# 山岳トンネルにおける覆工背面空洞の 裏込め注入材の剛性と効果に関する一考察

日下 敦1·岸田 展明2·砂金 伸治3·河田 皓介4

<sup>3</sup>正会員 国立研究開発法人 土木研究所道路技術研究グループ (〒305-8516 茨城県つくば市南原1-6) E-mail:n-isago@pwri.go.jp

E-mail: n-kishida44@pwri.go.jp

<sup>4</sup>正会員 株式会社 オリエンタルコンサルタンツ関西支店(〒530-0005 大阪市北区中之島3-2-18)
(元国立研究開発法人土木研究所道路技術研究グループ)
E-mail: kawata@oriconsul.com

山岳トンネルにおける覆工背面空洞は、地山条件等によっては構造上の弱点となる場合があり、その対 策として裏込め注入を行うことがある。裏込め注入材は種々のものが開発されているが、特に外力の作用 が懸念される条件においては、裏込め注入により地盤反力を確保することが重要であると考えられる一方 で、裏込め注入材の剛性が対策工の効果に及ぼす影響について議論された事例は少ないのが現状である。 本研究では、覆工の天端部付近に背面空洞が存在する山岳トンネルにおいて外力が作用する条件を想定し、 背面空洞に充填する裏込め注入材の弾性係数が、覆工の破壊時荷重に及ぼす影響について、数値解析によ り検討した。その結果、外力対策として覆工背面空洞の裏込め注入を行う場合は、ある程度の剛性を有す る裏込め注入材を用いることにより背面空洞の無い場合に近い値まで覆工の破壊時荷重を確保できる可能 性があることや、それらの効果の程度が背面空洞の規模によって変わると考えられることが明らかとなっ た.

Key Words : back-fill grouting, void above lining, numerical analysis, mountain tunnel

## 1. はじめに

山岳工法により建設されたトンネルのうち,特に矢板 工法で建設されたトンネルでは,その施工方法の特徴か ら,図-1のように覆工の背面に空洞が残存することが避 けられない場合が多い.この背面空洞は,地山条件等に よっては構造上の弱点となる場合があり,その対策とし て裏込め注入を行うことがある.

裏込め注入の目的は, 主として,

- (a)トンネルに外力が作用し,覆工が変形する場合に, 地山からの均等な反力を確保し,トンネルの耐荷 力の向上を図る
- (b) 空洞上方の地山の亀裂による岩塊崩落に起因する 突発性の崩壊や、地山の緩み拡大等を防止する

というものが挙げられる.(b)においては、空洞が充填 されることにより、岩塊崩落による衝撃荷重が覆工に直 接作用しないことが重要であると考えられ,裏込め注入 材の剛性が議論されることは少ない.一方,(a)において





は、適切な反力が得られるよう、裏込め注入材としてある程度の剛性を有するものが選定されるべきであると考えられ、既往の研究<sup>1)、2,3</sup>においても裏込め注入材の剛性と覆工の変形性の関係等について論じられている.しかしながら、実務上は、マニュアル類において品質管理上の理由から規定された設計基準強度を満足するように裏込め注入材の配合を決定する場合が多く<sup>4)</sup>、覆工の応力状態や覆工の破壊に至る荷重の大きさと、裏込め注入材の剛性の関係について議論された事例は少ないのが現状である.

本研究では、上述(a)を対象とし、トンネル覆工に外力 が作用する場合において、天端部の覆工背面空洞に充填 する裏込め注入材の弾性係数が、覆工の破壊時荷重に及 ぼす影響について、数値解析により検討した.

## 2. 数値解析の概要

#### (1) 対象とする荷重のモード

トンネルに外力が作用する場合の荷重のモードは多岐 にわたり、全てを網羅することは困難であるが、覆工背 面空洞の影響がもっとも顕著に現れるケースのひとつに、 側方からの荷重が卓越するモードが考えられる.これは、 地山の塑性圧や凍上圧が作用する場合等に想定される荷 重モードであり、天端部に背面空洞が存在する場合は、 天端部において地山からの反力が得られず、大きな曲げ モーメントが発生することとなる.さらに変形が進展す ると、天端部の覆工内側において曲げによる圧縮破壊 (圧ざ)が発生し、部材の断面破壊につながる危険性が あるとともに、はく離したコンクリート片が落下してト ンネルの利用者の安全性にも影響を及ぼすこととなる.

本研究では、以上のような観点から、側方からの荷重 が卓越する場合について検討を行うこととし、図-2に示 すように鉛直荷重Pvと、側圧係数2の水平荷重Phにより モデル化することとした. 解析上は、Phが1ステップあ



たり0.01 MPaずつ増加するように載荷した.

#### (2) 地山のモデル化

地山の剛性は,覆工にも外力が作用する可能性が高い, 軟質な地山を想定し,地山等級DII相当のヤング係数150 MPa,ポアソン比0.35とした.なお,本研究においては, 地山は覆工へ荷重を作用させたり地盤反力を得たりする ための媒体であり,地山の破壊過程を詳細に検討するこ とを主な目的としていないことから,簡便のため,地山 は線形弾性体と仮定した.

#### (3) 覆工のモデル化

本研究は、覆工背面空洞が維持管理上の問題となる場合が比較的多い、矢板工法により建設されたトンネルに主眼を置いており、精緻な検討を行うためには、アーチ部と側壁部の打継目や、いわゆる「ふんばり」と呼ばれる上半アーチ脚部の増厚部の影響を考慮する必要がある場合がある。しかし、上述したような荷重のモードを考える場合、応力が集中するのは天端部付近となり、側壁の形状やインバートの有無は天端部の応力状態に大きな影響を及ぼさないことが別途実施した数値解析から明らかとなっている<sup>5,0</sup>.また、矢板工法では、覆工の設計巻厚を40~60 cm 程度とする事例が多いが、経年劣化によって有効巻厚が減少する場合がある.

これらの事を踏まえ、数値解析モデルを簡略化するため、覆工は一様の 30 cm 厚のプレーンコンクリート相当 と仮定し、また、外径 D=10m とした.

覆工材料は、線形弾性モデルとすると、上記の荷重モ デルでは側壁部に引張強度を大きく超える引張応力が発 生する場合があり、必ずしも天端部の圧縮破壊が支配的 であると結論づけにくい場合もあるため、非線形材料を 用いることとした. 覆工材料の破壊は Mohr-Coulomb の 破壊規準にしたがうものと仮定した. 破壊後はひずみ軟 化硬化モデルを適用し、粘着力 c、内部摩擦角 φ, ダイ レーション角 φについて、文献 ηにおける考え方を参考 に、図-3(a)に示すとおり、塑性圧縮ひずみの関数と仮 定した. 引張強度 f については、既往の実大規模の覆工 載荷実験におけるコンクリート材料の物性試験結果を参 考に決定し、破壊後の挙動はコンクリート標準示方書の



引張軟化曲線を参考に、図-3(b)に示すように塑性引張 ひずみの関数と仮定した.このような考え方に基づいた 非線形パラメータを用いることで、一軸圧縮状態におけ るプレーンコンクリートの耐荷力およびポストピーク強 度において、要素実験レベルの再現が可能であること<sup>®</sup> や、軸力と曲げモーメントが作用するトンネル覆工の耐 荷力に関して、実大規模の載荷実験の再現が可能である こと<sup>®</sup>、地山の水平圧縮変形が卓越する荷重状態を模擬 した 1/20 スケールの模型実験における覆工天端の圧縮 破壊等の再現が可能であること<sup>10</sup>が示されている.

図-4は、上記の材料特性を適用し、メッシュサイズ5 cmのソリッド要素を用いて一軸圧縮試験を行った場合の、応力-ひずみ関係を示したものである。約3,000 µのひずみにおいて、最大応力18 MPaに達し、その後はひずみ軟化特性を示すことが分かる.

#### (4) 背面空洞および裏込め注入材のモデル化

背面空洞は、図-5に示すように、範囲 $\alpha$ (天端( $\theta$  = 90°)を中心に± $\alpha$ 2)と深さhをパラメータとして変動させた. 裏込め注入を実施せず、背面空洞が存置されているケースについては、該当部分の要素の剛性をゼロとしてモデル化した.

裏込め注入を実施したケースについては,背面空洞の 部分の要素の弾性係数を裏込め注入材相当のものとする ことでモデル化した.

裏込め注入材のヤング係数*Eg*は,セメント系注入材 を想定した*Eg* = 1,000 MPa,比較的発泡倍率の低いウレ タン系注入材を想定した*Eg* = 50 MPa,比較的発泡倍率の





高いウレタン系注入材を想定した*Eg* = 2 MPaとした.ポ アソン比はいずれも02とした.なお,裏込め注入材の 剛性については、メーカーヒアリングによる値を参考に、 数値解析結果として差異が出やすいように設定したもの である.

#### (5) その他の解析条件

本研究では、覆工の非線形性を考慮した数値解析を行うことから、解の収束性が比較的良いとされている有限 差分法による計算を行った(解析コードはFLAC3D).

解析用のメッシュは、地山、覆工、裏込め注入材、いずれも三次元ソリッド要素を用いているが、トンネル軸 方向の変位を固定しているため、平面ひずみ問題として 扱われるものである.覆工のメッシュは、非線形モデル における形状の影響を避けるため、なるべく一辺が5 cm の立方体に近くなるように設定した(図-6).

## 3. 覆工の破壊に関する本研究における定義

## (1) 覆工の圧縮破壊に至るまでの挙動

図-7に、本研究において覆工が圧縮破壊を示すケースの例として、背面空洞範囲α = 30°、背面空洞深さh = 0.5 m、裏込め注入を実施しないケースの荷重変位関係を示す. 図中、○は水平荷重Phと覆工天端内側の節点の変





図-13 ステップ 41 における覆工の最大せん断ひずみコンタ ー (α=30°, h=0.5 m, 裏込め注入なしのケース)

位の関係,□は水平荷重Phと覆工SL内側の節点の変位 の関係を示す.荷重を増加させると,SLの節点は内側 に,天端の節点は外側に変位していることが分かる.一 方,荷重0.4 MPaを超えると,モードが大きく変わり, 天端の節点が内側に変位した.

途中段階のステップ9~10に着目すると,破壊領域図 を図-8に示すように、まず天端部外側に引張ひび割れが 発生し、荷重0.10 MPa (ステップ10) において断面の 50%までひび割れが進展していることが分かる.図-9に 示す覆工のひずみ分布を見ても分かるように、天端部 ( $\theta = 90^\circ$ )外側において引張強度を超えるひずみ(引張 強度2.3 MPaをヤング係数22 GPaで除して求まる値である 105×10<sup>6</sup>を超える引張ひずみ)が発生している.

ステップ36~37においては、肩部(θ = 70°付近)内側 において、同様に断面の50%までひび割れが進展してい ることが分かる(図-10,図-11). 天端部内側には 3,000×10℃に近い圧縮ひずみが発生している.

ステップ40においては、図-12に示すように天端部内 側で5,000×10<sup>6</sup>に近い圧縮ひずみが発生するとともに、 次のステップ41において急激に圧縮ひずみが増加した. また、図-13に最大せん断ひずみコンターを示すように、 天端部付近の破壊が卓越していることが分かる.図-7に



図-15 ステップ6(荷重0.06 MPa)における覆工の破壊領域
図(α=60°, h=1.0m, 裏込め注入なしのケース)

荷重変位図を示したように、これらのステップにおいて 変位のモードが大きく変化したが、これは天端部の圧縮 破壊に起因するものと考えられる.

以上の経過を集約すると、天端部において圧縮破壊が 発生する以前に、天端部外側や肩部内側において引張ひ び割れが発生しているものの、荷重変位関係には大きな 影響を与えていないことが分かる.また、天端部の圧縮 ひずみが5,000×10<sup>6</sup>を超えたところで天端部の圧縮ひず みが急激に増加するとともに、変位のモードが大きく変 化した.これらのことから、本研究においては、 5,000×10<sup>6</sup>を超える圧縮ひずみが発生するとともに、変 位のモードが大きく変化した時点を、覆工の破壊と見な すこととする.

#### (2) 覆工の圧縮破壊に至らない場合の挙動

上述のような覆工の圧縮破壊に至らないケースの例と して、背面空洞範囲 $\alpha = 60^\circ$ 、背面空洞深さh = 1.0 m、裏 込め注入を実施しないケースの結果を示す. このケース においては、ひずみ分布を図-14に示すように、荷重0.06 MPaの時点で天端部( $\theta = 90^\circ$  付近)および両肩部( $\theta = 60, 120^\circ$  付近)において、覆工内側・外側とも引張強度 を超えるひずみ(前述のとおり105×10<sup>6</sup>を超える引張ひ



ずみ)が生じており、貫通ひび割れが発生したことを示している.これは、図-15に示す覆工の破壊領域図からも分かる.

このようなひび割れは、覆工コンクリートのブロック 化を誘発し、落下してトンネルの利用者へ影響を及ぼす 懸念があると考えられる.このような観点から、覆工に 2箇所以上の貫通ひび割れが発生した時点、すなわち、 両肩部に貫通ひび割れ、あるいは天端部と肩部双方に貫 通ひび割れが発生した時点を、覆工の破壊と見なすこと とする.

#### (3) 覆工の破壊時荷重の定義

上述の覆工の断面破壊を概念的に示すと図-16のよう になる.すなわち、本研究においては、天端部内側の圧 縮破壊、天端部外側の引張ひび割れ、肩部内側の引張ひ び割れが特徴的な現象である.

本研究では、先に述べたような観点から、以下いずれ かの現象が生じる荷重を、覆工の破壊時荷重と定義する. ①覆工天端付近の内側の圧縮ひずみが5,000×10<sup>6</sup>を超

えるとともに、変位モードが大きく変化する場合

②両肩部に貫通ひび割れ、あるいは天端部と肩部双方 に貫通ひび割れが発生する場合(後述の図-17にお いて「△」で記す)

なお、裏込め注入材として剛性の大きいものを用いた 場合は、天端部( $\theta$ =90°)よりもやや両肩部に寄った、 背面空洞端部付近( $\theta$ =70~80°付近)で覆工の圧縮破壊 が生じたケースもあったが、圧縮ひずみの値や変位モー ドの変化の類似性から、①と同様に扱うこととした(後 述の図-17において「※」で記す).

#### 4. 覆工の破壊時荷重

以上述べてきた方法により算定した覆工の破壊時荷重 を図-17に示す.なお、比較対象として、背面空洞が存 在しない場合の覆工の破壊時荷重も併せて示す.

同図(a)に示すように、 α = 30°の場合で、背面空洞が存



(注)図中、△は両肩部に貫通ひび割れ、あるいは天端部と肩部双方 に貫通ひび割れが発生して覆工の破壊に至ったことを示す.また、 ※は天端部(θ=90)よりもやや両肩部に寄った、背面空洞端部付近 (θ=70~80°付近)で覆工の圧縮破壊が生じたことを示す.

#### 図-17 覆工破壊時の荷重

在して裏込め注入を行わない場合は、背面空洞が存在し ない場合に比べて破壊時荷重は40%以上となる. 比較的 剛性の低い Eg=2 MPaの裏込め注入材で空洞を充填した 場合は、破壊時荷重は大きくは変わらないか、背面空洞 深さが小さい場合 (h=0.1 m) は破壊時荷重は 60%程度 となる結果となった. 一方、比較的剛性の高い Eg=50MPa の裏込め注入材で空洞を充填すると破壊時荷重は 80%程度以上、さらに剛性の高い Eg=1000 MPa の裏込 め注入材で空洞を充填すると 100%程度まで確保できる 結果となった.

背面空洞の範囲を広げ、 $\alpha = 45^{\circ}$ とすると、同図(b)に示 すように、裏込め注入を行わない場合は引張ひび割れが 卓越した破壊形態となり、背面空洞が存在しない場合に 比べて 10%にも満たない荷重で破壊した. 比較的剛性の 低い Eg = 2 MPaの裏込め注入材で空洞を充填した場合は、 50%程度まで確保できる結果となった. さらに比較的剛 性の高い Eg = 50 MPa や Eg = 1000 MPaの裏込め注入材の を用いた場合は、80%以上を確保できる結果となった.

さらに背面の範囲を広げ、 $\alpha = 60°$ とすると、同図(c)に 示すように、裏込め注入を行わない場合はやはり引張ひ び割れが卓越した破壊形態となり、背面空洞が存在しな い場合に比べて 5%程度の荷重で破壊した.比較的剛性 の低い Eg=2 MPaの裏込め注入材で空洞を充填した場合 は、h=0.5 m と比較的背面空洞の深さが小さいケースに おいては、貫通ひび割れの発生を抑制し、背面空洞が存 在しない場合に比べて破壊時荷重は 60%を超えるものと なった.一方でh=1.0 m と比較的背面空洞の深さが大き いケースにおいては、背面空洞を充填しない場合と破壊 モードは同様になり、破壊時荷重も同等のものであった. 比較的剛性の高い Eg=50 MPa や Eg=1000 MPaの裏込め 注入材のを用いた場合は、80%以上を確保できる結果と なった.

これらの結果から、外力が作用する条件下において覆 工の背面空洞が存在し、裏込め注入により対策を実施す る場合においては、ある程度の剛性を有する裏込め注入 材を用いる必要があると考えられる.これは、背面空洞 の範囲や深さによって程度が変わり、空洞の規模が大き いほど、その裏込め注入材の剛性の影響が顕著に現れる と考えられる.

#### 5. おわりに

本研究では、天端付近に覆工背面空洞が存在する山岳 トンネルにおいて外力が作用する条件を想定し、背面空 洞に充填する裏込め注入材の弾性係数が、覆工の破壊時 荷重に及ぼす影響について、数値解析により検討した.

その結果,外力対策として覆工背面空洞の裏込め注入 を行う場合は,ある程度の剛性を有する裏込め注入材を 用いることにより,背面空洞の無い場合に近い値まで覆 工の破壊時荷重を確保できる可能性があることが明らか となった.これは,背面空洞の範囲や深さによって程度 が変わり,空洞の規模が大きいほど,その裏込め注入材 の剛性の影響が顕著に現れると考えられる.

ただし、これらの検討結果は、限られた荷重条件下に おいて、限られた物性値等を用いて分析を行ったものに 過ぎない.実際の現場における背面空洞の形状や地山物 性値は複雑であり、裏込め注入材も種々のものがこれま でに開発されてきていることから、現場条件を見極めた うえで、実際に適用することが重要である.また、本研 究では検討対象外とした、亀裂性の岩盤に建設されたト ンネルにおいて突発性崩壊を防止するといった目的で覆 工背面空洞を充填する場合は、別途検討が必要である. 加えて、裏込め注入を実施する際は、注入圧や注入材の 自重により既設の覆工に悪影響を及ぼさないか、空洞の 充填性は十分確保できるか、裏込め注入の施工により既 存の排水構造に悪影響を及ぼさないかなど、施工上の配 慮も必要である.これらの事項も踏まえたうえで、適切 な剛性を有する裏込め注入材を選定する必要があると考 えられる.

#### 参考文献

- 朝倉俊弘,安東豊弘,小俣富士夫,若菜和之,松浦章夫: 欠陥を有するトンネル覆工の変形挙動と内面補強工の効果, 土木学会論文集, No.493, III-27, pp.89-98, 1994.
- 2) 佐藤文法,嶋本敬介,朝倉俊弘:山岳トンネルの背面空洞 に対する裏込注入材の剛性に関する検討,地盤工学研究発 表会,第47回,pp.1267-1268,2012.
- 日下敦,砂金伸治,真下英人:外力が作用する山岳トンネ ルにおける覆工背面空洞裏込め注入材の剛性の影響に関す る一考察,地盤工学研究発表会,第49回,No.652, pp.1303-1304,2014.

- 4) (独)土木研究所:道路トンネル変状対策エマニュアル (案),土木研究所資料, No.3877, 2003.
- 5) 岸田展明,日下敦,砂金伸治:山岳トンネル覆工の破壊時 荷重における覆工形状の影響に関する数値解析的検討,ト ンネル工学報告集,第26巻,2016. (投稿中)
- 6) 日下敦, 真下英人, 砂金伸治, 角湯克典:山岳トンネルに おける覆工構造と地震時挙動の関係に関する一考察, トン ネル工学報告集, 第20巻, pp.1-8, 2010.
- Vermeer, P. A., R. de Borst: Non-Associated Plasticity for Soils, Concrete and Rock, Heron, Vol.29, No.3, pp.3-64, 1984.
- 8) 日下敦,砂金伸治,真下英人:内巻き補強された覆工の全体耐力に関する要素実験の再現解析,土木学会第68回年次学術講演会,III-250, pp.499-500, 2013.
- 9) 日下敦,砂金伸治,河田浩介,真下英人:軸力と曲げモー メントが作用するトンネル覆工の耐荷力に関する数値解析 的検討,土木学会第69回年次学術講演会,III-220, pp.439-440, 2014.
- 10) Kusaka, A.; Kawata, K.; Isago, N.; and Mashimo, H.: Static Loading Tests and Numerical Analysis of the Effects of Risk Mitigation Measures for Rock Tunnels against Earthquakes, The 8th Asian Rock Mechanics Symposium, No.OS3-1, pp.1-8, 2014.

(2016.8.5受付)

## EFFECT OF STIFFNESS OF BACK-FILL GROUTING MATERIAL AGAINST VOID ABOVE TUNNEL LINING UPON LOAD-BEARING CAPACITY FOR LINING FRACTURE

## Atsushi KUSAKA, Noriaki KISHIDA, Nobuharu ISAGO and Kosuke KAWATA

Void above a tunnel lining may be harmful to a tunnel structure especially in poor ground conditions. The void often exists in old tunnels constructed with the steel rib and lagging method, and a back-fill grouting is one of the most effective countermeasures against the void. Stiffness of back-fill grouting material is an important factor and should be examined appropriately to obtain enough ground reaction force to the lining. However, for a practical use, a choice is made between the grouting materials comparing their pros and cons pertaining to construction and costs. The stiffness is not taken into account so seriously and is determined on the basis of our empirical knowledge in many cases.

In this study, a series of numerical analysis is performed to examine stress circumstances of tunnel lining where a back-fill grout is carried out. A tunnel lining is set in soft rock and external force is applied to the model. Major conclusions include: Influence of stiffness of back-fill grouting material on mechanical behavior is clarified. A high expansion ratio material for back-fill grouting could be too soft to secure enough reaction force to tunnel lining under external force acting conditions.