 億円となり、図-8は $TT = 763500$ 分、 $M = 225.8$ 億円である。SEP 問題においては、まず図-4における交通容量の区間を $C_1 = 100$ 台、 $C_2 = 11900$ 台、 $C_3 = 12100$ 台、 $C_4 = 24000$ 台とした。より結果、總走行時間および建設費用最小化として、図-9、図-10の最適道路網をえた。このとき、各リンクはスペシャル変数を用いて車線数を表わした。また、図-9において $TT =$

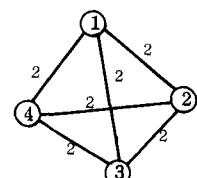


図-6

表-1

0	1	2	3	4
0	0	0	10	0
1	0	0	8	7
2	6	0	7	14
3	9	7	0	5
4	5	14	5	0

(× 10³ 台)

表-2

0	1	2	3	4
0	0	6	9	5
1	0	6	9	5
2	6	0	7	14
3	9	7	0	5
4	5	14	5	0

(km)

754500台・分, $M=349$ 億円, 図-10は $TT=774300$ 台・分, $M=266$ 億円である。この問題においては、前述の様に全局的最適解を求めるには走行距離等の制約条件を付加する必要もある。さらに、MIP問題の解はSEP問題と同じ図-9, 10の道路網となる。TTはSEP問題と同じ値をとるが, M はそれよりも60億円、270億円となり、SEP問題の解はMIP問題とはほぼ同じ値をとることができる。また、LP問題の解は建設費用の関数を線形と仮定しているためSEP・MIP問題の解と比較して過少評価となる。しかし、この点においてLP問題の適用には問題がある（なぜなら本研究では各リンクの建設費用が既知である）。しかし、図-7と9、図-8と10を比較すればほぼ同じ道路網形態を示しており、SEP・MIP問題の解法にあたってLP問題の解を利用することは有効と思われる。

次に、走行時間関数を導入して各リンクの総走行時間関数を図-11のように複数を併せた場合について考える。このとき、関数は2分割して $X_1=8400$ 台, $X_2=12000$ 台とし、それが他の区間の分配を表すことに示した。この場合についても上述と同じ問題について計算を行なったが、勿論総走行時間の値は異なる。

かほほ同じようないく道路網形態をえた。ここでは、SEP問題において総走行時間最小化の結果について図-11に示す。このとき、 $TT=754500$ 台・分, $M=458$ 億円であり建設費用において走行時間関数を導入しない場合にくらべて約1.2倍となる。

7. おわりに

以上本研究において、各道路区間の新設あるいは幅員等の建設に関する3変数を対象とする問題によって連続変数および離散変数を取りうることを示し、さらに変数の取り方によって問題をLP・SEP・MIP問題等の数理計画問題として定式化した。定式化された問題はある評価基準を最大より最小にすすめ道路網構成を決定と同時に各道路区間をも輸送計画的な配分結果として求めることができる。また、このとき交通混雑による走行時間の増加の影響を各リンクの総走行時間関数の導入により考慮した。道路網の評価要因としては種々考へられており、本研究におけることは現在定量化可能なものについて定式化を試めた。そして、種々の制約条件および目的関数を設定することにより、これまでの道路網形態をえることができる。また、本研究では主に道路網計画問題にあり基本的な道路網新設計画を中心としたべききたが、同様の考え方を他の道路網計画問題にも適用可能であり、この点については別途機会に発表したい。本紙、本問題のように数理計画問題としたときの問題として大規模な道路網への適用についての議論があるが、今後考察を行なうべきだ。

8. 参考文献

- (1) Scott, A, J An integer program for the optimization of a system of chromatic graphs , J.Reg.Sci7,1967
- (2) Hoang Haic Hoc : A Computational Approach to the Selection of Optimal Network, Management Science Vol 19,1973
- (3) Scott, A, J The Optimal Network Problem Some Computational Procedures, Transportation Research Vol 3 , 1969
- (7) ALAN HERSHDORFER : Optimal Routing of Urban Traffic, M I T,1965 (9) Cater Stowers Models for Funds Allocation for Urban Highway Systems Capacity Improvement, H R R No 20, 1963 (10) Dafermos Traffic assignment and Resource Allocation, Transportation Networks,1968 (11) Dantzig 他 The Application of Decomposition to Transportation Network Analysis, Transportation Systems Center,1976
- (4) 飯田恭教：最適道路ネットワーク構成法、土木学会論文報告集第24号、1978
- (5) 吉村一也：最適ネットワーク構成に関する一考察、土木学会論文報告集第25号、1979
- (6) 佐野和也：最適交通ネットワーク問題の数学的構造と最適解法、土木学会論文報告集第26号、1979
- (8) 青井洋平：ネットワーク容量増強問題と最適ネットワーク問題について、土木学会論文報告集、第25号、1979 (15) FACOM 230 MIP解法器、富士通
- (16) 横畠久次：数理計画法、丸善書店
- (12) 芦井義典：数理計画法(1)～(5)；オペレーティング・リサーチ
- (13) ミクラン君；数理計画入门上、東京図書
- (14) 横畠久次；数理計画入门、東京出版
- (17) FACOM 230 MIP解法器、富士通

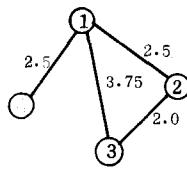


図-7

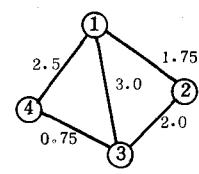


図-8

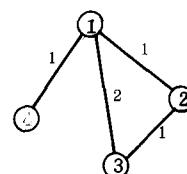


図-9

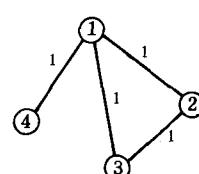


図-10

表-3

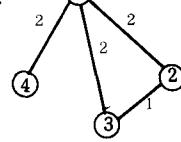


図-11

リンク	a_1	a_2
1-2	9.0	69.0
1-3	13.5	103.5
1-4	7.5	57.5
2-3	10.5	80.5
2-4	21.0	161.0
3-4	7.5	57.5